

Câu 1. Trong các phát biểu sau, phát biểu nào là mệnh đề?

- A. 3 là số nguyên tố lẻ nhỏ nhất.
B. Đề thi hôm nay khó quá!
C. Một tam giác cân thì mỗi góc đều bằng 60^0 phải không?
D. Các em hãy cố gắng học tập!

Câu 2. Hãy liệt kê các phần tử của tập hợp $X = \{x \in \mathbb{Q} \mid x^2 + x + 1 = 0\}$.

- A. $X = 0$. B. $X = \{0\}$. C. $X = \emptyset$. D. $X = \{\emptyset\}$.

Câu 3. Cho tập hợp $A = (-\infty; -1]$ và tập $B = (-2; +\infty)$. Khi đó $A \cup B$ là:

- A. $(-2; +\infty)$ B. $(-2; -1]$ C. $\mathbb{Q}$ D. $\emptyset$

Câu 4. Điểm nào sau đây **không** thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x + 3y - 1 > 0 \\ 5x - y + 4 < 0 \end{cases}$?

- A. $(-1; 4)$ B. $(-2; 4)$ C. $(0; 0)$ D. $(-3; 4)$

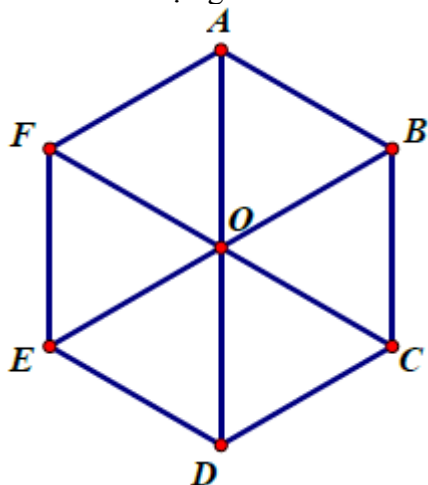
Câu 5. Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A. $\sin(180^\circ - \alpha) = -\sin \alpha$; B. $\cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$;
C. $\tan(180^\circ - \alpha) = -\tan \alpha$; D. $\cot(180^\circ - \alpha) = -\cot \alpha$.

Câu 6. Tam giác ABC có $BC = 1, AC = 3, C = 60^\circ$. Tính độ dài cạnh AB.

- A. $\sqrt{13}$; B. $\frac{\sqrt{46}}{2}$; C. $\frac{\sqrt{34}}{2}$; D. $\sqrt{7}$.

Câu 7. Cho lục giác đều ABCDEF tâm O như hình vẽ bên.



Vector $\overrightarrow{OB}$ ngược hướng với vector nào sau đây?

- A. $\overrightarrow{OC}$ B. $\overrightarrow{BC}$; C. $\overrightarrow{EB}$; D. $\overrightarrow{CD}$.

Câu 8. Mệnh đề nào sau đây **sai**:

- A. $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{NP} = \overrightarrow{MP}$ B. $\overrightarrow{MN} - \overrightarrow{MP} = \overrightarrow{PN}$ C. $\overrightarrow{MN} - \overrightarrow{NP} = \overrightarrow{MP}$; D. $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{IN} + \overrightarrow{MI}$.

Câu 9. Cho hình chữ nhật ABCD có $AB = 4 \text{ cm}, AD = 3 \text{ cm}$. Tính $|\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BA}|$.

- A. 5 cm; B. 7 cm; C. 9 cm; D. 11 cm.

Câu 10. Cho G là trọng tâm của tam giác ABC và điểm M bất kỳ. Đẳng thức nào sau đây đúng?

A. $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = \overrightarrow{MG}$;

B. $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 2\overrightarrow{MG}$;

C. $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{MG}$;

D. $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 4\overrightarrow{MG}$.

Câu 11. Cho ba điểm A, B, C như hình vẽ:



Đẳng thức nào sau đây đúng?

A. $\overrightarrow{MB} = 3\overrightarrow{MA}$

B. $\overrightarrow{MB} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$

C. $\overrightarrow{AB} = 4\overrightarrow{MA}$;

D. $\overrightarrow{MB} = -3\overrightarrow{MA}$.

Câu 12. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho $\vec{u} = -2\vec{i} + \vec{j}$. Tìm tọa độ của vector $\vec{u}$.

A. $\vec{u} = (2; -1)$;

B. $\vec{u} = (-2; 1)$;

C. $\vec{u} = (2; 1)$;

D. $\vec{u} = (-2; -1)$.

Câu 13. Trong mặt phẳng tọa độ, cặp vector nào sau đây cùng phương?

A. $\vec{a} = (1; 0)$ và $\vec{b} = (0; 1)$;

B. $\vec{u} = (3; -2)$ và $\vec{v} = (6; 4)$;

C. $\vec{i} = (2; 3)$ và $\vec{j} = (-6; -9)$;

D. $\vec{c} = (2; 3)$ và $\vec{d} = (-6; 9)$.

Câu 14. Cho hai vector $\vec{a}$ và $\vec{b}$ khác vector-không. Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$

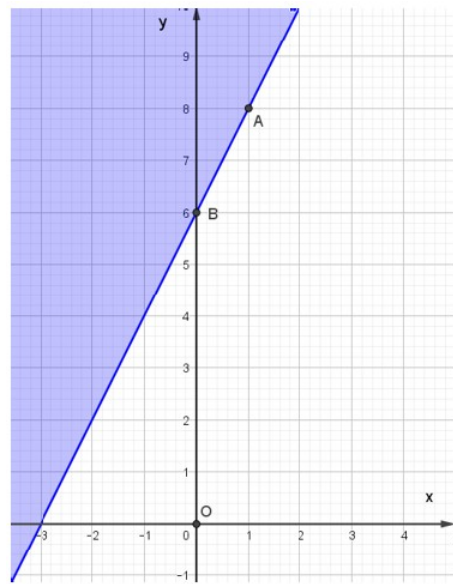
B. $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$;

C. $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$;

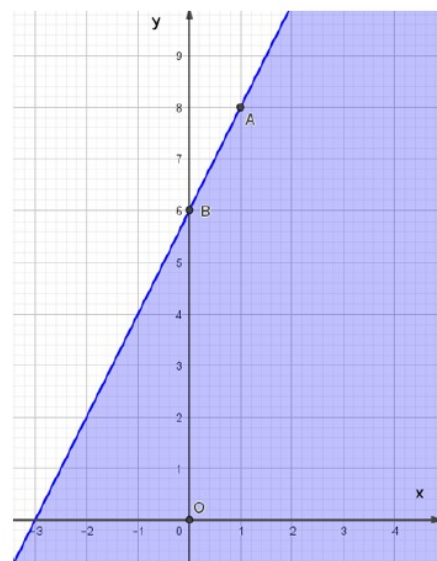
D. $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$.

Câu 15. Miền nghiệm của bất phương trình $2x - y + 6 \leq 0$ được biểu diễn là miền màu xanh trong hình ảnh nào sau đây?

A.

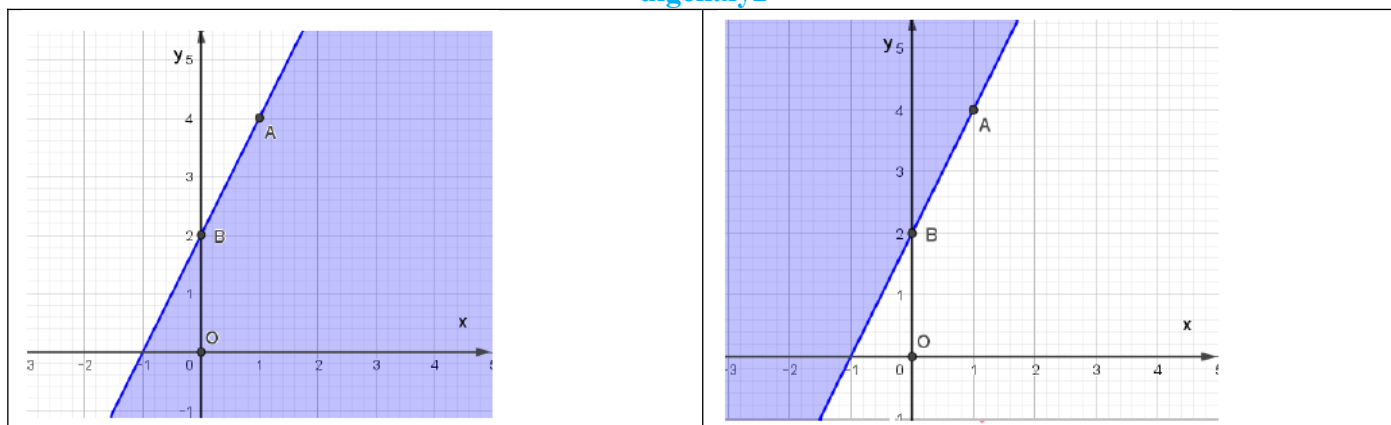


B.



C.

D.



Câu 16. Cho tam giác ABC cân tại A có $A = 120^\circ$. Khi đó $\sin B$ bằng:

- A. $\frac{1}{2}$ B. $-\frac{1}{2}$; C. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D. $-\frac{\sqrt{3}}{2}$.

Câu 17. Cho góc α với $0^\circ < \alpha < 180^\circ$. Tính giá trị của $\cos \alpha$, biết $\tan \alpha = -2\sqrt{2}$.

- A. $-\frac{1}{3}$ B. $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ C. $\frac{1}{3}$; D. $\frac{\sqrt{2}}{3}$.

Câu 18. Cho hình thoi $ABCD$. Vectơ - không có điểm đầu là A thì nó có điểm cuối là:

- A. Điểm A ; B. Điểm B ; C. Điểm C ; D. Điểm D .

Câu 19. Cho tam giác ABC đều. Tính góc $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$.

- A. 90° ; B. 135° ; C. 90° ; D. 60° .

Câu 20. Cho tam giác ABC có: $AB = 3, BC = 4, AC = 5$. Tính $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC}$.

- A. 1; B. 0 C. 12; D. 20.

Câu 21. Cho hai vectơ $\vec{a}$ và $\vec{b}$ đều khác $\vec{0}$. Biết: $(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ, \vec{a} \cdot \vec{b} = \sqrt{3}$ và $|\vec{b}| = 2$. Tính độ dài của vectơ $\vec{a}$.

- A. 1; B. 2; C. $\frac{1}{2}$; D. $\frac{1}{4}$.

Câu 22. Một lực $\vec{F}$ có độ lớn $60\sqrt{3}$ N tác động vào điểm M làm vật di chuyển theo phương nằm ngang từ M đến điểm N cách M một khoảng 10 m. Biết góc giữa $\vec{F}$ và phương thẳng đứng là 30° . Tính công sinh bởi lực F .

- A. 900 J B. 800 J; C. 600 J; D. $300\sqrt{3}$ J.

Câu 23. Cho giá trị gần đúng của $\sqrt{3}$ là 1,73. Sai số tuyệt đối của số gần đúng 1,73 là:

- A. 0,003; B. 0,03; C. 0,002; D. 0,02.

Câu 24. Viết số quy tròn của số gần đúng b biết $\bar{b} = 12409,12 \pm 0,5$.

- A. 12410; B. 12409,1; C. 12000; D. 12409.

Câu 25. Tính số trung bình của mẫu số liệu sau:
2; 5; 8; 7; 10; 20; 11

- A. 8; B. 9; C. 10; D. 11.

Câu 26. Tìm trung vị của mẫu số liệu sau:
0; 1; 2; 3; 5; 10

- A. 3; B. 5; C. 0; D. 2.

Câu 27. Số lượng học sinh đăng kí thi môn cầu lông các lớp từ lớp 6 đến lớp 9 được thống kê trong bảng dưới đây:

Lớp	6	7	8	9
-----	---	---	---	---

Số lượng	20	25	22	15
----------	----	----	----	----

Tìm một trong mẫu số liệu trên.

- A. 6; B. 7; C. 8; D. 9.

Câu 28. Cho mẫu số liệu sau:

5; 2; 9; 10; 15; 5; 20

Tứ phân vị Q_1, Q_2, Q_3 của mẫu số liệu trên lần lượt là:

- A. 2; 5; 9; B. 5; 9; 15; C. 10; 5; 15; D. 2; 9; 15.

Câu 29. Cho mẫu số liệu sau:

12; 5; 8; 11; 6; 20; 22. Tính khoảng biến thiên của mẫu số liệu trên.

- A. 16; B. 17; C. 18; D. 19.

Câu 30. Khoảng tứ phân vị Δ_Q là

- A. $Q_2 - Q_1$ B. $Q_3 - Q_1$; C. $Q_3 - Q_2$; D. $(Q_1 + Q_3) : 2$.

Câu 31. Cho mẫu số liệu sau:

5; 6; 12; 2; 5; 17; 23; 15; 10.

Tính khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu trên.

- A. 8; B. 9; C. 10; D. 11.

Câu 32. Cho mẫu số liệu sau:

10; 3; 6; 9; 15.

Tìm độ lệch chuẩn của mẫu số liệu trên (làm tròn đến hàng phần trăm).

- A. 3,03; B. 4,03; C. 5,03; D. 6,03.

Câu 33. Cho tam giác đều ABC cạnh 4. Vector $-\frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$ có độ dài là.

- A. 2; B. 4; C. 3; D. 6.

Câu 34. Cho hình bình hành $ABCD$. Gọi M, N lần lượt là hai điểm nằm trên hai cạnh AB và CD sao cho $AB = 3AM, CD = 2CN$. Biểu diễn vector $\overrightarrow{AN}$ qua các vector $\overrightarrow{AB}$ và $\overrightarrow{AC}$.

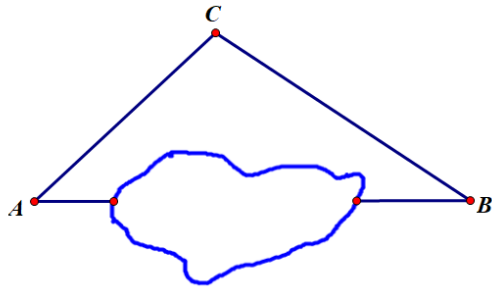
- A. $\overrightarrow{AN} = -\overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ B. $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ C. $\overrightarrow{AN} = -\overrightarrow{AC} - \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$; D. $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AC} - \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$.

Câu 35. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho ba điểm $A(2;1), B(1;10)$ và điểm $C(m; 2m - 17)$. Tất cả các giá trị của tham số m sao cho AB vuông góc với OC là

- A. $m = 9$; B. $m = \pm 9$; C. $m = -9$; D. $m = 1$.

II. TỰ LUẬN

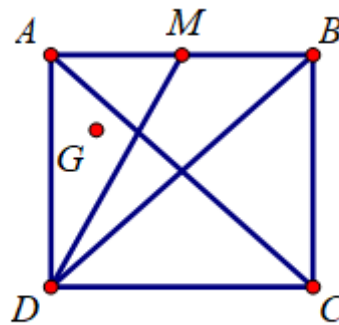
Bài 1. Khoảng cách từ A đến B không thể đo trực tiếp được vì phải qua một đầm lầy. Người ta xác định được một điểm C mà từ đó có thể nhìn được A và B dưới một góc 60° . Biết $CA = 200(m)$, $CB = 180(m)$. Tính khoảng cách AB như hình vẽ.



Bài 2. Cho hình vuông $ABCD$ cạnh a . M là trung điểm của AB , G là trọng tâm tam giác ADM . Tính giá trị các biểu thức

$$P = \overrightarrow{CG} \cdot (\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{DM})$$

Lời giải



Hình 2.3

Bài 3. Mẫu số liệu sau đây cho biết sĩ số của 5 lớp khối 10 tại một trường THPT.

43 45 46 41 40

Tìm phương sai và độ lệch chuẩn cho mẫu số liệu này.

----- HẾT -----

ĐÁP ÁN

I. TRẮC NGHIỆM

1. A	2. C	3. C	4. C	5. A	6. D	7. D
8. C	9. A	10. C	11. D	12. B	13. C	14. B
15. A	16. A	17. A	18. A	19. D	20. B	21. A
22. D	23. C	24. D	25. B	26. A	27. B	28. B
29. B	30. B	31. D	32. B	33. A	34. D	35. A

II. TỰ LUẬN

Bài 1:

$$AB^2 = CA^2 + CB^2 - 2CA.CB.\cos 60^\circ = 36400 \Rightarrow AB = 20\sqrt{91}(\text{m})$$

Bài 2:

Vì G là trọng tâm tam giác ADM nên $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CM}$

Mặt khác theo quy tắc hình bình hành và hệ thức trung điểm ta có $\overrightarrow{CA} = -(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD})$ và

$$\overrightarrow{CM} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CA}) = \frac{1}{2}[\overrightarrow{CB} - (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD})] = -\frac{1}{2}(\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AD})$$

$$\overrightarrow{CG} = -\overrightarrow{AB} - (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}) - \frac{1}{2}(\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AD}) = -\left(\frac{5}{2}\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AD}\right)$$

Suy ra

$$\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{DM} = -(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}) + \overrightarrow{AM} - \overrightarrow{AD} = -\left(\frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AD}\right)$$

Ta lại có

$$\overrightarrow{CG} \cdot (\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{DM}) = \left(\frac{5}{2}\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AD}\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}\overrightarrow{AB} - 2\overrightarrow{AD}\right) = -\frac{5}{4}AB^2 - 4AD^2 = -\frac{21a^2}{4}$$

Nên

$$\overline{x} = \frac{43 + 45 + 46 + 41 + 40}{5} = 43.$$

Bài 3: Số trung bình của mẫu số liệu là

Ta có bảng sau:

Giá trị	Độ lệch	Bình phương độ lệch
43	$43 - 43 = 0$	0
45	$45 - 43 = 2$	4
46	$46 - 43 = 3$	9
41	$41 - 43 = -2$	4
40	$40 - 43 = -3$	9
Tổng		26

$$s^2 = \frac{26}{5} = 5,2.$$

Mẫu số liệu gồm 5 giá trị nên $n = 5$. Do đó phương sai là

Độ lệch chuẩn là: $s = \sqrt{5,2} \approx 2,28$.