

Câu 1. (3điểm).

a) Tính giá trị của biểu thức A và B:

$$A = \sqrt{144} + \sqrt{36}$$

$$B = \sqrt{6,4} + \sqrt{250}$$

b) Rút gọn biểu thức : $7\sqrt{12} + 2\sqrt{27} - 4\sqrt{75}$.

c) Chứng minh rằng giá trị của biểu thức sau không phụ thuộc vào giá trị của a:

$$M = \left(\frac{1009}{\sqrt{a}-1} + \frac{1009}{\sqrt{a}+1} \right) \cdot \left(\sqrt{a} - \frac{1}{\sqrt{a}} \right) \quad \text{với } a > 0 \text{ và } a \neq 1$$

Câu 2. (2,0 điểm). Cho hàm số $y = ax - 2$ có đồ thị là đường thẳng d_1 a) Biết đồ thị hàm số qua điểm $A(1;0)$. Tìm hệ số a, hàm số đã cho là đồng biến hay nghịch biến trên $\mathbb{R}$? Vì sao?

b) Vẽ đồ thị hàm số vừa tìm được.

c) Với giá trị nào của m để đường thẳng $d_2: y = (m-1)x + 3$ song song d_1 ?**Câu 3. (2,0 điểm).** Cho tam giác ABC, đường cao AH, biết $AB = 30\text{cm}$, $AC = 40\text{cm}$, $BC = 50\text{cm}$.

a) Chứng minh tam giác ABC vuông tại A

b) Tính đường cao AH?

c) Tính diện tích tam giác AHC?

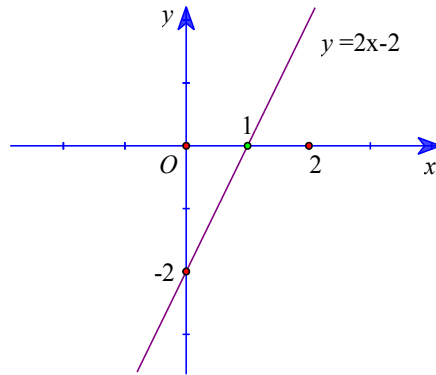
Câu 4. (2,5 điểm). Cho đường tròn (O; 6cm), điểm A nằm bên ngoài đường tròn, $OA = 12\text{cm}$. Kẻ các tiếp tuyến AB và AC với đường tròn (B, C là các tiếp điểm).

a) Chứng minh BC vuông góc với OA.

b) Kẻ đường kính BD, chứng minh $OA \parallel CD$.c) Gọi K là giao điểm của AO với BC. Tính tích: $OK \cdot OA = ?$ Và $\angle BAO$?**Câu 5. (0,5 điểm).** Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $A = \frac{3x^2 - 8x + 6}{x^2 - 2x + 1}$ -----**(Hết)**-----

ĐÁP ÁN

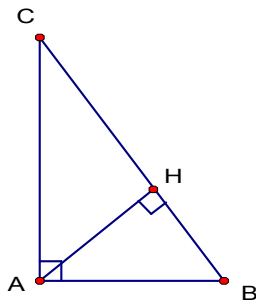
Câu	Ý	Đáp án	Điểm					
Câu 1 (3điểm)	a	$A = \sqrt{144} + \sqrt{36}$						
		$= \sqrt{12^2} + \sqrt{6^2}$	0,25					
		$= 12 + 6 = 18$	0,25					
		$B = \sqrt{6,4.\sqrt{250}}$		0,25				
		$= \sqrt{6,4.250}$		0,25				
		$= \sqrt{64.25}$		0,25				
		$= 8.5 = 40$						
	b	$b)7\sqrt{12} + 2\sqrt{27} - 4\sqrt{75}$						
		$= 7\sqrt{4.3} + 2\sqrt{9.3} - 4\sqrt{25.3}$		0,25				
		$= 7.2\sqrt{3} + 2.3\sqrt{3} - 4.5\sqrt{3}$		0,25				
		$= 14\sqrt{3} + 6\sqrt{3} - 20\sqrt{3}$		0,25				
		$= (14 + 6 - 20)\sqrt{3} = 0$		0,25				
	c	$M = \left(\frac{1009}{\sqrt{a}-1} + \frac{1009}{\sqrt{a}+1} \right) \cdot \left(\sqrt{a} - \frac{1}{\sqrt{a}} \right)$ với $a > 0$ và $a \neq 1$						
$= \frac{1009.(\sqrt{a}+1)+1009.(\sqrt{a}-1)}{\sqrt{a^2}-1} \cdot \frac{\sqrt{a^2}-1}{\sqrt{a}}$			0,25					
$= \frac{1009.2\sqrt{a}}{\sqrt{a}} = 2018$			0,25					
			0,25					
Vậy M không phụ thuộc vào a.								
Câu 2 (2điểm)	a	Đồ thị hàm số $y = ax - 2$ qua điểm $A(1;0)$ ta có : $0 = a.1 - 2 \Rightarrow a=2$	0,25					
		Vậy hàm số đó là : $y = 2x - 2$						
		Hàm số đồng biến trên $\mathbb{R}$, vì $a = 2 > 0$	0,25					
	b	Bảng giá trị tương ứng x và y:						
		<table><tr><td>x</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>y= 2x-2</td><td>-2</td><td>0</td></tr></table>	x	0	1	y= 2x-2	-2	0
x	0	1						
y= 2x-2	-2	0						
	Vẽ đồ thị:							
			0.75					



c

Để đường thẳng $d_2 \parallel d_1$ thì $m - 1 = 2 \Rightarrow m = 3$

0.5

Câu 3:
(2.0 điểm)

a

Ta có: $BC^2 = 50^2 = 2500$,
 $AB^2 + AC^2 = 30^2 + 40^2 = 2500$
 $\Rightarrow BC^2 = AB^2 + AC^2$, vậy tam giác ABC vuông tại A. (Định lý đảo Py – ta – go)

0.25

0.25

0.25

b

Ta có: $BC \cdot AH = AB \cdot AC$ (Hệ thức lượng trong tam giác vuông)
 $\Leftrightarrow 50 \cdot AH = 30 \cdot 40$
 $\Rightarrow AH = \frac{30 \cdot 40}{50} = 24 \text{ (cm)}$

0.25

0.25

0.25

c

Áp dụng hệ thức giữa cạnh góc vuông và hình chiếu của nó trên cạnh huyền ta có :

$$AC^2 = BC \cdot HC \Rightarrow HC = \frac{AC^2}{BC} = \frac{40^2}{50} = 32 \text{ (cm)}$$

0.25

0.25

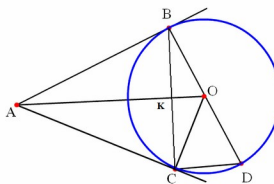
$$* S_{\Delta AHC} = \frac{1}{2} AH \cdot HC = \frac{1}{2} \cdot 24 \cdot 32 = 384 \text{ (cm}^2\text{)}$$

Câu 4:
(2,5 điểm)**GT**

Cho $(O ; 6\text{cm})$, $A \notin (O)$
 $OA = 12 \text{ cm}$, kẻ hai tt
 AB và AC (B, C tiếp
điểm) đường kính BD

KL

a) $BC \perp OA$.
b) $OA \parallel CD$.
c) $OK \cdot OA = ?$
 $\angle BAO = ?$



0,25

	a	Ta có: $\triangle ABC$ cân tại A ($AB = AC$ – T/c hai tiếp tuyến cắt nhau) AO là tia phân giác của góc A (T/c hai tiếp tuyến cắt nhau) $\Rightarrow$ AO cũng là @êng cao hay : $AO \perp BC$.	0.25 0.25 0.25
	b	$\triangle ABC$ vu@ng t@i C (OC trung tuyến tam giác BCD, $OC = \frac{1}{2} BD$) n@n $CD \perp BC$. L@i c@: $AO \perp BC$ (cmt). $\Rightarrow AO \parallel CD$	0,25 0.25 0.25
	c	$\triangle ABO$ vu@ng tại B, có BK là đường cao $\Rightarrow OK.OA = OB^2 = 6^2 = 36$ $\frac{OB}{OA} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ Ta có $\sin BAO = \frac{OB}{OA} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ $\Rightarrow \angle BAO = 30^\circ$	0.25 0.25 0,25
Câu 5 (0,5điểm)		$A = \frac{3x^2 - 8x + 6}{x^2 - 2x + 1}$	
		$A = \frac{2x^2 - 4x + 2 + x^2 - 4x + 4}{x^2 - 2x + 1} = 2 + \frac{(x-2)^2}{(x-1)^2} \geq 2$	0,25
		Biểu thức A đạt giá nhỏ nhất là 2 khi và chỉ khi $\frac{(x-2)^2}{(x-1)^2} = 0$ Hay $x - 2 = 0$ suy ra $x = 2$	0,25

(Lưu ý: Học sinh giải cách khác đúng vẫn được điểm tối đa)

ĐỀ 2	ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I Môn TOÁN LỚP 9 <i>Thời gian: 90 phút</i>
-------------	---

I PHẦN TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN: (4 @iỐm)

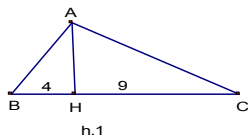
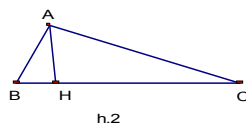
Câu 1.Căn bậc hai số học của 9 là

- A. -3. B. 3. C. 81. D. -81.

Câu 2.Biểu thức $\sqrt{1-2x}$ xác định khi:

- A. $x > \frac{1}{2}$. B. $x \geq \frac{1}{2}$. C. $x < \frac{1}{2}$. D. $x \leq \frac{1}{2}$.

Câu 3.Cho $\triangle ABC$ vu@ng tại A, AH là đường cao (h.1). Khi đó độ dài AH bằng



- A. 6,5. B.6 C. 5. D. 4,5.

Câu 4. Trong hình 2, $\cos C$ bằng

- A. $\frac{AB}{BC}$. B. $\frac{AC}{BC}$. C. $\frac{HC}{AC}$. D. $\frac{AH}{CH}$.

Câu 5. Biểu thức $\sqrt{(3-2x)^2}$ bằng

- A. $3-2x$. B. $2x-3$. C. $|2x-3|$. D. $3-2x$ và $2x-3$.

Câu 6. Giá trị của biểu thức $\cos^2 20^\circ + \cos^2 40^\circ + \cos^2 50^\circ + \cos^2 70^\circ$ bằng

- A. 1. B. 2. C. 3. D. 0.

Câu 7. Giá trị của biểu thức $\frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}}$ bằng

- A. $\frac{1}{2}$. B. 1. C. -4. D. 4.

Câu 8. Cho tam giác ABC vuông tại A có $AB = 18$; $AC = 24$. Bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác đó bằng

- A. 30. B. 20. C. 15. D. $15\sqrt{2}$.

Câu 9. Trong các hàm số sau, hàm số nào là hàm số bậc nhất ?

- A. $y = \sqrt{\frac{x}{2}} + 4$. B. $y = \frac{\sqrt{2}x}{2} - 3$. C. $y = \frac{-2}{x} + 1$. D. $y = -\frac{3\sqrt{x}}{5} + 2$.

Câu 10. Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến ?

- A. $y = 2 - x$. B. $y = -\frac{1}{2}x + 1$. C. $y = \sqrt{3} - \sqrt{2}(1 - x)$. D. $y = 6 - 3(x - 1)$.

Câu 11. Điểm nào trong các điểm sau thuộc đồ thị hàm số $y = 1 - 2x$?

- A. $(-2; -3)$. B. $(-2; 5)$. C. $(0; 0)$. D. $(2; 5)$.

Câu 12. Nếu hai đường thẳng $y = -3x + 4$ (d_1) và $y = (m+1)x + m$ (d_2) song song với nhau thì m bằng

- A. -2. B. 3. C. -4. D. -3.

Câu 13. Một đường thẳng đi qua điểm $A(0; 4)$ và song song với đường thẳng $x - 3y = 7$ có phương trình là

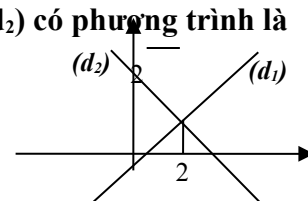
- A. $y = -\frac{1}{3}x + 4$. B. $y = -3x + 4$. C. $y = \frac{1}{3}x + 4$. D. $y = -3x - 4$.

Câu 14. Cho tam giác DEF có $DE = 3$; $DF = 4$; $EF = 5$. Khi đó

- A. DE là tiếp tuyến của (F; 3). B. DF là tiếp tuyến của (E; 3).
C. DE là tiếp tuyến của (E; 4). D. DF là tiếp tuyến của (F; 4).

Câu 15. Cho hai đường thẳng (d_1) và (d_2) như hình vẽ. Đường thẳng (d_2) có phương trình là

- A. $y = -x$.
- B. $y = -x + 4$.
- C. $y = x + 4$.
- D. $y = x - 4$.



Câu 16. Cho (O; 10 cm) và dây MN có độ dài bằng 16 cm. Khi đó khoảng cách từ tâm O đến dây MN là:

- A. 8 cm. B. 7 cm. C. 6 cm. D. 5 cm.

II PHẦN TỰ LUẬN (6 @iÓm)

$$\text{Câu 1: (2điểm) Cho biểu thức: } P = \left(\frac{x\sqrt{x}-1}{x-\sqrt{x}} - \frac{x\sqrt{x}+1}{x+\sqrt{x}} \right) : \left[\frac{2(x-2\sqrt{x}+1)}{x-1} \right]$$

- Rút gọn P
- Tìm x để $P < 0$.

Câu 2: (1,5điểm) Cho hàm số bậc nhất: $y = (m+1)x + 2m$ (1)

- Tìm m để hàm số trên là hàm số bậc nhất.
- Tìm m để đồ thị hàm số (1) song song với đồ thị hàm số $y = 3x - 6$.
- Vẽ đồ thị với giá trị của m vừa mới tìm được ở câu b

Câu 3 : (2,5 điểm) Cho nửa đường tròn (O) đường kính AB. Vẽ các tiếp tuyến Ax, By về nửa mặt phẳng bờ AB chứa nửa đường tròn. Trên Ax và By theo thứ tự lấy M và N sao cho góc MON bằng 90° .

Gọi I là trung điểm của MN. Chứng minh rằng:

- AB là tiếp tuyến của đường tròn (I;IO)
- MO là tia phân giác của góc AMN
- MN là tiếp tuyến của đường tròn đường kính AB

ĐÁP ÁN

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8
Chọn	B	D	B	B	C	B	D	C
Câu	9	10	11	12	13	14	15	16
Chọn	B	C	B	C	C	B	B	C

II PHẦN TỰ LUẬN(6 @iOm)

Câu 1 (2,0 đ)	a. - ĐKXĐ: $0 \leq x \neq 1$	0,5
	-Rút gọn	
	$\Leftrightarrow P = \left(\frac{\sqrt{x}^3 - 1^3}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} - \frac{\sqrt{x}^3 + 1^3}{\sqrt{x}(\sqrt{x}+1)} \right) : \left(\frac{2 \cdot (\sqrt{x}-1)^2}{\sqrt{x}^2 - 1^2} \right)$	0,25
	$\Leftrightarrow P = \left(\frac{(\sqrt{x}-1)(x+\sqrt{x}+1)}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} - \frac{(\sqrt{x}+1)(x-\sqrt{x}+1)}{\sqrt{x}(\sqrt{x}+1)} \right) : \left(\frac{2(\sqrt{x}-1)^2}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} \right)$	0,25
	$\Leftrightarrow P = \left(\frac{x+\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}} - \frac{x-\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}} \right) : \left(\frac{2(\sqrt{x}-1)}{\sqrt{x}+1} \right)$	
Câu 2	$\Leftrightarrow P = \left(\frac{x+\sqrt{x}+1-x+\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}} \right) \left(\frac{\sqrt{x}+1}{2(\sqrt{x}-1)} \right)$	0,25
	$\Leftrightarrow P = \left(\frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}} \right) \left(\frac{\sqrt{x}+1}{2(\sqrt{x}-1)} \right) \Leftrightarrow P = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1}$	0,25

Vậy AB là tiếp tuyến của đường tròn (I;IO)

b. Ta có: $IO \parallel AM \Rightarrow \widehat{AMO} = \widehat{MOI}$ (so le trong) (1)

Lại có: I là trung điểm của MN và $\triangle MON$ vuông tại O (gt);
nên $\triangle MIO$ cân tại I.

Hay $\widehat{OMN} = \widehat{MOI}$ (2)

Từ (1) và (2) suy ra: $\widehat{AMO} = \widehat{OMN}$. Vậy MO là tia phân giác của AMN.

c. Kẻ $OH \perp MN$ ($H \in MN$). (3)

Xét $\triangle OAM$ và $\triangle OHM$ có:

$$\widehat{OAM} = \widehat{OHM} = 90^\circ$$

$$\widehat{AMO} = \widehat{OMN} \text{ (chứng minh trên)}$$

MO là cạnh chung

Suy ra: $\triangle OAM = \triangle OHM$ (cạnh huyền- góc nhọn)

Do đó: $OH = OA \Rightarrow OH$ là bán kính đường tròn $(O; \frac{AB}{2})$. (4)

Từ (3) và (4) suy ra: MN là tiếp tuyến của đường tròn $(O; \frac{AB}{2})$.

0,25

0,25

0,25

0,5

ĐỀ 3**ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I****Môn TOÁN LỚP 9***Thời gian: 90 phút***A. PHẦN TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN: (5 điểm)**

Khoanh tròn vào chữ cái đứng trước khẳng định đúng trong các câu sau

Câu 1: $\sqrt{21-7x}$ có nghĩa khi

A. $x \leq -3$;

B. $x \geq 3$;

C. $x > -3$;

D. $x < 3$.

Câu 2: Rút gọn biểu thức $\sqrt{(5-\sqrt{13})^2}$ được

A. $5 - \sqrt{13}$

B. $-5 - \sqrt{13}$

C. $\sqrt{13} - 5$

D. $\sqrt{13} + 5$.

Câu 3: Rút gọn các biểu thức $3\sqrt{3a} + 4\sqrt{12a} - 5\sqrt{27a}$ ($a \neq 0$) được

A. $4\sqrt{3a}$

B. $26\sqrt{3a}$

C. $-26\sqrt{3a}$

D. $-4\sqrt{3a}$

Câu 4: Giá trị biểu thức $\frac{\sqrt{16} \cdot \sqrt{25} + \sqrt{196}}{\sqrt{49}}$ bằng

A. 28

B. 22

C. 18

D. $\sqrt{2}$

Câu 5: Tìm x biết $\sqrt[3]{x} = -1,5$. Kết quả

A. $x = -1,5$

B. $-3,375$

C. $3,375$

D. $-2,25$

Câu 6: Rút gọn biểu thức $\sqrt[3]{27x^3} - \sqrt[3]{8x^3} + 4x$ được

A. $23\sqrt[3]{x}$

B. $23x$

C. $15x$

D. $5x$

Câu 7: Rút gọn biểu thức $\sqrt{x+4}\sqrt{x-4} + \sqrt{x-4}\sqrt{x-4}$ (điều kiện $4 \leq x < 8$) bằng

A) $2\sqrt{x-4}$

B) -4

C) $2\sqrt{x+4}$

D) 4

Câu 8: Khử mẫu của biểu thức $\sqrt{\frac{2}{5a^3}}$ với $a > 0$ được

A. $\frac{\sqrt{10a}}{5a^2}$

B. $\frac{\sqrt{10a}}{5a^3}$

C. $\frac{\sqrt{2}}{5a^2}$

D. $\frac{2}{5a^2}$

Câu 9: Rút gọn biểu thức $\frac{2}{\sqrt{7}-3} - \frac{2}{\sqrt{7}+3}$ được

A. $\sqrt{7}+3$

B. $\sqrt{7}-3$

C. -6

D. 0

Câu 10: $\sqrt{9x^2} = 12$

A. $x = \pm 2$

B. ± 4

C. 2

D. -2

Câu 11: Đưa thừa số $\sqrt{48y^4}$ ra ngoài dấu căn được

A. $16y^2\sqrt{3}$

B. $6y^2$

C. $4y\sqrt{3}$

D. $4y^2\sqrt{3}$

Câu 12: Rút gọn biểu thức $\frac{\sqrt{x^3}-1}{\sqrt{x}-1}$ ($x \neq 0, x \neq 1$) được

A. $\sqrt{x^2}$

B. $x + \sqrt{x} + 1$

C. $x - \sqrt{x} + 1$

D. x^2

Câu 13: Cho hai đường thẳng: $y = ax + 7$ và $y = 2x + 3$ song song với nhau khi

A. $a = 2$;

B. $a \neq 2$;

C. $a \neq -3$;

D. $a = -3$

Câu 14: Hàm số $y = (2m+6)x + 5$ là hàm số bậc nhất khi

A. $x > -3$;

B. $m \neq 3$;

C. $m \neq -3$;

D. $x < 3$.

Câu 15: Hàm số $y = (-m+3)x - 15$ là hàm số đồng biến khi

A. $m > -3$;

B. $m \neq 3$;

C. $m \neq 3$;

D. $m < 3$

Câu 16: Đường thẳng $y = (m-2)x + n$ (với $m \neq 2$) đi qua hai điểm A(-1;2), B(3;-4). Khi đó

A. $m = 1; n = 2$;

B. $m = 2; n = 1$

C. $m = n = \pm \frac{1}{2}$;

D. $m = n = \frac{1}{2}$

Câu 17: Hãy chọn đáp án đúng:

A) $\cot 37^\circ = \cot 53^\circ$

B) $\cos 37^\circ = \sin 53^\circ$

C) $\tan 37^\circ = \cot 37^\circ$

D) $\sin 37^\circ = \sin 53^\circ$

Câu 18: Tam giác ABC vuông tại A có AB = 3, AC = 4, đường cao AH và trung tuyến AM. Khi đó HM bằng:

A. $\frac{9}{5}$

B. $\frac{7}{10}$

C. $\frac{43}{10}$

D. $\frac{5}{2}$

Câu 19: Tam giác ABC có $\hat{A} = 90^\circ$, BC = 18cm và $\hat{B} = 60^\circ$ thì AC bằng

A. $9\sqrt{2}$ cm

B. 9cm

C. $9\sqrt{3}$ cm

D. $18\sqrt{3}$ cm

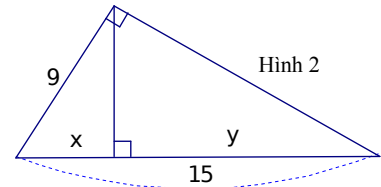
Câu 20: Trên hình 2, ta có:

A. x = 5,4 và y = 9,6

B. x = 1,2 và y = 13,8

C. x = 10 và y = 5

D. x = 9,6 và y = 5,4



B. PHẦN TỰ LUẬN : (5 điểm)

Câu 1: (1 điểm) Tìm x biết: $2\sqrt{8x} + 7\sqrt{18x} = 9 - \sqrt{50x}$

Câu 2: (2 điểm) Trên cùng một mặt phẳng tọa độ cho hai đường thẳng (d): $y = x - 3$ và (d'): $y = -2x + 3$

a) Vẽ (d) và (d') .

b) Bằng phép toán tìm tọa độ giao điểm của (d) và (d')

Câu 3: (2 điểm) Cho đường tròn (O,R), điểm A nằm bên ngoài đường tròn, vẽ hai tiếp tuyến AB, AC với đường tròn (B và C là hai tiếp điểm) vẽ đường kính CD của đường tròn O. Chứng minh:

a. $OA \perp BC$

b. $BD \parallel OA$

c. Cho R = 6 cm, AB = 8 cm. Tính BC

HƯỚNG DẪN CHẤM VÀ BIỂU ĐIỂM:

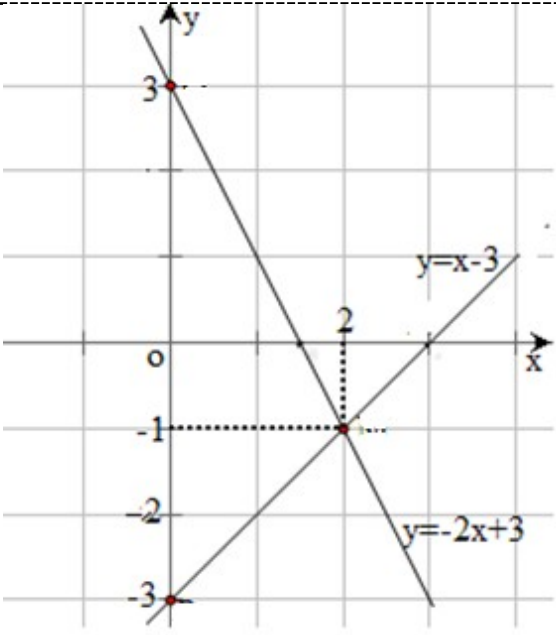
A. PHẦN TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN: (5 điểm)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Đáp án	B	A	D	B	B	D	D	A	C	B

Câu	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Đáp án	D	B	A	C	D	D	B	B	C	A

B. PHẦN TỰ LUẬN : (5 điểm)

CÂU	ĐÁP ÁN	ĐIỂM
Câu 11	$8\sqrt{8x} - 4\sqrt{18x} = 9 - \sqrt{50x}$ (đk $x \geq 0$)	
	$\Leftrightarrow 16\sqrt{2x} - 12\sqrt{2x} = 9 - 5\sqrt{2x}$	0,25
	$\Leftrightarrow 16\sqrt{2x} - 12\sqrt{2x} + 5\sqrt{2x} = 9$	
	$\Leftrightarrow 9\sqrt{2x} = 9$	0,25

CÂU	ĐÁP ÁN	ĐIỂM
	$\Leftrightarrow \sqrt{2x} = 1$	0,25
	$\Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$ (n) Vây $x = \frac{1}{2}$	0,25
Câu 12		
a	TXĐ: R	0,25
	Xác định đúng 2 bảng giá trị	0,5
	Vẽ đúng 2 đồ thị	0,5
		
b	Viết đúng phương trình hoành độ giao điểm $x-3 = -2x+3$	0,25
	$\Leftrightarrow x+2x = 3+3$	
	$\Leftrightarrow x = 2$	0,25
	Suy ra $y = -1$ Vây tọa độ giao điểm của (d) và (d') là (2;-1)	0,25
Câu 13	a) AB, AC là tiếp tuyến của (O; R) nên	
	AB = AC (t/c 2 tt cắt nhau)	0,25
	OC = OB (Bán kính)	0,25
	Suy ra AO là đường trung trực của BC	
	Do đó $OA \perp BC$	0,25
b	Gọi I là giao điểm của AO và BC	
	$\triangle ABC$ cân tại A có AI là đường đường trung trực Nên IB = IC	0,25
	Ta lại có OC = OB (Bán kính) Suy ra OI là đường trung bình của $\triangle CBD$	0,25
	$\Rightarrow OI \parallel BD$ hay $OA \parallel BD$	0,25

CÂU	ĐÁP ÁN	ĐIỂM
c	Áp dụng đl Pytago, tính được $OA = 10\text{cm}$	
	Ta có : $IB.OA = OB.AB$ (hệ thức lượng)	0,25
	$\Rightarrow IB = 4,8$	
	Do đó $BC = 2.IB = 9,6 \text{ (cm)}$	0,25

ĐỀ 4
ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

Câu 1. (2,5 điểm) Rút gọn các biểu thức

1) $A = 5\sqrt{3} + \sqrt{27} - 3\sqrt{\frac{1}{3}};$

2) $B = \sqrt{(\sqrt{3}-1)^2} - \sqrt{4+2\sqrt{3}};$

3) $C = \frac{\sqrt{y^3-1}}{y+\sqrt{y+1}} - \frac{y+3\sqrt{y+2}}{\sqrt{y+1}}$ (với $y \geq 0$).

Câu 2. (1,75 điểm) Cho hàm số $y = (m - 1)x + 3$ (với m là tham số).

- 1) Xác định m biết $M(1; 4)$ thuộc đồ thị của hàm số trên.
- 2) Vẽ đồ thị của hàm số trên với $m = 2$.

Câu 3. (1,5 điểm) Tìm x biết:

1) $\sqrt{x^2 + 4x + 4} = 1;$

2) $\sqrt{7 + \sqrt{2 + \sqrt{x+1}}} = 3.$

Câu 4. (3,5 điểm) Cho đường tròn $(O;R)$, đường kính AB . Vẽ điểm C thuộc đường tròn $(O;R)$ sao cho $AC = R$. Kẻ OH vuông góc với AC tại H . Qua điểm C vẽ một tiếp tuyến của đường tròn $(O;R)$, tiếp tuyến này cắt đường thẳng OH tại D .

- 1) Chứng minh AD là tiếp tuyến của đường tròn $(O;R)$.

2) Tính BC theo R và các tỉ số lượng giác của góc ABC.

3) Gọi M là điểm thuộc tia đối của tia CA. Chứng minh $MC \cdot MA = MO^2 - AO^2$.

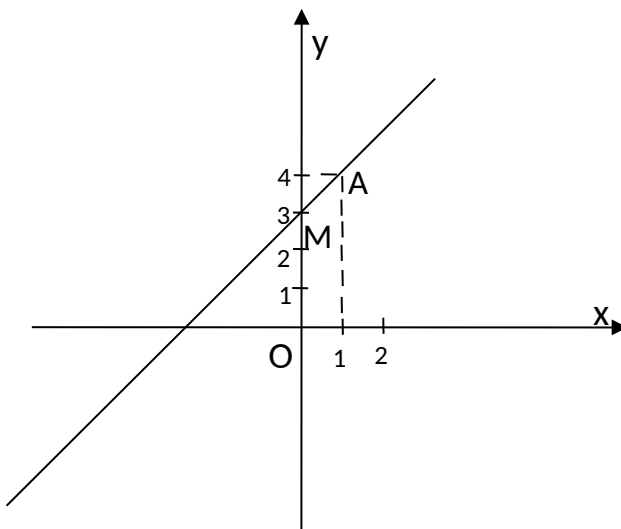
Câu 5. (0,75 điểm) Chứng minh rằng với mỗi số nguyên a thì biểu thức sau luôn nhận giá trị là một số nguyên.

$$D = \sqrt{a(a+1)(a+2)(a+3)(a+4)(a+5)(a+6) + 36}$$

----- Hết -----

ĐÁP ÁN

Câu	Ý	Nội dung trình bày	Điểm
1. (2,5đ)	1) (0,75đ)	1) $A = \frac{5\sqrt{3} + \sqrt{27} - 3\sqrt{\frac{1}{3}}}{1}$	
		$A = \frac{5\sqrt{3} + \sqrt{9 \cdot 3} - \sqrt{3^2 \cdot \frac{1}{3}}}{1} = 5\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - \sqrt{3}$	0,5
		$A = 7\sqrt{3}$	0,25
	2) (0,75đ)	2) $B = \sqrt{(\sqrt{3}-1)^2} - \sqrt{4+2\sqrt{3}}$	
		$\sqrt{(\sqrt{3}-1)^2} = \sqrt{3}-1 = \sqrt{3}-1$ vì $\sqrt{3} > 1$	0,25
		$\sqrt{4+2\sqrt{3}} = \sqrt{3+2\sqrt{3}+1} = \sqrt{(\sqrt{3}+1)^2} = \sqrt{3}+1 = \sqrt{3}+1$	0,25
		Do đó $B = \sqrt{3}-1 - (\sqrt{3}+1) = \sqrt{3}-1-\sqrt{3}-1 = -2$	0,25
	3) (1,0đ)	3) $C = \frac{\sqrt{y^3}-1}{y+\sqrt{y}+1} - \frac{y+3\sqrt{y}+2}{\sqrt{y}+1}$ (với $y \geq 0$)	
		Phân tích các tử về dạng tích: $\sqrt{y^3}-1 = (\sqrt{y}-1)(y+\sqrt{y}+1)$	0,5
		$y+3\sqrt{y}+2 = (y+\sqrt{y}) + (2\sqrt{y}+2) = (\sqrt{y}+1)(\sqrt{y}+2)$	

		$C = \frac{(\sqrt{y}-1)(y+\sqrt{y}+1)}{y+\sqrt{y}+1} - \frac{(\sqrt{y}+1)(\sqrt{y}+2)}{\sqrt{y}+1} = \sqrt{y}-1-(\sqrt{y}+2) = -3$	0,5
2. (1,75đ)	1) 0,75đ	1) Xác định m biết M(1; 4) thuộc đồ thị của hàm số trên.	
		<p>M(1; 4) thuộc đồ thị của hàm số đã cho khi và chỉ khi</p> $4 = (m-1).1 + 3$	0,5
		$\Leftrightarrow 4 = m + 2$ $\Leftrightarrow m = 2. \text{ Vậy với } m = 2 \text{ thì } \dots$	0,25
	2) (1,0đ)	2) Vẽ đồ thị của hàm số trên với m=2.	
		Với m = 2 hàm số đã cho trở thành $y = x + 3$	0,25
		<p>Xác định được hai điểm thuộc đồ thị của hàm số:</p> <p>Với x = 0 thì y = 3, ta được điểm A(0; 3) thuộc đồ thị của hàm số.</p> <p>Với x = 1 thì y = 4, ta được điểm M(1; 4) thuộc đồ thị của hàm số.</p>	0,25
		<p>Nêu ra được nhận xét về đặc điểm đồ thị của hàm số :</p> <p>Đồ thị của hàm số là đường thẳng đi qua hai điểm A(0 ;3) và M(1 ;4).</p>	0,25
		<p>Vẽ đồ thị:</p> 	0,25
3.	1) 0,75đ	1) $\sqrt{x^2 + 4x + 4} = 1;$	
		$\Leftrightarrow \sqrt{(x+2)^2} = 1$ $\Leftrightarrow x+2 = 1$	0,25

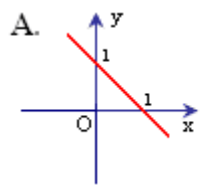
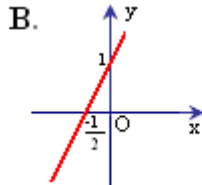
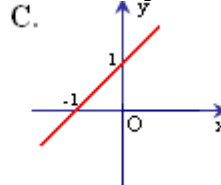
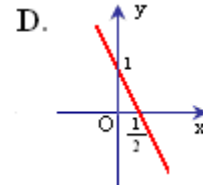
		$\Leftrightarrow \begin{cases} x+2=1 \\ x+2=-1 \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x=-1 \\ x=-3 \end{cases}$ KL.....	0,5
	2) 0,75đ	2) $\sqrt{7+\sqrt{2+\sqrt{x+1}}}=3$	
		$\Leftrightarrow 7+\sqrt{2+\sqrt{x+1}}=9 \Leftrightarrow \sqrt{2+\sqrt{x+1}}=2$	0,25
		$\Leftrightarrow 2+\sqrt{x+1}=4 \Leftrightarrow \sqrt{x+1}=2$	0,25
		$\Leftrightarrow x+1=4 \Leftrightarrow x=3$ KL...	0,25
4. (3,5đ)		Hình vẽ:	
	1) (1,25đ)	1) Tam giác AOC cân tại O (vì OA = OC = R) Mà OH là đường cao của tam giác AOC ($OH \perp AC$ theo GT) Do đó OH đồng thời là đường phân giác của tam giác AOC. $\Rightarrow \widehat{AOD} = \widehat{DOC}$	0,25
		Xét $\triangle AOD$ và $\triangle COD$ có: OC = OA $\widehat{AOD} = \widehat{DOC}$ OD là cạnh chung Vậy $\triangle AOD = \triangle COD$ (c – g – c)	0,5

	$\Rightarrow \widehat{DAO} = \widehat{DCO} \quad (1)$ Có DC là tiếp tuyến của đường tròn (O;R) $\Rightarrow DC \perp CO$ $\Rightarrow \widehat{DCO} = 90^\circ \quad (2)$ Từ (1) và (2) ta có: $\widehat{DAO} = 90^\circ$ $\Rightarrow DA \perp AO$	0,25
	Lại có A là điểm chung của AD và đường tròn (O;R) nên AD là tiếp tuyến của đường tròn (O;R).	0,25
2) (1,25đ)	2) Tam giác ACB có CO là đường trung tuyến (vì O là trung điểm của AB) $\frac{1}{2} AB$ Lại có $CO = \frac{1}{2} AB$ Do đó tam giác ABC vuông tại A. Áp dụng định lý Pytago vào tam giác vuông ABC có $AB^2 = AC^2 + BC^2$ $\Rightarrow BC^2 = AB^2 - AC^2 = 4R^2 - R^2 = 3R^2$ $\Rightarrow BC = R\sqrt{3}$	0,25
	Ta có $\sin \widehat{ABC} = \frac{AC}{AB} = \frac{R}{2R} = \frac{1}{2}$;	0,25
	$\cos \widehat{ABC} = \frac{BC}{AB} = \frac{R\sqrt{3}}{2R} = \frac{\sqrt{3}}{2}$;	0,25
	$\tan \widehat{ABC} = \frac{AC}{BC} = \frac{R}{R\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$;	0,25
	$\cot \widehat{ABC} = \frac{BC}{AC} = \frac{R\sqrt{3}}{R} = \sqrt{3}$	0,25
3) (1,0đ)	3) Chứng minh $MC.MA = MO^2 - AO^2$	
	Ta có: $MC = MH - HC$; $MA = MH + HA$ $\Rightarrow MC.MA = (MH - HC)(MH + HA)$	0,25
	Lại có $OH \perp AC$ tại H $\Rightarrow HA = HC$ (quan hệ vuông góc giữa đường kính và dây) $\Rightarrow MC.MA = (MH - HA)(MH + HA) = MH^2 - HA^2$	0,25
	Tam giác AHO vuông tại H, do đó $HA^2 = AO^2 - HO^2$ $\Rightarrow MC.MA = MH^2 - (AO^2 - HO^2) = (MH^2 + HO^2) - AO^2$	0,25
	Tam giác MOH vuông tại H, do đó $MH^2 + HO^2 = MO^2$, thay vào đẳng thức trên ta được: $MC.MA = MO^2 - AO^2$	0,25

5. (0,75đ)	Chứng minh rằng với mỗi số nguyên a thì biểu thức sau luôn nhận giá trị là một số nguyên. $D = \sqrt{a(a+1)(a+2)(a+4)(a+5)(a+6) + 36}$	
	Đặt $a = b - 3$, thay vào biểu thức D ta được:	0,25
	Thay $a = b - 3$ vào biểu thức D ta được: $D = \sqrt{(b-3)(b-2)(b-1)(b+1)(b+2)(b+3) + 36}$ $D = \sqrt{(b^2-9)(b^2-4)(b^2-1) + 36} = \sqrt{b^6 - 14b^4 + 49b^2} = \sqrt{(b^3 - 7b)^2}$ $D = b^3 - 7b $	0,25
	Có a là số nguyên nên b cũng là số nguyên và $ b^3 - 7b $ cũng là số nguyên. Vậy biểu thức trên luôn nhận giá trị là một số nguyên.	0,25

ĐỀ 5**ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I****Môn TOÁN LỚP 9***Thời gian: 90 phút***I. TRẮC NGHIỆM (3 điểm) Hãy chọn một đáp án mà em cho là đúng nhất.****Câu 1:** Biểu thức $\sqrt{2x-1}$ xác định khi:

- A. $x \leq \frac{1}{2}$. B. $x \geq \frac{1}{2}$. C. $x < \frac{1}{2}$. D. $x > \frac{1}{2}$.

Câu 2: Hàm số $y = -2x + 1$ có đồ thị là hình nào sau đây?**Câu 3:** Giátrị của biểu thức $\frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}}$ bằng

- A. $\frac{1}{2}$. B. 1. C. 4. D. -4.

Câu 4: Đường tròn là hình:

- A. Không có trục đối xứng
B. Có một trục đối xứng
C. Có hai trục đối xứng
D. Có vô số trục đối xứng

Câu 5:

Trong các hàm số sau,

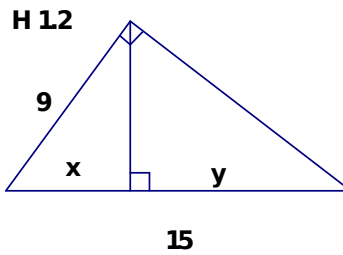
hàm số nào đồng biến ?

- A. $y = 2 - x$. B. $y = -5x + 1$. C. $y = (\sqrt{3} - 1)x - \sqrt{2}$. D. $y = 6 - 3(x - 1)$

Câu 6: Nếu hai đường thẳng $y = -3x + 4$ (d_1) và $y = (m+1)x + m$ (d_2) song song với nhau thì m bằng

- A. -2. B. -4 C. 4. D. -3.

Câu 7: Trên hình 1.2 ta có:



- A. $x = 5,4$ và $y = 9,6$
B. $x = 5$ và $y = 10$
C. $x = 10$ và $y = 5$
D. $x = 9,6$ và $y = 5,4$

Câu 8: Cho tam giác ABC vuông tại A có $AB = 18$; $AC = 24$. Bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác đó bằng

- A. 30. B. 20. C. 15. D. $15\sqrt{2}$.

Câu 9: Cho $(O; 1 \text{ cm})$ và dây $AB = 1 \text{ cm}$. Khoảng cách từ tâm O đến AB bằng

- A. $\frac{1}{2} \text{ cm}$. B. $\frac{\sqrt{3}}{2} \text{ cm}$. C. $\frac{\sqrt{3}}{3} \text{ cm}$. D. $\frac{1}{\sqrt{3}} \text{ cm}$.

Câu 10: Cho $\alpha = 35^\circ$; $\beta = 55^\circ$. Khi đó khẳng định nào sau đây là **Sai**?

- A. $\sin \alpha = \sin \beta$ B. $\sin \alpha = \cos \beta$ C. $\tan \alpha = \cot \beta$ D. $\cos \alpha = \sin \beta$

Câu 11: Điểm nào sau đây thuộc đồ thị hàm số $y = -3x + 2$ là:

- A. $(-1; -1)$ B. $(-1; 5)$ C. $(2; -8)$ D. $(4; -14)$

Câu 12: Cho đường thẳng $y = (2m+1)x + 5$. Góc tạo bởi đường thẳng này với trục Ox là góc nhọn khi:

- A. $m > -\frac{1}{2}$ B. $m < -\frac{1}{2}$ C. $m = -\frac{1}{2}$ D. $m = 1$

II. TỰ LUẬN(7 điểm)

Câu 1 (1 điểm): Rút gọn biểu thức

a) $\sqrt{3} - 2\sqrt{48} + 3\sqrt{75} - 4\sqrt{108}$

b) $3\sqrt[3]{8} - \sqrt[3]{27} + \sqrt[3]{64}$

Câu 2 (0,5 điểm): Giải hệ phương trình bằng phương pháp thế

$$\begin{cases} 3x + y = 5 \\ x - 2y = -3 \end{cases}$$

Câu 3 (1,5 điểm): Cho biểu thức

Cho biểu thức : $A = \left(\frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+1} \right) \left(1 - \frac{1}{\sqrt{x}} \right)$ với $x > 0$ và $x \neq 1$

a) Rút gọn biểu thức A

b) Tìm giá trị của x để A = 1

c) Tìm giá trị nguyên của x để A nhận giá trị nguyên.

Câu 4 (1 điểm): Cho hàm số $y = -2x + 1$ (d)a) Vẽ đồ thị (d) của hàm số $y = -2x + 1$ b) Xác định các hệ số a và b của hàm số $y = ax + b$, biết rằng đồ thị của hàm số này song song với đồ thị (d) và đi qua điểm A(2; 1).**Câu 5 (3 điểm):** Trên nửa đường tròn (O;R) đường kính BC, lấy điểm A sao cho BA = R.

a) Chứng minh tam giác ABC vuông tại A và tính số đo các góc B, C của tam giác vuông ABC.

b) Qua B kẻ tiếp tuyến với nửa đường tròn (O), nó cắt tia CA tại D. Qua D kẻ tiếp tuyến DE với nửa đường tròn (O) (E là tiếp điểm). Gọi I là giao điểm của OD và BE. Chứng minh rằng $OD \perp BE$ và $DI \cdot DO = DA \cdot DC$

c) Kẻ EH vuông góc với BC tại H. EH cắt CD tại G. Chứng minh IG song song với BC.

Chúc các em làm bài thi tốt!

Họ và tên:.....Lớp:.....

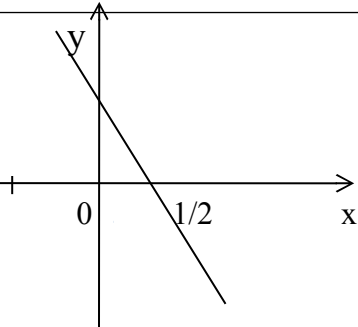
Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm!

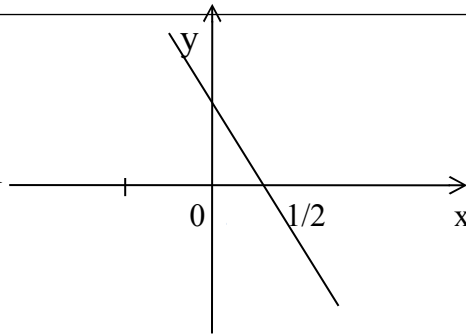
Đáp án**I. Trắc nghiệm:** Mỗi câu trả lời đúng được 0,25 điểm

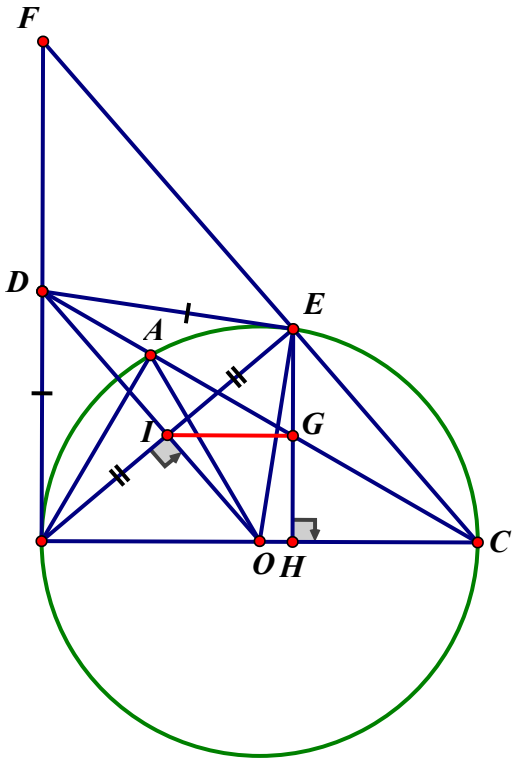
1. B	2.D	3.C	4. D	5. C	6. B
7. A	8. C	9. B	10. A	11. B	12. A

II. Tự luận

Câu	Đáp án	Điểm
1	a) $A = \sqrt{3} - 2\sqrt{48} + 3\sqrt{75} - 4\sqrt{108}$	
	$= \sqrt{3} - 8\sqrt{3} + 15\sqrt{3} - 24\sqrt{3}$	0.25
	$= -16\sqrt{3}$	0.25

(1đ)	b) $3\sqrt[3]{8} - \sqrt[3]{27} + \sqrt[3]{64}$							
	$6 - 3 + 4$ =	0.25						
	=7	0.25						
2 (0,5đ)	$\begin{cases} 3x+y=5 \\ x-2y=-3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=5-3x \\ x-2(5-3x)=-3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=5-3x \\ x-10+6x=-3 \end{cases}$	0.25						
	$\Leftrightarrow \begin{cases} y=5-3x \\ 7x=7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=2 \\ x=1 \end{cases}$ Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất (1;2)	0,25						
3 (1,5đ)	a) $A = \left(\frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+1} \right) \left(1 - \frac{1}{\sqrt{x}} \right)$	0,25						
	$= \left(\frac{x+2\sqrt{x}+1-x+2\sqrt{x}-1}{(\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}-1)} \right) \left(\frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}} \right)$	0,25						
	$= \frac{4\sqrt{x}}{(\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}-1)} \cdot \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}}$							
	$= \frac{4}{\sqrt{x}+1}$							
	b) $A = 1$ thì $\frac{4}{\sqrt{x}+1} = 1$ $\Leftrightarrow \sqrt{x}+1=4 \Leftrightarrow x=9$	0,25 0,25						
c) Để A nguyên thì $\sqrt{x}+1 \in U(4)$ $\Rightarrow \sqrt{x}+1 \in \{1; -1; 2; -2; 4; -4\}$ $\Rightarrow \sqrt{x} \in \{0; 1; 3\}$. Kết hợp với ĐKXD ta được: $x \in \{9\}$	0,25 0,25							
4(1đ)	a)Bảng 1 số giá trị tương ứng	0,25						
	<table><tr><td>x</td><td>0</td><td>1/2</td></tr><tr><td>y=-2x+1</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	x	0	1/2	y=-2x+1	1	0	
	x	0	1/2					
y=-2x+1	1	0						
Đồ thị hàm số (d) đi qua điểm có tọa độ (0;1) và (1/2 ; 0).		0,25						
b) Vì đồ thị của hàm số $y = ax + b$ song song với đồ thị (d) nên $a = -2$ và $b \neq 1$. Hàm số có dạng $y = -2x + b$ Vì đồ thị của hàm số đi qua điểm A(2; 1). Nên $1 = -2 \cdot 2 + b$ $b = 1 + 4 = 5$ Vậy $a = -2, b = 5$	0,25 0,25							



4(3đ)	<p>Vẽ hình, ghi GT, KL đúng.</p> 	0,5
	<p>a) Ta có $OA = R$, $BC = 2R$ $\Rightarrow OA = OB = OC = \frac{BC}{2} = R$ $\Rightarrow \triangle ABC$ vuông tại A (định lý đảo đường trung tuyến ứng với cạnh huyền) Ta có $\sin C = \frac{AB}{BC} = \frac{R}{2R} = \frac{1}{2} \Rightarrow \hat{C} = 30^\circ$ $\hat{B} = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$</p>	<p>0,5 0,25 0,25</p>
	<p>b) Vì DB, DE là 2 tiếp tuyến cắt nhau $\Rightarrow DB = DE$ và $OB = OE = R$ $\Rightarrow OD$ là đường trung trực BE $\Rightarrow OD \perp BE$ $\triangle DBO$ vuông tại B, BI là đường cao $\Rightarrow DI \cdot DO = DB^2$ (áp dụng hệ thức lượng) (1) $\triangle DBC$ vuông tại B, BA là đường cao $\Rightarrow DB^2 = DA \cdot DC$ (hệ thức lượng trong tam giác vuông) (2) Từ (1), (2) $\Rightarrow DI \cdot DO = DA \cdot DC$</p>	<p>0,5 0,25 0,25</p>
	<p>c) Kéo dài CE cắt BD tại F. Vì $\hat{BEC} = 90^\circ \Rightarrow \hat{BEF} = 90^\circ$ (tính chất kẻ bù)</p>	

	<p>mà $DB = DE$ (chứng minh trên) (*)</p> $\angle DFE + \angle BCE = 90^\circ$ $\angle DEF + \angle DEB = 90^\circ \Leftrightarrow \angle FED + \angle DBE = 90^\circ$ <p>Ta có (Vì $\triangle DBE$ cân tại D)</p> <p>Mà: $\angle DBE = \angle BEC$ (Vì cùng phụ với $\angle EBC$)</p> $\Rightarrow \angle DFE = \angle DEF$. Suy ra tam giác DEF cân tại D $\Rightarrow DE = DF \quad (**)$ <p>Từ (*) và (**) $\Rightarrow BD = DF$</p> <p>Vì $GH \parallel BD$ (cùng $\perp BC$) $\Rightarrow \frac{GH}{BD} = \frac{GC}{DC}$ (Ta - let) (3)</p> <p>Vì $GE \parallel DF$ (cùng $\perp BC$) $\Rightarrow \frac{GE}{DF} = \frac{GC}{DC}$ (4)</p> $\Rightarrow \frac{GH}{BD} = \frac{GE}{DF} \text{ do } BD = DF \text{ (cmt)} \Rightarrow GH = GE$ <p>Từ (3) và (4)</p> <p>Mà $IB = IE$ (OĐ trung trực BE)</p> <p>Do đó IG là đường trung bình tam giác EHB</p> $\Rightarrow IG \parallel BH \Rightarrow IG \parallel BC.$	<p>0,25</p> <p>0,25</p>
--	---	-------------------------

(Lưu ý: HS làm cách khác mà đúng vẫn cho điểm tối đa)

ĐỀ 6	ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I Môn TOÁN LỚP 9 <i>Thời gian: 90 phút</i>
-------------	---

PHẦN I. Trắc nghiệm (5 điểm)

Em hãy lựa chọn chữ cái đúng trước câu trả lời đúng nhất và ghi vào giấy làm bài .

Câu 1: Căn bậc hai của 9 là:

- A. 81 B. ± 81 C. 3 D. ± 3

Câu 2: Phương trình $\sqrt{x-2} = 3$ có nghiệm là:

- A. 9 B. ± 9 C. ± 4 D. 11

Câu 3: Điều kiện xác định của $\sqrt{4+2x}$ là:

- A. $x \geq 0$ B. $x \geq 2$ C. $x \geq -2$ D. $x \leq 2$

Câu 4: Kết quả của phép khai phương $\sqrt{81a^2}$ (với $a < 0$) là:

- A. $-9a$ B. $9a$ C. $-9|a|$ D. $81a$

Câu 5: T×m x biỐt $\sqrt[3]{x} = -5$:

- A. $x = -25$ B. $x = -125$ C. $x = -512$ D. $x = 15$

Câu 6: Rút gọn biểu thức $\sqrt{(\sqrt{7}-4)^2}$ ta được kết quả cuối cùng là:

- A. $\sqrt{7}+4$ B. $4-\sqrt{7}$ C. $\sqrt{7}-4$ D. $\sqrt{3}$

Câu 7: Trong hệ tọa độ Oxy , đường thẳng $y = 2 - x$ song song với đường thẳng:

- A. $y = -x$; B. $y = -x + 3$; C. $y = -1 - x$; D. Cả ba đường thẳng trên

Câu 8. Trong các hàm số bậc nhất sau, hàm số nào là hàm số nghịch biến:

- A. $y = 1 - 3x$ B. $y = 5x - 1$ C. $y = (2 - \sqrt{3})x - \sqrt{5}$ D. $y = -\sqrt{7} + \sqrt{2}x$

Câu 9. Nếu điểm $B(1; -2)$ thuộc đường thẳng $y = x - b$ thì b bằng:

- A. -3 B. -1 C. 3 D. 1

Câu 10: Cho hai đường thẳng: $(d) : y = 2x + m - 2$ và $(d') : y = kx + 4 - m$; (d) và (d') trùng nhau nếu :

- A. $k = 2$ và $m = 3$ B. $k = -1$ và $m = 3$ C. $k = -2$ và $m = 3$ D. $k = 2$ và $m = -3$

Câu 11: Góc tạo bởi đường thẳng $y = x + 1$ và trục Ox có số đo là:

- A. 45^0 B. 30^0 C. 60^0 D. 135^0 .

Câu 12: Hệ số góc của đường thẳng: $y = -4x + 9$ là: A. 4 B. -4x C. -4 D. 9

Câu 13: Cho tam giác vuông cân ABC đỉnh A có $BC = 6\text{cm}$, khi đó AB bằng

- A. $\sqrt{6}\text{ cm}$ B. $3\sqrt{2}\text{ cm}$ C. 36 cm D. $\sqrt{3}\text{ cm}$

Câu 14: Cho 1 tam giác vuông có hai góc nhọn là α và β . Biểu thức nào sau đây không đúng:

- A. $\sin \alpha = \cos \beta$ B. $\cot \alpha = \tan \beta$ C. $\sin^2 \alpha + \cos^2 \beta = 1$ D. $\tan \alpha = \cot \beta$

Câu 15: Cho tam giác ABC vuông ở A có $AC = 3\text{ cm}$, $BC = 5\text{cm}$. Giá trị của $\cot B$ là:

- A. B. C. D.

Câu 16: Cho tam giác ABC vuông tại A có $AB = 9\text{ cm}$, $AC = 12\text{ cm}$, $BC = 15\text{ cm}$. Tính độ dài AH là :

- A. 8,4 cm B. 7,2 cm C. 6,8 cm D. 4.2 cm

Câu 17: Tâm của đường tròn ngoại tiếp tam giác là giao điểm của các đường :

- A. Trung tuyến B. Phân giác C. Đường cao D. Trung trực

Câu 18: Hai đường tròn (O) và (O') tiếp xúc ngoài. Số tiếp tuyến chung của chúng là:

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

Câu 19: Cho $(O; 6\text{cm})$ và đường thẳng a có khoảng cách đến O là d , điều kiện để đường thẳng a là cát tuyến của đường tròn (O) là:

- A. $d < 6\text{ cm}$ B. $d = 6\text{cm}$ C. $d > 6\text{cm}$ D. $d \geq 6\text{cm}$

Câu 20: Dây AB của đường tròn $(O; 5\text{cm})$ có độ dài là 6 cm. Khoảng cách từ O đến AB bằng:

- A. 6cm B. 7 cm C. 4 cm D. 5 cm

PHẦN II. Tự luận (5 điểm)

Câu 1: (1 điểm) Tính:

$$a) \sqrt{8} - 2\sqrt{32} + 3\sqrt{50} \quad ; \quad b) \frac{1}{3+\sqrt{2}} - \frac{1}{3-\sqrt{2}}$$

$$\text{Câu 2: (1 điểm) Cho biểu thức : } Q = \frac{2}{2+\sqrt{x}} + \frac{1}{2-\sqrt{x}} + \frac{2\sqrt{x}}{x-4}$$

- a) Rút gọn biểu thức Q. b) Tìm x để $Q = \frac{6}{5}$.

Câu 3: (1 điểm) Cho hàm số $y = (m + 1)x - 3$. ($m \neq -1$). Xác định m để :

- a) Hàm số đã cho đồng biến, nghịch biến trên R.
b) Đồ thị hàm số song song với đường thẳng $y = 2x$. Vẽ đồ thị với m vừa tìm được.

Câu 4: (2 điểm) Cho đường tròn (O ; R) và một điểm A nằm ngoài đường tròn. Từ A vẽ hai tiếp tuyến AB và AC (B,C là tiếp điểm). Kẻ đường kính BD. Đường thẳng vuông góc với BD tại O cắt đường thẳng DC tại E.

- a) Chứng minh $OA \perp BC$ và $DC \parallel OA$
b) Chứng minh tứ giác AEDO là hình bình hành.
c) Đường thẳng BC cắt OA và OE lần lượt tại I và K, chứng minh $IK \cdot IC + OI \cdot IA = R^2$

- Hết -

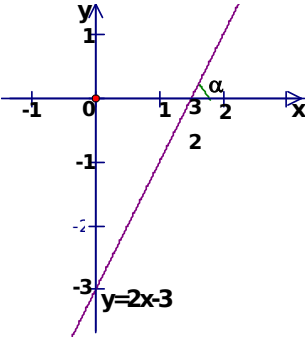
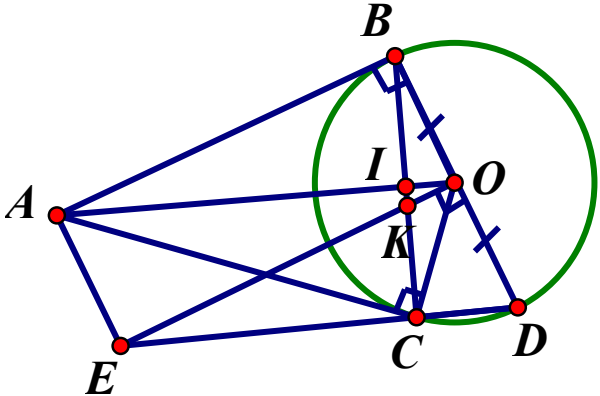
B Đáp án và biểu điểm:

I. Trắc nghiệm: (5 điểm) Mỗi câu đúng cho 0.25đ.

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Đáp án	D	D	C	A	B	B	D	A	C	A
Câu	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Đáp án	A	C	B	C	A	B	D	C	A	C

II. Tự luận (5 điểm)

Câu	Đáp án	Điểm
Câu 1	a) $\sqrt{8} - 2\sqrt{32} + 3\sqrt{50} = 2\sqrt{2} - 8\sqrt{2} + 15\sqrt{2} = 9\sqrt{2}$	0.5
	b) $\frac{1}{3+\sqrt{2}} - \frac{1}{3-\sqrt{2}} = \frac{3-\sqrt{2}-3-\sqrt{2}}{(3-\sqrt{2})(3+\sqrt{2})} = -2\sqrt{2}$	0.5
Câu 2	$Q = \frac{2}{2+\sqrt{x}} + \frac{1}{2-\sqrt{x}} + \frac{2\sqrt{x}}{x-4}$ a) ĐKXĐ $x \geq 0; x \neq 4$ Rút gọn được:	0.25
	$Q = \frac{2}{2+\sqrt{x}} + \frac{1}{2-\sqrt{x}} + \frac{2\sqrt{x}}{x-4} = \frac{2(2-\sqrt{x}) + 2 + \sqrt{x} - 2\sqrt{x}}{(2-\sqrt{x})(2+\sqrt{x})} = \frac{3}{2+\sqrt{x}}$	0.5
	b) Tìm x để $Q = \frac{6}{5}$ là $x = \frac{1}{4}$	0.25
Câu 3	Cho hàm số $y = (m + 1)x - 3$. ($m \neq -1$). Xác định được m :	0,25

	<p>b) Hàm số đã cho đồng biến trên $\mathbb{R}$ khi $m > -1$ Hàm số nghịch biến trên $\mathbb{R}$ khi $m < -1$.</p> <p>b) Đồ thị hàm số song song với đường thẳng $y = 2x$ nên $m + 1 = 2$ và $-3 \neq 0$ suy ra $m = 1$ (Thỏa mãn)</p>  <p>Vẽ được đồ thị hàm số $y = 2x - 3$:</p> <p>-Cho $x = 0 \Rightarrow y = -3$ ta được điểm $(0; -3)$ thuộc Oy.</p> <p>-Cho $y = 0 \Rightarrow x = 1,5$ ta được điểm $(1,5; 0)$ thuộc Ox.</p> <p>Vẽ đường thẳng đi qua hai điểm trên ta được đồ thị hàm số $y = 2x - 3$.</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>
<p>Câu 4</p>	 <p>-Vẽ đúng hình, ghi đúng giả thiết, kết luận</p> <p>c) Chứng minh được $OA \perp BC$ (Theo tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) Chứng minh được $DC \parallel OA$ (cùng vuông góc với BC)</p> <p>d) ta có: $AO \parallel ED$ (1) (cùng vuông góc với BC) Chứng minh được $\triangle BAO = \triangle OED$ (G.C.G) Suy ra : $AO = ED$ (2) Từ (1) và (2) suy ra AEDO là hình bình hành</p> <p>c)Áp dụng hệ thức về cạnh và đường cao trong tam giác vuông ta có $IK \cdot IC = IO^2$ $OL \cdot IA = IB^2$</p> <hr/> <p>Suy ra $IK \cdot IC + OL \cdot IA = IO^2 + IB^2 = OB^2 = R^2$ (ĐPCM)</p>	<p>0.5</p> <p>0,25 0,25</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p>

ĐỀ 7**ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I****Môn TOÁN LỚP 9***Thời gian: 90 phút***Câu 1 (1,5 điểm).** Lựa chọn câu trả lời đúng nhất.

a) Kết quả $\sqrt{49} =$

A. 7

B. - 7

C. 24,5

b) Kết quả $\sqrt[3]{-125} =$

A. -5

B. 5

C. 125

c) Biểu thức $\sqrt{x-1}$ có nghĩa khi :

A. $x \leq 1$;B. $x > 0$;C. $x = 1$

d) Rút gọn biểu thức: $\frac{3 - \sqrt{3}}{\sqrt{3} - 1} =$

A. 1

B. -3

C. $\sqrt{3}$;

e) Hàm số $y = (m - 3)x + 5$ đồng biến trên R khi

A. $m = 3$ B. $m > 3$ C. $m = -3$

f) Giao điểm ba đường trung trực của tam giác là

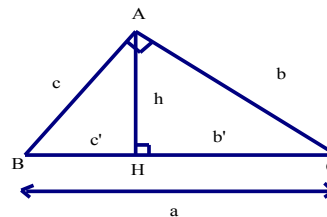
A. tâm của đường tròn nội tiếp tam giác

B. tâm của đường tròn ngoại tiếp tam giác

C. tâm của đường tròn bàng tiếp tam giác

Câu 2 (0,5 điểm). Xác định tính đúng, sai của các hệ thức sau:

Hệ thức	Đúng	Sai
a) $b^2 = a.b'; c^2 = a.c'$		
b) $b = a.\sin B = a.\cos C$		



Câu 3 (1,0 điểm). Tính $(\sqrt{18} - \frac{1}{2}\sqrt{32} + 12\sqrt{2}) : \sqrt{2}$

Câu 4 (1,0 điểm). Cho biểu thức $P = \frac{x-13}{\sqrt{x-9}-2}$ ($x \geq 9$; $x \neq 13$)

a) Rút gọn biểu thức

b) Tìm giá trị nhỏ nhất của P.

Câu 5 (1,25 điểm). Cho hàm số $y = (m+1)x - 3$.

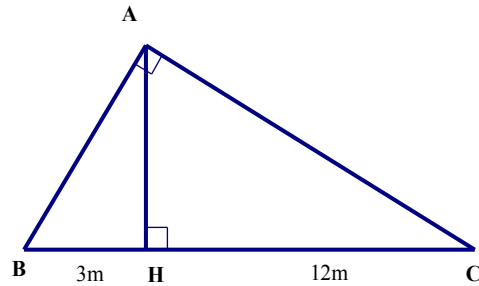
a) Với giá trị nào của m để thị hàm số đi qua điểm A(1;- 1)

b) Vẽ đồ thị của hàm số trong trường hợp a)

Câu 6 (1,5 điểm). Máng trượt.

Một máng trượt của các bé trường mầm non Hoa Hồng có dạng như hình vẽ sau, trong đó BA là đường đi lên, AC là máng trượt.

Em hãy tính chiều cao x trong hình vẽ bên



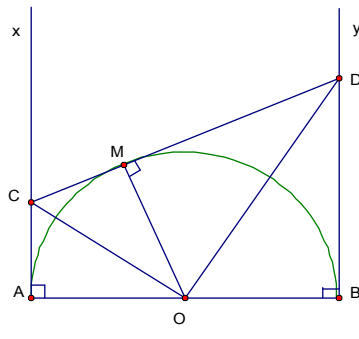
Câu 7(3,25 điểm): Cho nửa đường tròn đường kính AB. Gọi Ax, By là hai tiếp tuyến tại A và B của nửa đường tròn tâm O (Ax, By và nửa đường tròn nằm về cùng một phía bờ AB). Qua điểm M thuộc nửa đường tròn (M khác A và B), kẻ tiếp tuyến với nửa đường tròn, nó cắt Ax, By thứ tự tại C và D. Chứng minh rằng:

a) $\angle COD = 90^\circ$ b) $DC = AC + BD$; c) $AC \cdot BD = \frac{AB^2}{4}$
HẾT./.....

ĐÁP ÁN VÀ HƯỚNG DẪN CHẤM.

(Làm bằng cách khác đúng vẫn cho điểm tối đa)

Câu	Ý	Đáp án						Thang điểm	
Câu 1		Câu	1	2	3	4	5	6	1,5
		Đáp án	A	A	A	C	B	B	
	Mỗi ý đúng được: 0, 25 điểm								
Câu 2	a)	Đúng							0,25
	b)	Đúng							0,25
Câu 3		$(\sqrt{18} - \frac{1}{2}\sqrt{32} + 12\sqrt{2}) : \sqrt{2} = (\sqrt{9.2} - \frac{1}{2}\sqrt{16.2} + 12\sqrt{2}) : \sqrt{2}$						0,5	
		$= (3\sqrt{2} - \frac{1}{2}.4\sqrt{2} + 12\sqrt{2}) : \sqrt{2} = (3 - 2 + 12)\sqrt{2} : \sqrt{2} = 13$						0,25	
Câu 4	a)	$P = \frac{x-13}{\sqrt{x-9}-2} = \frac{(x-13)(\sqrt{x-9}+2)}{x-9-2^2} = \frac{(x-13)(\sqrt{x-9}+2)}{x-13}$						0,25	
		$= \sqrt{x-9}+2$						0,25	
	b	Ta có $P = \sqrt{x-9}+2 \geq 2$ (Do $\sqrt{x-9} \geq 0$)						0,5	
Vậy $P = 2$ là giá trị nhỏ nhất khi $x - 9 = 0 \Leftrightarrow x = 9$									
Câu 5		Theo hệ thức về cạnh và đường cao trong tam giác vuông: $x^2 = 4.9$						0,5	
		$\Leftrightarrow x^2 = 36 \Leftrightarrow x = 6$						1	
Câu 6	a)	Ta có: $A(1; -1) \in y = (m+1)x - 3 \Rightarrow x = 1$ và $y = -1$						0,25	

		thay vào hàm số $y = (m+1)x - 3$, ta có: $m + 1 - 3 = -1$ $m = -1 + 2 \Leftrightarrow m = 1$. Vậy hàm số có dạng: $y = 2x - 3$	0,25
	b	Đồ thị hàm số $y = 2x - 3$ đi qua điểm $A(1; -1)$ và $B(0; -3) \in Oy$ -Vẽ đúng đồ thị	0,25
			0,5
Câu 7		<p>(O) $AB = 2R$ $Ax \perp AB, D \in Ay$ $Ay \perp AB; M \in (O)$ $M \neq A, B; C \in Ax$ CMD là tiếp tuyến</p> 	0,25
		a) $\angle COD = 90^\circ$; b) $CD = AC + BD$; c) $AC \cdot BD = \frac{AB^2}{4}$	
	a)	Có OC là phân giác góc AOM, có OD là phân giác góc MOB (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau)	0,25
		Mà góc AOM kề bù với góc MOB $\Rightarrow OC \perp OD$ hay $\angle COD = 90^\circ$	0,25
	b)	Có $CM = CA$, $MD = DB$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) $\Rightarrow CM + MD = CA + BD$ hay $CD = AC + BD$	0,5
	c)	Vì $\triangle COD$ vuông tại O, $OM \perp CD$ (tính chất tiếp tuyến)	0,25
		Nên có hệ thức: $CM \cdot MD = OM^2$	0,25
		$\Rightarrow AC \cdot BD = CM \cdot MD = OM^2 = \frac{AB^2}{4}$	0,5

ĐỀ 8

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

I. LÝ THUYẾT (2 điểm)

Câu 1: (1 điểm)

Phát biểu quy tắc khai phương một tích.

Áp dụng: Tính $\sqrt{6,4.360}$

Câu 2: (1 điểm)

Định nghĩa tỉ số lượng giác của một góc nhọn.

Áp dụng: Tính các tỉ số lượng giác của góc 60° .

II. CÁC BÀI TOÁN (8 điểm)

Bài 1: (1 điểm)

Trục căn thức ở mẫu: $\frac{4}{2\sqrt{3}+4}$

Bài 2: (2 điểm)

- a) Thực hiện phép tính: $4\sqrt{75} - 3\sqrt{108} - 9\sqrt{\frac{1}{3}}$
- b) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $y = 3\sqrt{x} - x$

Bài 3: (2 điểm)

- a) Vẽ trên cùng một mặt phẳng tọa độ Oxy đồ thị của các hàm số sau: $y = x + 2$ và $y = -2x + 5$.
- b) Gọi giao điểm của các đường thẳng $y = x + 2$ và $y = -2x + 5$ với trục hoành theo thứ tự là A và B; gọi giao điểm của hai đường thẳng trên là C. Tìm tọa độ của điểm C. Tính chu vi và diện tích của tam giác ABC (đơn vị đo trên các trục tọa độ là xentimét và làm tròn đến chữ số thập phân thứ hai).

Bài 4: (3 điểm)

Cho đường tròn (O ; R) đường kính AB. Vẽ dây CD vuông góc với AB tại trung điểm H của OB.

- a) Chứng minh tứ giác OCBD là hình thoi.
- b) Tính độ dài CD theo R.
- c) Chứng minh tam giác CAD đều

ĐÁP ÁN

ĐÁP ÁN	ĐIỂM
I. LÝ THUYẾT (2 điểm)	
Câu 1: Phát biểu quy tắc khai phương một tích. Muốn khai phương một tích của các số không âm, ta có thể khai phương từng thừa số rồi nhân các kết quả với nhau. Áp dụng: $\sqrt{6.4.360} = \sqrt{6.4.10.36} = \sqrt{64.36} = 8.6 = 48$	(1 điểm) (0,5 đ) (0,5 đ)
Câu 2: Định nghĩa tỉ số lượng giác của một góc nhọn. *Tỉ số giữa cạnh đối và cạnh huyền được gọi là sin của góc α , kí hiệu $\sin \alpha$ *Tỉ số giữa cạnh kề và cạnh huyền được gọi là cosin của góc α , kí hiệu $\cos \alpha$ *Tỉ số giữa cạnh đối và cạnh kề được gọi là tang của góc α , kí hiệu $\tan \alpha$ *Tỉ số giữa cạnh kề và cạnh đối được gọi là cotang của góc α , kí hiệu $\cot \alpha$	(1 điểm) (0,5 đ)

Áp dụng: Tính các tỉ số lượng giác của góc 60° .

$$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}; \cos 60^\circ = \frac{1}{2}; \operatorname{tg} 60^\circ = \sqrt{3}; \operatorname{cotg} 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

(0,5 đ)

II. CÁC BÀI TOÁN (8 điểm)

Bài 1:

Trục căn thức ở mẫu: $\frac{4}{2\sqrt{3}+4}$

$$\frac{4}{2\sqrt{3}+4} = \frac{4(2\sqrt{3}-4)}{(2\sqrt{3}+4)(2\sqrt{3}-4)}$$

$$= \frac{4(3\sqrt{2}-4)}{(3\sqrt{2})^2 - 4^2}$$

$$= 2(3\sqrt{2}-4)$$

(1 điểm)

(0,25 đ)

(0,25 đ)

(0,5 đ)

Bài 2:

a) Thực hiện phép tính:

$$4\sqrt{75} - 3\sqrt{108} - 9\sqrt{\frac{1}{3}}$$

$$= 4\sqrt{5^2 \cdot 3} - 3\sqrt{6^2 \cdot 3} - 9\sqrt{\frac{1 \cdot 3}{3^2}}$$

$$= 4 \cdot 5\sqrt{3} - 3 \cdot 6\sqrt{3} - 3\sqrt{3}$$

$$= -\sqrt{3}$$

(2 điểm)

(0,5 đ)

(0,5 đ)

(0,5 đ)

< 1 >

b) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $y = 3\sqrt{x} - x$

$$y = 3\sqrt{x} - x$$

$$y = -\left[(\sqrt{x})^2 - \frac{2 \cdot 3\sqrt{x}}{2} + \left(\frac{3}{2}\right)^2 - \left(\frac{3}{2}\right)^2 \right]$$

$$y = -\left[\left(\sqrt{x} - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{9}{4} \right]$$

$$y = \frac{9}{4} - \left(\sqrt{x} - \frac{3}{2}\right)^2$$

$$\text{ne} \hat{a} \max y = \frac{9}{4} \text{ khi } x = \frac{9}{4}$$

(0,25 đ)

(0,25 đ)

Bài 3:

a) Vẽ trên cùng một mặt phẳng tọa độ Oxy đồ thị của các hàm số sau: $y = x + 2$ và $y = -2x + 5$.

(2 điểm)

Vẽ đồ thị hàm số $y = x + 2$.

Cho $x = 0 \Rightarrow y = 2$ được $(0; 2)$

Cho $y = 0 \Rightarrow x = -2$ được $(-2; 0)$

(0,25 đ)

Vẽ đồ thị hàm số $y = -2x + 5$.

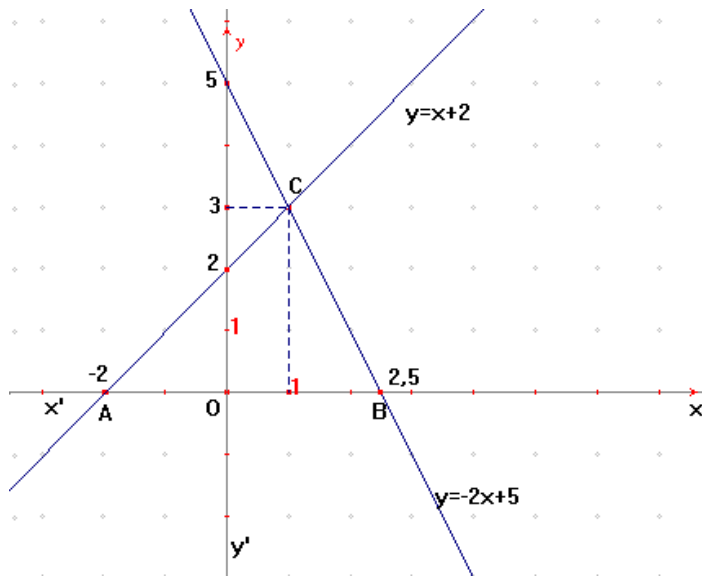
Cho $x = 0 \Rightarrow y = 5$ được $(0; 5)$

Cho $y = 0 \Rightarrow x = 2,5$ được $(2,5; 0)$

(0,25 đ)

Hình vẽ

(0,5 đ)



< 2 >

b) Tìm tọa độ của điểm C.

*Tìm được $C(1, 3)$

(0,25 đ)

*Gọi chu vi tam giác ABC là P.

Ta có : $AC = \sqrt{3^2 + (2+1)^2} = \sqrt{18}$ (cm)

$BC = \sqrt{3^2 + (2,5-1)^2} = \sqrt{11,25}$ (cm)

$AB = 2+2,5 = 4,5$ (cm)

Nên: $P = AC + BC + AB$

$P = \sqrt{18} + \sqrt{11,25} + 4,5$

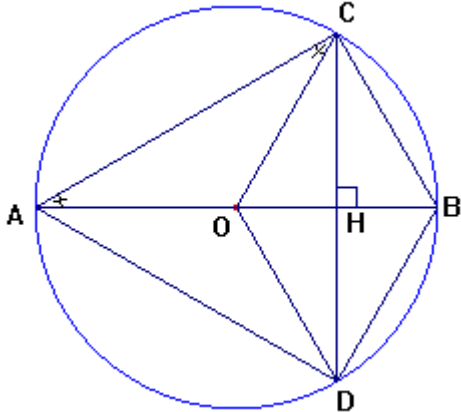
$P \approx 12,09$ (cm)

(0,25 đ)

(0,25 đ)

<p>* Gọi diện tích tam giác ABC là S .</p> $S = \frac{1}{2} \cdot 4,5 \cdot 3 = 6,75 \text{ (cm}^2\text{)}$	<p>(0,25 đ)</p>
--	-----------------

Bài 4: (3 điểm)

	<p>Gia thiết, kết luận đúng. Hình vẽ chính xác.</p> <p>(0,25 đ) (0,25 đ)</p>
<p>a) Chứng minh tứ giác OCBD là hình thoi. Ta có : * $CD \perp AB$ (giả thiết) $\Rightarrow$ H trung điểm của CD (1) (trong một đường tròn, đường kính vuông góc với một dây thì qua trung điểm dây ấy). * H trung điểm của OB (2) (giả thiết) * $CD \perp OB$ (3) (giả thiết) Từ (1),(2),(3) ta được : Tứ giác OCBD có hai đường chéo cắt nhau tại trung điểm của mỗi đường là hình bình hành và có hai đường chéo vuông góc với nhau nên là hình thoi.</p>	<p>(0,25 đ) (0,25 đ) (0,25 đ) (0,25 đ)</p>

< 3 >

<p>b) Tính độ dài CD theo R. Ta có : * $OC^2 = OH^2 + CH^2$ (pi ta go) Trong đó : $OC = R$ (bán kính)</p>	<p>(0,25 đ)</p>
--	-----------------

$OH = \frac{OB}{2} = \frac{R}{2}$ <p>Ta được : $R^2 = \left(\frac{R}{2}\right)^2 + CH^2$</p> $CH^2 = R^2 - \left(\frac{R}{2}\right)^2$ $CH^2 = \frac{3}{4}R^2$ $CH = \frac{R\sqrt{3}}{2}$ <p>Ta có : $CD = 2CH$</p> $CD = 2 \cdot \frac{R\sqrt{3}}{2}$ $CD = R\sqrt{3}$	<p>(0,2 5 đ)</p> <p>(0,2 5 đ)</p>
<p>c) Chứng minh tam giác CAD đều.</p> <p>Xét $\triangle ACD$</p> <p>Ta có : * $AB \perp CD$ (giả thiết) $\Rightarrow$ AH đường cao. * H trung điểm của CD (câu a). $\Rightarrow$ AH trung tuyến nên $\triangle ACD$ cân tại A (1) (AH vừa là đường cao vừa là trung tuyến). Xét tam giác vuông AHC .</p> $\text{Ta có : } \tan A_1 = \frac{CH}{AH}$ <p>Trong đó : * $CH = \frac{R\sqrt{3}}{2}$ (câu b)</p> $* AH = AO + OH \text{ hay } AH = R + \frac{R}{2} = \frac{3R}{2}$ $\frac{R\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{3}{2}R} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ <p>Nên: $\tan A_1 = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow \hat{A}_1 = 30^\circ$</p> <p>Do đó $\hat{CAD} = 60^\circ$ (2) (AH phân giác)</p> <p>Từ (1) , (2) , ta được : $\triangle ACD$ đều</p> <p>LƯU Ý: Giải cách khác mà kết quả đúng vẫn đạt điểm tối đa.</p>	<p>(0,2 5 đ)</p> <p>(0,2 5 đ)</p> <p>(0,2 5 đ)</p>

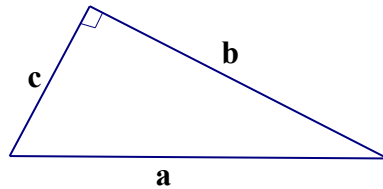
ĐỀ 9

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

I. LÝ THUYẾT: (2đ)**Câu 1:** (1đ)

a) Phát biểu quy tắc chia hai căn bậc hai?

$$\frac{\sqrt{432}}{\sqrt{12}}$$

b) Áp dụng : Tính: $\sqrt{12}$ **Câu 2:** (1đ) Xem hình vẽ. Hãy viết các tỉ số lượng giác của góc α .**II. BÀI TOÁN:** (8đ)**Bài 1:** (1 đ) Thực hiện phép tính :

$$(\sqrt{12} + \sqrt{27} - \sqrt{108}) \cdot 2\sqrt{3}$$

Bài 2: (2đ) Cho biểu thức :

$$M = \frac{x^3}{x^2 - 4} - \frac{x}{x - 2} - \frac{2}{x + 2}$$

a) Tìm điều kiện để biểu thức M xác định.

b) Rút gọn biểu thức M.

Bài 3: (2đ) a) Xác định các hệ số a và b của hàm số $y = ax + b$, biết đồ thị hàm số đi qua điểm $M(-1; 2)$ và song song với đường thẳng $y = 3x + 1$

b) Vẽ đồ thị hàm số vừa tìm được ở câu a.

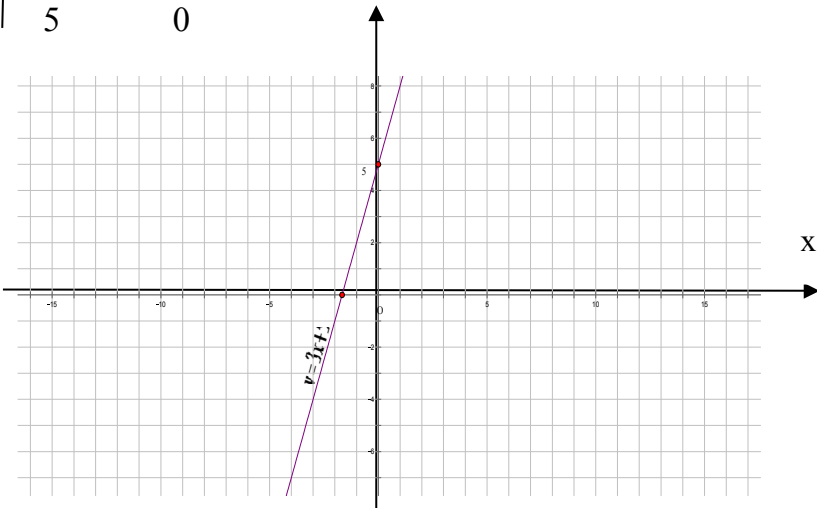
Bài 4: (3đ) Cho $\triangle MNP$ vuông ở M, $\angle P = 35^\circ$, kẻ đường cao MK. Vẽ đường tròn tâm M, bán kính MK. Gọi KD là tiếp tuyến của đường tròn (M, MK). Tiếp tuyến của đường tròn (M, MK) tại D cắt MP ở I.a) Chứng minh rằng $\triangle NIP$ cân.b) Gọi H là hình chiếu của M trên NI. Tính độ dài MH biết $KP = 5\text{cm}$, $\angle P = 35^\circ$.

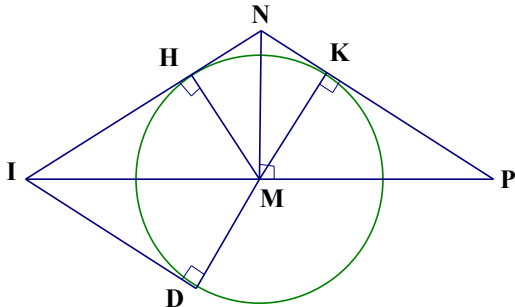
c) Chứng minh NI là tiếp tuyến của đường tròn (M, MK)

.....Hết

ĐÁP ÁN**Môn : Toán – Lớp : 9**

Câu	Đáp án	Biểu điểm
-----	--------	-----------

I. Lí thuyết (2đ) Câu 1 (1đ)	a) Phát biểu đúng quy tắc chia hai căn bậc hai. $\frac{\sqrt{432}}{\sqrt{12}} = \sqrt{\frac{432}{12}} = \sqrt{36} = 6$ b)	0,5 0,5						
Câu 2 (1đ)	$\sin \alpha = \frac{b}{a}, \cos \alpha = \frac{c}{a}, \tan \alpha = \frac{b}{c}, \cot \alpha = \frac{c}{b}$	1,0						
II. Bài tập: (8đ) Bài 1 (1đ)	$(\sqrt{12} + \sqrt{27} - \sqrt{108}).2\sqrt{3}$ $= (\sqrt{4.3} + \sqrt{9.3} - \sqrt{36.3}).2\sqrt{3} = (2\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 6\sqrt{3}).2\sqrt{3} = -\sqrt{3}.2\sqrt{3} = -6$	1						
Bài 2 (2đ)	a) Điều kiện : $x \neq 2, x \neq -2$ b) $M = \frac{x^3}{x^2-4} - \frac{x}{x-2} - \frac{2}{x+2}$ $= \frac{x^3 - x(x+2) - 2(x-2)}{x^2-4}$ $= \frac{x^3 - x^2 - 2x - 2x + 4}{x^2-4} = \frac{x^3 - x^2 - 4x - 2x + 4}{x^2-4} = \frac{x(x^2-4) - (x^2-4)}{x^2-4}$ $= \frac{(x^2-4)(x-1)}{x^2-4} = x-1$	1,0 0,25 0,5 0,25						
Bài 3 (2đ)	a) $(d_1): y = ax + b$ $(d_2): y = 3x + 1$ $(d_1) // (d_2) \Rightarrow a = 3, b \neq 1$ $M(-1; 2) \in (d_1): 2 = 3.(-1) + b \Rightarrow 2 = -3 + b \Rightarrow b = 5$ Vậy $(d_1): y = 3x + 5$ b) <table border="1" data-bbox="293 1297 771 1423"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>$-\frac{5}{3}$</td></tr> <tr> <td>$y = 3x + 5$</td><td>5</td><td>0</td></tr> </table> 	x	0	$-\frac{5}{3}$	$y = 3x + 5$	5	0	0,5 0,5 0,5 0,25 0,25
x	0	$-\frac{5}{3}$						
$y = 3x + 5$	5	0						

Bài 4 (3đ)	Hình vẽ + gt và kl  <p>a) Chứng minh $\triangle NIP$ cân : (1đ) $\triangle MKP = \triangle MDI$ (g.c.g) $\Rightarrow DI = KP$ (2 cạnh tương ứng) Và $MI = MP$ (2 cạnh tương ứng) Vì $NM \perp IP$ (gt). Do đó NM vừa là đường cao vừa là đường trung tuyến của $\triangle NIP$ nên $\triangle NIP$ cân tại N</p>	0,5 0,25 0,25 0,25 0,25
	b) Tính MH: (0,5đ) Xét hai tam giác vuông MNH và MNK , ta có : MN chung, $\angle HNM = \angle KNM$ (vì $\triangle NIP$ cân tại N) Do đó $\triangle MNH = \triangle MNK$ (cạnh huyền – góc nhọn) $\Rightarrow MH = MK$ (2 cạnh tương ứng) Xét tam giác vuông MKP , ta có: $MK = KP \cdot \tan P = 5 \cdot \tan 35^\circ \approx 3,501 \text{ cm}$ Suy ra: $MH = MK \approx 3,501 \text{ cm}$	 0,25 0,25
	c) Chứng minh đúng NI là tiếp tuyến của đường tròn (M; MK)	1
	Cộng	10 điểm

ĐỀ 10

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

I/ LÝ THUYẾT: (2,0 điểm)

Câu 1: (1.0 điểm)

Phát biểu quy tắc khai phương một tích?

Áp dụng tính: a) $\sqrt{25 \cdot 49}$; b) $\sqrt{45 \cdot 80}$ **Câu 2: (1.0 điểm)**

Chứng minh định lý: “Trong một đường tròn, đường kính vuông góc với một dây thì đi qua trung điểm của dây ấy”.

I/ BÀI TOÁN: (8,0 điểm)**Bài 1: (1.0 điểm)**

Thực hiện phép tính:

$$5\sqrt{12} - 4\sqrt{3} + \sqrt{48} - 2\sqrt{75}$$

Bài 2: (2.0 điểm)

Cho biểu thức :

$$A = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} \right) : \left(1 - \frac{3}{\sqrt{x}+3} \right)$$

a) Tìm điều kiện của x để A xác định.

b) Rút gọn A.

c) Tìm x để $A = -1$.**Bài 3: (2.0 điểm)**a) Xác định hàm số $y = ax + b$ biết đồ thị hàm số đi qua M(2; 3) và song song với đường thẳng

$$y = \frac{1}{2}x$$

b) Vẽ đồ thị của hàm số trên.

c) Gọi A, B là giao điểm của đồ thị hàm số với các trục tọa độ. Tính diện tích tam giác OAB (với O là gốc tọa độ)

Bài 4: (3.0 điểm)Cho (O) và điểm M nằm ngoài (O). Từ M kẻ 2 tiếp tuyến MA, MB sao cho góc $AMB = 90^\circ$. Từ điểm C trên cung nhỏ AB kẻ tiếp tuyến (O) cắt MA, MB lần lượt ở P và Q. Biết $R = 10\text{cm}$

a/ CMR Tứ giác AMBO là hình vuông

b/ Tính chu vi tam giác MPQ

c/ Tính góc POQ

-----Hết-----

HƯỚNG DẪN CHẤM MÔN: TOÁN 9**I/ LÝ THUYẾT: (2,0 điểm)****Câu 1: (1.0 điểm)**Giải: -Quy tắc (SGK trang 13) (0.5 đ)

-Áp dụng:

a) $\sqrt{25 \cdot 49} = \sqrt{25} \cdot \sqrt{49} = 5 \cdot 7 = 35$

b) $\sqrt{45 \cdot 80} = \sqrt{9 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 16} = \sqrt{3^2} \cdot \sqrt{5^2} \cdot \sqrt{4^2} = 3 \cdot 5 \cdot 4 = 60$ (0.5 đ)

Câu 2: (1.0 điểm)Giải: Chứng minh định lí: (SGK trang 103) (1 đ)**I/ BÀI TOÁN: (8,0 điểm)****Bài 1: (1.0 điểm)**Giải:

$$\begin{aligned}
 & 5\sqrt{12} - 4\sqrt{3} + \sqrt{48} - 2\sqrt{75} \\
 &= 5\sqrt{4 \cdot 3} - 4\sqrt{3} + \sqrt{16 \cdot 3} - 2\sqrt{25 \cdot 3} \\
 &= 10\sqrt{3} - 4\sqrt{3} + 4\sqrt{3} - 10\sqrt{3} = 0 \quad (0.5 \text{ đ})
 \end{aligned}$$

Bài 2: (2.0 điểm)

Giải: a/ Biểu thức A xác định khi $x > 0$ và $x \neq 9$ (0.25 đ)

$$\begin{aligned}
 \text{b/ } A &= \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} \right) : \left(1 - \frac{3}{\sqrt{x}+3} \right) \\
 &= \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}+3) + \sqrt{x}(\sqrt{x}-3)}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)} : \frac{(\sqrt{x}+3)-3}{\sqrt{x}+3} \\
 &= \frac{\sqrt{x} \cdot 2\sqrt{x}}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)} \cdot \frac{(\sqrt{x}+3)}{\sqrt{x}} = \frac{2\sqrt{x}}{(\sqrt{x}-3)} \quad (1.25 \text{ đ})
 \end{aligned}$$

c/ Tìm x để $A = -1$:

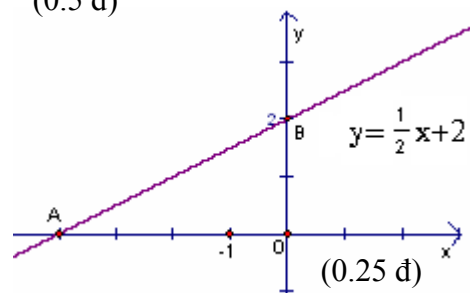
$$\begin{aligned}
 A = -1 &\Leftrightarrow \frac{2\sqrt{x}}{(\sqrt{x}-3)} = -1 \\
 &\Leftrightarrow 2\sqrt{x} = 3 - \sqrt{x} \Leftrightarrow 3\sqrt{x} = 3 \quad (0.5 \text{ đ}) \\
 &\Leftrightarrow \sqrt{x} = 1 \quad \Leftrightarrow x = 1
 \end{aligned}$$

Bài 3: (2.0 điểm)

Giải: a) Xác định: $a = \frac{1}{2}$; $b = 2$. (0.5 đ)

Hàm số đó là $y = \frac{1}{2}x + 2$ (0.25 đ)

b) Vẽ đồ thị $y = \frac{1}{2}x + 2$ (0.5 đ)
 -Xác định 2 giao điểm A(-4 ; 0) và B(0 ; 2)
 -Đồ thị



c) Tam giác OAB vuông (với O là gốc tọa độ)

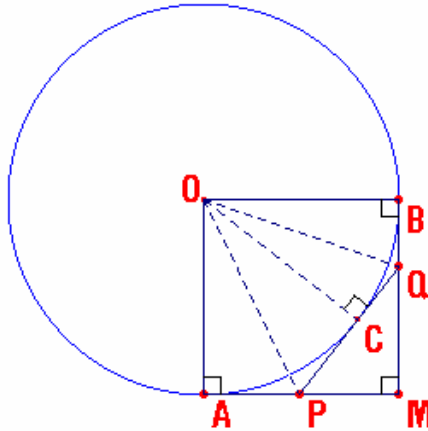
$$S_{\Delta OAB} = \frac{1}{2} OA \cdot OB$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 2 = 4$$

Diện tích ΔOAB là 4 (đvdt) (0.5 đ)

Bài 4: (3.0 điểm)

Giải: vẽ hình + gt+ kl (0.5đ)



a, Tứ giác AMBO là hình chữ nhật vì có :

$$\widehat{A} = \widehat{M} = \widehat{B} = 90^\circ$$

Hình chữ nhật AMBO lại có $OA = OB = R$ nên AMBO là hình vuông

(0,5đ)

b, Theo tính chất hai tiếp tuyến của hai đường tròn cắt nhau, ta có :

$$PA = PC, QB = QC$$

Chu vi tam giác MPQ bằng :

$$\begin{aligned} MP + PQ + QM &= (MP + PC) + (CQ + QM) \\ &= (MP + PA) + (QB + QM) \\ &= MA + MB \end{aligned}$$

$$= 2OA = 20cm \quad (1đ)$$

c, OP, OQ lần lượt là tia phân giác của góc AOC, COB nên :

$$\widehat{POC} = \frac{1}{2} \widehat{AOC}, \widehat{COQ} = \frac{1}{2} \widehat{COB}$$

$$\widehat{POQ} = \frac{1}{2} (\widehat{AOC} + \widehat{COB}) = \frac{1}{2} \widehat{AOB} = \frac{1}{2} 90^\circ = 45^\circ$$

Do đó : (1đ)

ĐỀ 11

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

Câu 1 (2,0 điểm)

a) Rút gọn biểu thức $A = 3\sqrt{8} - 5\sqrt{2} + \sqrt{18}$.

b) Chứng minh rằng $\sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}} = \sqrt{6}$.

Câu 2 (1,0 điểm)

Cho biểu thức $A = \frac{x\sqrt{x}+1}{x-1} - \frac{x-1}{\sqrt{x}+1}$

a) Nêu điều kiện xác định, rút gọn biểu thức A

b) Tính giá trị của A khi $x = \frac{9}{4}$.

c) Tìm giá trị của x, khi giá trị của A < 2.

Câu 3 (4,0 điểm)

Cho hàm số $y = -2x + 2$ có đồ thị là d_1 .

a) Xác định tọa độ các điểm A và B lần lượt là giao điểm của d_1 với các trục Ox, Oy của hệ trục tọa độ Oxy (đơn vị trên các trục được tính là cm).

b) Viết phương trình đường thẳng d_2 cắt các Ox, Oy lần lượt tại C và D sao cho tứ giác ABCD là hình thoi.

c) Vẽ d_1 và d_2 và tính diện tích của hình thoi ABCD.

Câu 4 (3,0 điểm)

Cho tam giác ABC vuông tại A có AH là đường cao. Đường tròn tâm E đường kính BH cắt cạnh AB ở M và đường tròn tâm I đường kính CH cắt cạnh AC ở N.

a) Chứng minh tứ giác AMHN là hình chữ nhật.

b) Cho biết: AB = 6cm, AC = 8cm. Tính độ dài đoạn thẳng MN.

c) Chứng minh rằng MN là tiếp tuyến chung của hai đường tròn (E) và (I).

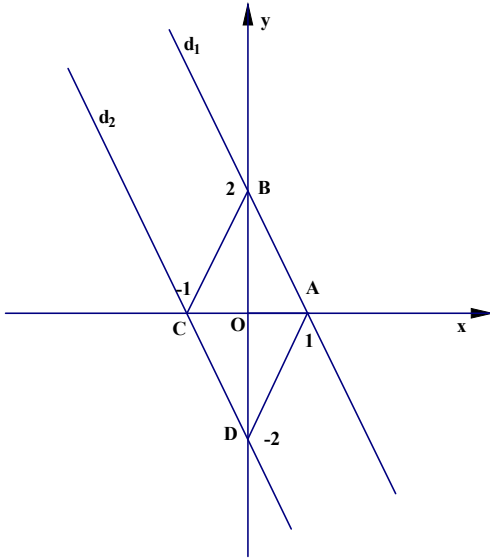
-----Hết-----

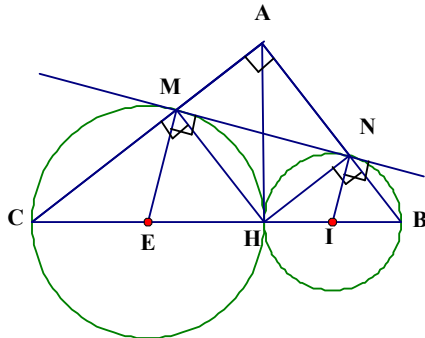
HƯỚNG DẪN CHẤM KIỂM TRA HỌC KỲ 1 MÔN TOÁN - KHỐI 9

(Bảng hướng dẫn gồm 03 trang)

Câu	Đáp án	Điểm
Câu 1		2.0 đ
	<p>a) Rút gọn biểu thức $A = 3\sqrt{8} - 5\sqrt{2} + \sqrt{18}$ $A = 3\sqrt{8} - 5\sqrt{2} + \sqrt{18} = 6\sqrt{2} - 5\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 4\sqrt{2}$</p>	0.5
	<p>b) Chứng minh rằng $\sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}} = \sqrt{6}$.</p>	0.5

	$\left(\sqrt{2+\sqrt{3}}+\sqrt{2-\sqrt{3}}\right)^2 = 2+\sqrt{3}+2-\sqrt{3}+2\sqrt{2+\sqrt{3}}\sqrt{2-\sqrt{3}}$ $= 4+2\sqrt{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})}$ $= 4+2=6$ <p>Ta có</p> <p>và $\sqrt{2+\sqrt{3}}+\sqrt{2-\sqrt{3}} > 0$. Vậy $\sqrt{2+\sqrt{3}}+\sqrt{2-\sqrt{3}} = \sqrt{6}$ (đpcm)</p>	
Câu 2		1.0 đ
	$\text{Cho biểu thức } A = \frac{x\sqrt{x}+1}{x-1} - \frac{x-1}{\sqrt{x}+1}$ <p>a) Nêu điều kiện x, c phân vụ rút gọn biểu thức A.</p> <p>A xác định $\Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ x-1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ x \neq 1 \end{cases}$</p> <p>Rút gọn A. Đặt $t = \sqrt{x} \Rightarrow \begin{cases} x = t^2 \\ x\sqrt{x} = t^3 \end{cases}$</p> $A = \frac{x\sqrt{x}+1}{x-1} - \frac{x-1}{\sqrt{x}+1} = \frac{t^3+1}{t^2-1} - \frac{t^2-1}{t+1}$ $= \frac{(t+1)(t^2-t+1)}{(t+1)(t-1)} - \frac{(t+1)(t-1)}{t+1}$ $= \frac{(t^2-t+1)}{t-1} - (t-1)$ $= \frac{(t^2-t+1)-(t-1)^2}{t-1} = \frac{t}{t-1} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1}$	0.5
	$x = \frac{9}{4} \Rightarrow A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} = \frac{\sqrt{\frac{9}{4}}}{\sqrt{\frac{9}{4}}-1} = 3$ <p>b)</p> $A < 2 \Leftrightarrow \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} < 2 \Leftrightarrow \sqrt{x} < 2(\sqrt{x}-1) \Leftrightarrow \sqrt{x} > 2$ $\begin{cases} \sqrt{x} > 2 \\ x > 0 \end{cases} \Leftrightarrow x > 4$ <p>c)</p>	0.5
Câu 3		4.0 đ
	Cho hàm số $y = -2x + 2$ có đồ thị là d_1 .	0.5

	<p>a) Xác định tọa độ các điểm A và B lần lượt là giao điểm của d_1 với các trục Ox, Oy của hệ trục tọa độ Oxy (đơn vị trên các trục được tính là cm).</p> <p>Tọa độ giao điểm của d_1 và Ox là nghiệm của hệ phương trình</p> $\begin{cases} y = -2x + 2 \\ y = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 0 \end{cases} \Rightarrow A(1; 0)$ <p>Tọa độ giao điểm của d_1 và Oy là nghiệm của hệ phương trình</p> $\begin{cases} y = -2x + 2 \\ x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2 \\ x = 0 \end{cases} \Rightarrow B(0; 2)$	
	<p>Đường thẳng d_2 đi qua hai điểm (0;4) và (-2;0)</p>	0.5
		1.0
	<p>b) Viết phương trình đường thẳng d_2 cắt các Ox, Oy lần lượt tại C và D sao cho tứ giác ABCD là hình thoi. Tứ giác ABCD là hình thoi nên C và D lần lượt là hai điểm đối xứng với A và B qua O $\Rightarrow C(-1; 0); D(0; -2)$.</p> <p>Gọi $d_2: y = ax + b$. Vì d_2 qua C và D nên $\begin{cases} 0 = -a + b \\ -2 = 0 + b \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -2 \\ b = -2 \end{cases}$</p> <p>Vậy $d_2: y = -2x - 2$.</p>	
	<p>c) Vẽ d_1 và d_2 và tính diện tích của hình thoi ABCD.</p> <p>Gọi S là diện tích cần tìm ta có $S = \frac{1}{2} AC \cdot BD = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4 = 4 \text{ (cm}^2\text{)}$</p>	

	<p>Gọi H là hình chiếu vuông góc của O trên d_1.</p> <p>Tam giác OAB vuông tại O, OH là đường cao nên</p> $\frac{1}{OH^2} = \frac{1}{OA^2} + \frac{1}{OB^2}$ <p>Mà $\begin{cases} OA^2 = 4 \\ OB^2 = 16 \end{cases}$ Do đó $\frac{1}{OH^2} = \frac{1}{4} + \frac{1}{16} = \frac{5}{16}$</p>	0.5
	$OH^2 = \frac{16}{5} \Rightarrow OH = \frac{4\sqrt{5}}{5}$ <p>Vậy: $OH = \frac{4\sqrt{5}}{5}$ (cm)</p>	0.25
Câu 4		3.0 đ
	<p>a) Chứng minh rằng M là trung điểm của CD.</p> <p>Tứ giác ABCD là hình thang, O là trung điểm của AB và $OM \parallel AD \Rightarrow$ OM là đường trung bình của hình thang ABCD $\Rightarrow M$ là trung điểm của CD.</p>	0.5
		0.5
	<p>a) Ta có $\angle A = 90^\circ$ ($\triangle ABC$ vuông)</p> <p>$\angle AMH = \angle ANH = 90^\circ$ (các $\triangle BMH, \triangle CNH$ có BH, CH là các đường kính)</p> <p>Vậy tứ giác AMHN là hình chữ nhật</p> <p>$\triangle ABC$ vuông và có AH là đường cao nên ta có</p>	

	$\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AC^2} = \frac{1}{36} + \frac{1}{64} = \frac{100}{36.64}$ $\Rightarrow AH = \frac{48}{10} = \frac{24}{5}$ $\Rightarrow MN = AH = \frac{24}{5}$ <p>Ta có $\widehat{NMH} = \widehat{AHN} = 1v$ (AMHN là hình chữ nhật)</p> <p>$\widehat{EHM} = \widehat{EHM}$ ($\triangle EHM$ cân)</p> <p>$\widehat{AHN} + \widehat{MEH} = 1v$ (AH vuông góc với BC)</p> <p>$\Rightarrow \widehat{HMN} + \widehat{EMH} = 1v \Rightarrow MN \perp EM$</p> <p>Vậy MN là tiếp tuyến của (E)</p> <p>Tương tự MN là tiếp tuyến của (I)</p>	
	<p>d) Xác định vị trí của điểm M trên nửa đường tròn tâm O sao cho tứ giác ABCD có diện tích lớn nhất và tính diện tích đó theo bán kính R của nửa đường tròn đã cho.</p> $S_{ABCD} = \frac{1}{2} CD \cdot (BC + AD) = \frac{1}{2} CD \cdot AB$ <p>Ta có: $CD = BE \leq AB$. (AB là đường kính, BE là dây cung)</p>	0.5
	<p>Do đó: $S_{ABCD} \leq \frac{1}{2} AB^2$</p>	0.25
	<p>Vậy: S_{ABCD} lớn nhất khi $S_{ABCD} = \frac{1}{2} AB^2 = 2R^2$</p> <p>Khi đó $OM \perp AB$</p>	0.25

ĐỀ 12**ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I****Môn TOÁN LỚP 9***Thời gian: 90 phút***Câu 1 (2,5 điểm)**

Rút gọn các biểu thức sau:

a) $A = \sqrt{(\sqrt{3} - 2)^2}$

b) $B = \sqrt{5} - \frac{3}{\sqrt{5}} + \sqrt{125}$

$$c) C = \sqrt{3+2\sqrt{2}} - \sqrt{3-2\sqrt{2}}.$$

Câu 2 (3,5 điểm)

Cho các hàm số $y = -x + 2$, $y = x + 4$. Lần lượt có đồ thị là các đường thẳng d_1 và d_2 .

d) Vẽ d_1 và d_2 trên cùng một hệ trục tọa độ Oxy.

e) Lập phương trình của đường thẳng d_3 biết rằng d_3 đi qua điểm M(2;-1) và song song với đường thẳng d_1 .

f) Tìm điểm A thuộc đường thẳng d_1 có hoành độ và tung độ bằng nhau.

Câu 3 (4,0 điểm)

Cho tam giác ABC vuông tại A, có $AB = 3$ cm và $AC = 4$ cm.

a) Tính độ dài đường cao AH và trung tuyến AM của tam giác ABC.

b) Xác định tâm I và tính bán kính R của đường tròn đường kính HC.

c) Tính khoảng cách từ tâm I của đường tròn đường kính HC đến một dây cung của đường

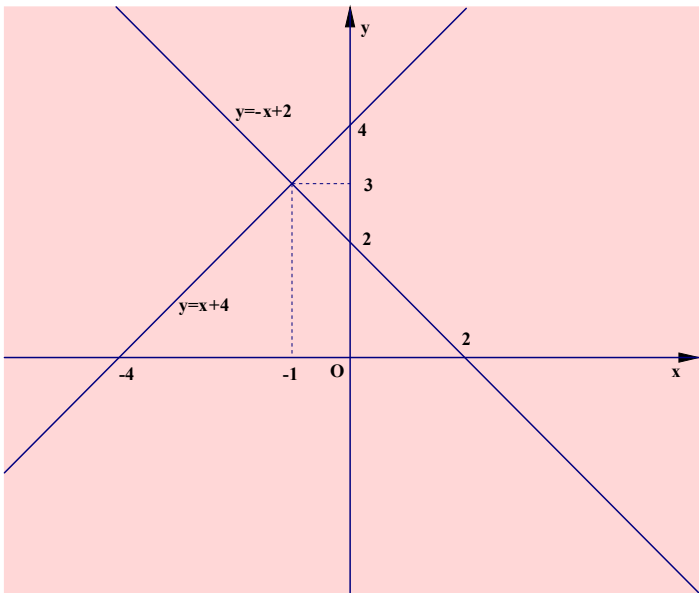
tròn này, biết rằng dây cung này có độ dài bằng $\frac{2\sqrt{14}}{5}$ cm.

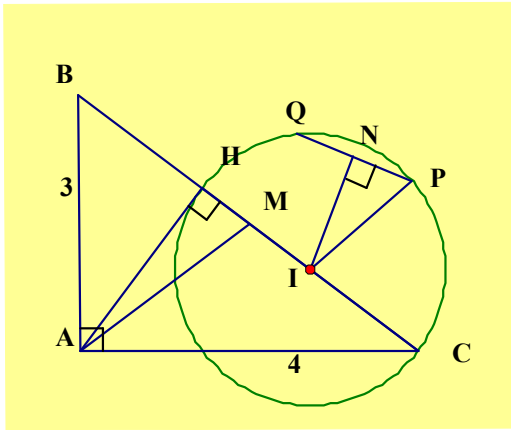
-----Hết-----

Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Giám thị không giải thích gì thêm

**HƯỚNG DẪN CHẤM CỦA ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ 1
MÔN TOÁN - KHỐI 9**

Câu	Đáp án	Điểm
Câu 1 2.5 đ	Câu 1:	
a)	$A = \sqrt{(\sqrt{3}-2)^2} = \sqrt{3}-2 = 2-\sqrt{3}$	0.5
b)	$B = \sqrt{5} - \frac{3}{\sqrt{5}} + \sqrt{125} = \sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} + 5\sqrt{5}$ $= (1 - \frac{3}{5} + 5)\sqrt{5} = \frac{27\sqrt{5}}{5}$	0.5
c)	$C = \sqrt{3+2\sqrt{2}} - \sqrt{3-2\sqrt{2}} = \sqrt{(1+\sqrt{2})^2} - \sqrt{(1-\sqrt{2})^2}$ $= 1+\sqrt{2} - 1-\sqrt{2} $ $= \sqrt{2} + 1 + 1 - \sqrt{2} = 2$	0.5

Câu 2 3.5 đ	Câu 2: a) Vẽ d_1 và d_2 trên cùng một hệ trục tọa độ Oxy. Đường thẳng d_1 đi qua hai điểm (0;2) và (2;0)	0.5
	Đường thẳng d_2 đi qua hai điểm (0;4) và (-4;0)	0.5
		1.0
	b) Lập phương trình của đường thẳng d_3 biết rằng d_3 đi qua điểm $M(2;-1)$ và song song với đường thẳng d_1 . Vì d_3 song song với d_1 suy ra d_3 có hệ số góc là -1, do đó d_3 có dạng: $y = -x + b$. $M \in d_3 \Leftrightarrow -1 = -2 + b \Leftrightarrow b = 1$ Vậy: $d_3 : y = -x + 1$.	0.5
	c) Tìm điểm A thuộc đường thẳng d_1 có hoành độ và tung độ bằng nhau. Vì $A \in d_1$ có hoành độ và tung độ bằng nhau nên $x = -x + 2 \Leftrightarrow x = 1$ Vậy: $A(1;1)$	0.5
Câu 3 4.0 đ	Câu 3: Cho tam giác ABC vuông tại A, có $AB = 3$ cm và $AC = 4$ cm. a) Tính độ dài đường cao AH, trung tuyến AM của tam giác ABC.	0.5



Vì $\triangle ABC$ vuông tại A và có đường cao AH do đó ta có:

$$\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AC^2} = \frac{1}{9} + \frac{1}{16} = \frac{25}{144}$$

0.5

$$\Rightarrow AH^2 = \frac{25}{144} \Rightarrow AH = \frac{5}{12} \text{ cm}$$

0.5

Vì $\triangle ABC$ vuông tại A và AM là trung tuyến do đó ta có: $AM = \frac{BC}{2}$

0.25

Mà $BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = \sqrt{9 + 16} = 5 \text{ cm}$

Vậy: $AM = \frac{BC}{2} = \frac{5}{2} \text{ cm}$

0.5

b) Xác định tâm I và tính bán kính R của đường tròn đường kính HC .

Ta có: $R = \frac{HC}{2}$

0.25

Trong $\triangle ABC$ vuông tại A ta có: $HC \cdot BC = AC^2 \Leftrightarrow HC = \frac{AC^2}{BC} = \frac{16}{5}$

Vậy: $R = \frac{HC}{2} = \frac{8}{5} \text{ cm}$

0.5

c) Tính khoảng cách từ tâm I của đường tròn đường kính HC đến một

dây cung của đường tròn có độ dài $\frac{2\sqrt{14}}{5} \text{ cm}$.

Gọi PQ là dây cung đã cho và N là trung điểm của PQ ta có: IN là khoảng cách từ I đến PQ .

0.5

	<p>Ta có: $IN = \sqrt{IP^2 - NP^2} = \sqrt{\frac{64}{25} - \frac{14}{25}} = \sqrt{2} \text{ cm}$</p> <p>Vậy khoảng cách từ I đến PQ bằng $\sqrt{2} \text{ cm}$</p>	0.5
--	--	------------

ĐỀ 13	<p align="center">ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I Môn TOÁN LỚP 9 <i>Thời gian: 90 phút</i></p>
--------------	---

Bài 1 (0,75đ) : Tính $2\sqrt{45} + \sqrt{80} - \sqrt{245}$

Bài 2 (0,5đ) : Rút gọn $\sqrt{(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2} + \sqrt{(\sqrt{a}+\sqrt{b})^2}$ ($0 < a < b$)

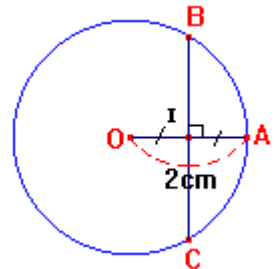
Bài 3 (0,75đ) : Giải tam giác vuông ABC vuông tại A, biết $BC = 6$ và $\angle ACB = 30^\circ$.

Bài 4 (0,75đ) : Tìm x biết $\sqrt{2(3x-2)^2} - 5 = 0$ ($x > \frac{2}{3}$)

Bài 5 (0,75đ) : Vẽ đồ thị hàm số $y = -2x + 3$

Bài 6 (0,5đ) : Tìm nghiệm tổng quát của phương trình $4x - 3y = -1$

Bài 7 (0,75đ) : Cho đường tròn tâm O có bán kính $OA = 2 \text{ cm}$. Dây BC của đường tròn vuông góc với OA tại trung điểm của OA. Tính độ dài BC ?



Bài 8 (0,75đ) : Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} -5x + 2y = 4 \\ 6x - 3y = -7 \end{cases}$$

Bài 9 (0,75đ) : Rút gọn biểu thức: $\cot^2 \alpha - \cos^2 \alpha \cdot \cot^2 \alpha$

Bài 10 (0,75đ) : Viết phương trình đường thẳng (d) biết (d) song song với đường thẳng (d') : $3x + 2y = -4$ và cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng $\frac{4}{3}$.

Bài 11 (0,75đ) : Cho hàm số bậc nhất $y = (m^2 - 2\sqrt{2}m + 5)x - 4$. Chứng minh rằng hàm số luôn đồng biến trên $\mathbb{R}$ với mọi giá trị của m.

Bài 12 (1 đ) : Cho đường tròn (O), điểm M nằm bên ngoài đường tròn. Kẻ tiếp tuyến MD, ME với đường tròn (D, E là các tiếp điểm). Qua điểm I thuộc cung nhỏ DE, kẻ tiếp tuyến với đường tròn, cắt MD và ME theo thứ tự ở P và Q. Biết $MD = 3 \text{ cm}$, tính chu vi tam giác MPQ.

Bài 13 (0,5đ) : Sắp xếp các TSLG sau theo thứ tự tăng dần: $\sin 65^0; \sin 35^0; \cos 38^0$

Bài 14 (0,75đ) : Cho tam giác ABC vuông tại A. Trên AB lấy điểm D, trên AC lấy điểm E.
Chứng minh $CD^2 + BE^2 = CB^2 + DE^2$

.....Hết

Hướng dẫn chấm toán 9

Bài 1: $2\sqrt{45} + \sqrt{80} - \sqrt{245} = 2\sqrt{3^2 \cdot 5} + \sqrt{2^4 \cdot 5} - \sqrt{7^2 \cdot 5}$ (0,25đ)
 $= 2 \cdot 3\sqrt{5} + 2^2\sqrt{5} - 7\sqrt{5} = (6 + 4 - 7)\sqrt{5} = 3\sqrt{5}$ (0,5đ)

Bài 2: $\sqrt{(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2} + \sqrt{(\sqrt{a} + \sqrt{b})^2} = |\sqrt{a} - \sqrt{b}| + |\sqrt{a} + \sqrt{b}|$ (0,25đ)
 $= \sqrt{b} - \sqrt{a} + \sqrt{a} + \sqrt{b} \quad (\text{vì } 0 < a < b) = 2\sqrt{b}$ (0,25đ)

Bài 3: Vẽ đúng hình và tính được góc B bằng 60^0 (0,25đ)
 Tính được $AB = BC \cdot \sin C = 3$ và $AC = BC \cdot \cos C = 3\sqrt{3}$ (0,5đ)

Bài 4: $\sqrt{2(3x-2)^2} - 5 = 0 \Leftrightarrow \sqrt{2}|3x-2| - 5 = 0 \Leftrightarrow \sqrt{2}(3x-2) = 5 \quad (x > \frac{2}{3})$ (0,5đ)
 $\Leftrightarrow 3x-2 = \frac{5}{\sqrt{2}} \Leftrightarrow x = \frac{5}{3\sqrt{2}} + \frac{2}{3}$ (0,25đ)

Bài 5: Chọn đúng điểm đặc biệt $(0;3)$ và $(\frac{3}{2};0)$ (0,25đ)
 Vẽ và kí hiệu đúng điểm đặc biệt trên đồ thị, tên đường thẳng (0,5đ)

Bài 6: Biến đổi và tìm ra nghiệm tổng quát của phương trình (0,5đ)

$$\begin{cases} x \in \mathbb{Q} \\ y = \frac{4}{3}x + \frac{1}{3} \end{cases}$$

Bài 7: Lí luận và tính được $IB = \sqrt{3}$ cm (0,25đ)
 Lí luận và tính được $BC = 2\sqrt{3}$ cm (0,5đ)

Bài 8: Giải đúng các bước và tính đúng kết quả $\begin{cases} x = \frac{2}{3} \\ y = \frac{11}{3} \end{cases}$ (0,75đ)

Bài 9: $\cot^2 \alpha - \cos^2 \alpha \cdot \cot^2 \alpha = \cot^2 \alpha (1 - \cos^2 \alpha)$ (0,25đ)
 $= \cot^2 \alpha \cdot \sin^2 \alpha$ (0,25đ)

$$= \frac{\cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha} \cdot \sin^2 \alpha$$

$$= \cos^2 \alpha \quad (0,25đ)$$

Bài 10: Lí luận và tìm được $a = -\frac{3}{2} \Rightarrow y = -\frac{3}{2}x + b$ (0,25đ)

Lí luận và thay $x = \frac{4}{3}, y = 0$ vào hàm số mới ta tìm được $b = 2 \Rightarrow y = -\frac{3}{2}x + 2$ (0,5đ)

Bài 11: Hàm số đồng biến khi $m^2 - 2\sqrt{2}m + 5 > 0$ (0,25đ)

$(m^2 - 2\sqrt{2}m + 2 + 3) = (m + \sqrt{2})^2 + 3 > 0 \Rightarrow$ HS đồng biến trên $\square$ (0,25đ)

Bài 12: Theo tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau: $PI = PD$ và $QI = QE$ (0,25đ)

Chu vi tam giác $MPQ = MP + PQ + MQ = MP + PI + IQ + MQ$ (0,25đ)
 $= MP + PD + QE + MQ = MD + ME = 3 + 3 = 6\text{cm}$ (0,5đ)

Bài 13: $\sin 65^\circ; \sin 35^\circ; \cos 38^\circ = \sin 52^\circ; \Rightarrow \sin 35^\circ < \sin 52^\circ < \sin 65^\circ \Rightarrow \sin 35^\circ < \cos 38^\circ < \sin 65^\circ$ (0,5đ)

Bài 14: Vẽ hình và lí luận : $DC^2 = AC^2 + AD^2$ và $BE^2 = AB^2 + AE^2$. (0,25đ)

Cộng vế theo vế $CD^2 + BE^2 = AC^2 + AD^2 + AB^2 + AE^2$ (0,25đ)
 $= (AC^2 + AB^2) + (AD^2 + AE^2) = CB^2 + DE^2$ (0,25đ)

(**Lưu ý :** Nếu HS giải bằng cách khác vẫn đúng , thì giám khảo phân bước tương ứng để chấm)

ĐỀ 14

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

I. BÀI TOÁN (8 điểm)

Bài 1: (1 điểm) Thực hiện phép tính: $2\sqrt{48} - 2\sqrt{18} + \sqrt{50} - \sqrt{147}$

Bài 2: (2 điểm)

a) Rút gọn biểu thức: $\left(\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{1-\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{5}-5}{1-\sqrt{5}} \right) : \frac{1}{\sqrt{2}-\sqrt{5}}$

b) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $B = x^2 - x\sqrt{3} + 1$

Bài 3: (2 điểm)

a) Xác định hàm số $y = ax + b$ biết rằng đồ thị của hàm số song song với đường thẳng $y = 2x$ và đi qua điểm $(1; -1)$

b) Vẽ đồ thị (d_1) của hàm số với a, b vừa tìm được.

c) Tìm tọa độ giao điểm E của đường thẳng (d_1) với đường thẳng:

$y = \frac{1}{2}x + 1 \quad (d_2)$

d) Tính góc tạo bởi đường thẳng (d_1) với trục Ox (Làm tròn đến độ)

Bài 4: (3 điểm)

Cho nửa đường tròn (O, R) đường kính AB, 2 tiếp tuyến Ax và By trên cùng một nửa mặt phẳng bờ AB. Từ điểm H trên nửa đường tròn (H không trùng với A, B) kẻ tiếp tuyến thứ 3 với nửa đường tròn cắt Ax, By lần lượt ở C và D.

- a/ Tứ giác ACDB là hình gì ? Vì sao ?
 b/ CMR đường tròn ngoại tiếp tam giác COD tiếp xúc với AB tại O
 c/ Chứng minh $AC \cdot BD = R^2$

ĐÁP ÁN VÀ BIỂU ĐIỂM CHẤM

Giải: a)

$$\left(\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{1-\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{5}-5}{1-\sqrt{5}} \right) : \frac{1}{\sqrt{2}-\sqrt{5}} = \left(\frac{\sqrt{2}(\sqrt{3}-1)}{1-\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{5}(1-\sqrt{5})}{1-\sqrt{5}} \right) \cdot \frac{\sqrt{2}-\sqrt{5}}{1}$$

$$= (-\sqrt{2}-\sqrt{5}) \cdot (\sqrt{2}-\sqrt{5}) = -(\sqrt{2}+\sqrt{5}) \cdot (\sqrt{2}-\sqrt{5}) = -(2-5) = 3$$

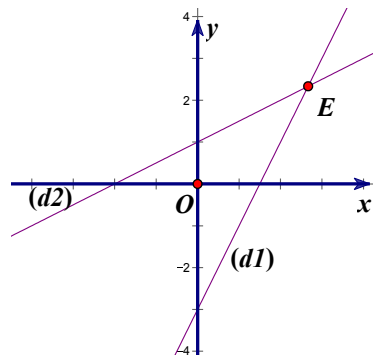
b) $B = x^2 - x\sqrt{3} + 1 = \left(x - \frac{\sqrt{3}}{2} \right)^2 + \frac{1}{4} \geq \frac{1}{4}$ với mọi x

Đẳng thức xảy ra khi $x = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

Vậy giá trị nhỏ nhất của B là $\frac{1}{4}$ khi $x = \frac{\sqrt{3}}{2}$

Giải: a) Xác định : $a = 2$; $b = -3$. Hàm số đó là $y = 2x - 3$

b) Vẽ đồ thị $y = 2x - 3$ đúng chính xác



c) Phương trình hoành độ giao điểm của (d_1) và (d_2) là :

$$2x - 3 = \frac{1}{2}x + 1 \Rightarrow 1\frac{1}{2}x = 4 \Rightarrow x = 4 : \frac{3}{2} = \frac{8}{3}$$

$$\text{Thế vào } y = 2x - 3 \text{ ta được: } y = 2 \cdot \frac{8}{3} - 3 = \frac{16 - 9}{3} = \frac{7}{3}$$

$$\text{Toạ độ giao điểm là : } E = \left(\frac{8}{3}; \frac{7}{3} \right)$$

Toạ độ giao điểm là :

Bài 19: (3 điểm)

Cho nửa đường tròn (O, R) đường kính AB , 2 tiếp tuyến Ax và By trên cùng một nửa mặt phẳng bờ AB . Từ điểm H trên nửa đường tròn (H không trùng với A, B) kẻ tiếp tuyến thứ 3 với nửa đường tròn cắt Ax, By lần lượt ở C và D .

a/ Tứ giác $ACDB$ là hình gì ? Vì sao ?

b/ CMR đường tròn ngoại tiếp tam giác COD tiếp xúc với AB tại O

c/ Chứng minh $AC \cdot BD = R^2$

Giải:

Viết GT, KL, vẽ hình (0,5đ)

a, $AC \parallel BD$ vì cùng vuông góc với AB . Tứ giác $ABCD$ là hình thang vuông. (0,5đ)

b, Gọi Q là trung điểm của CD thì OQ là đường trung tuyến thuộc cạnh huyền CD của tam giác vuông COD .

Nên $QC = QO = QD$

Do đó : QO là bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác COD .

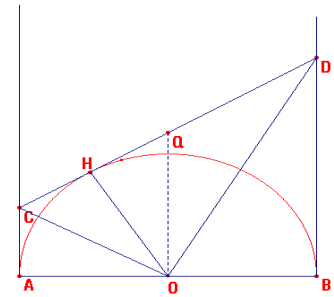
Mặt khác : OQ là đường trung bình của hình thang $ABCD$ nên $OQ \parallel AC$

Do đó : $OQ \perp AB$ tại O . Vậy đường tròn ngoại tiếp tam giác COD tiếp xúc với AB tại O . (0,5đ)

c, Ta có : $CH = CA$ (hai tiếp tuyến xuất phát từ C)

$DH = DB$ (hai tiếp tuyến xuất phát từ D)

$\Rightarrow AC \cdot BD = CH \cdot DH = OH^2 = R^2$ (0,5đ)



ĐỀ 15

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

I. LÝ THUYẾT: (2đ)

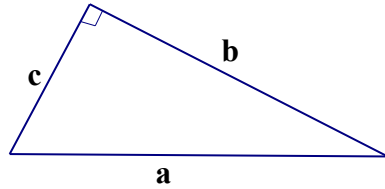
Câu 1: (1đ)

c) Phát biểu quy tắc chia hai căn bậc hai?

$$\frac{\sqrt{108}}{\sqrt{12}}$$

d) Áp dụng : Tính: $\sqrt{12}$

Câu 2: (1đ) Xem hình vẽ. Hãy viết các tỉ số lượng giác của góc α .



II . BÀI TOÁN: (8đ)

Bài 1: (1 đ) Thực hiện phép tính :

$$(\sqrt{48} + \sqrt{27} - \sqrt{192}).2\sqrt{3}$$

Bài 2: (2đ) Cho biểu thức :

$$M = \frac{x^3}{x^2-4} - \frac{x}{x-2} - \frac{2}{x+2}$$

a) Tìm điều kiện để biểu thức M xác định.

b) Rút gọn biểu thức M.

Bài 3: (2đ)

a) Xác định các hệ số a và b của hàm số $y = ax + b$, biết đồ thị hàm số đi qua điểm M(-1; 2) và song song với đường thẳng $y = 3x + 1$

b) Vẽ đồ thị hàm số vừa tìm được ở câu a.

Bài 4: (3đ) Cho $\triangle MNP$ vuông ở M, $\angle P = 35^\circ$, vẽ đường cao MK. Vẽ đường tròn tâm M, bán kính MK. Gọi KD là đường kính của đường tròn (M, MK). Tiếp tuyến của đường tròn tại D cắt MP ở I.

a) Chứng minh rằng $\triangle NIP$ cân.

b) Gọi H là hình chiếu của M trên NI. Tính độ dài MH biết $KP = 5\text{cm}$, $\angle P = 35^\circ$.

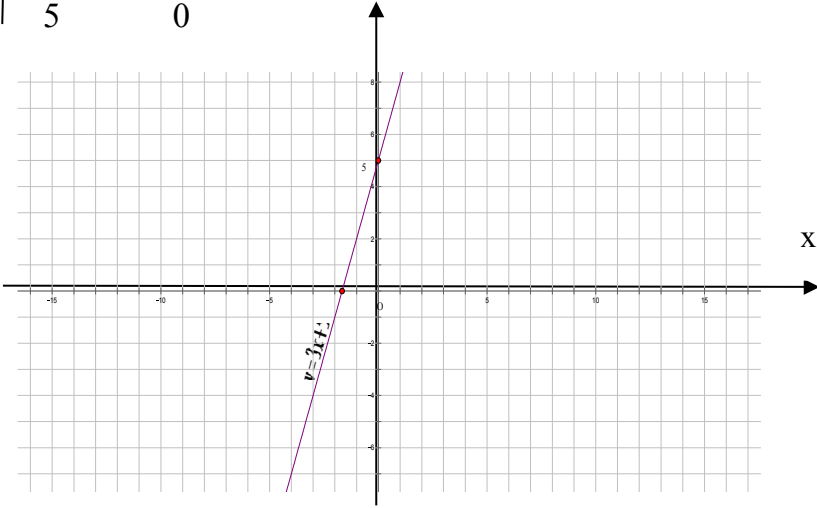
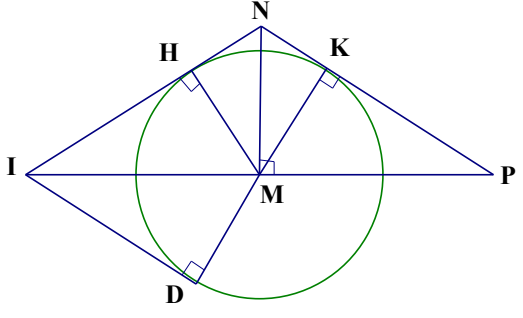
c) Chứng minh NI là tiếp tuyến của đường tròn (M ; MK)

.....Hết

HƯỚNG DẪN CHẤM

Môn : Toán – Lớp : 9

Câu	Đáp án	Biểu điểm
I. Lí thuyết (2đ)		
Câu 1 (1đ)	a) Phát biểu đúng quy tắc chia hai căn bậc hai. $\frac{\sqrt{108}}{\sqrt{12}} = \sqrt{\frac{108}{12}} = \sqrt{9} = 3$	0,5 0,5
Câu 2 (1đ)	$\sin \alpha = \frac{b}{a}, \cos \alpha = \frac{c}{a}, \tan \alpha = \frac{b}{c}, \cot \alpha = \frac{c}{b}$	1,0
II. Bài tập: (8đ)		
Bài 1 (1đ)	$\begin{aligned} & (\sqrt{48} + \sqrt{27} - \sqrt{192}).2\sqrt{3} \\ &= (\sqrt{16.3} + \sqrt{9.3} - \sqrt{64.3}).2\sqrt{3} = (4\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 8\sqrt{3}).2\sqrt{3} = -\sqrt{3}.2\sqrt{3} = -6 \end{aligned}$	1

<p>Bài 2 (2đ)</p>	<p>a) Điều kiện : $x \neq 2, x \neq -2$</p> <p>b) $M = \frac{x^3}{x^2-4} - \frac{x}{x-2} - \frac{2}{x+2}$</p> $= \frac{x^3 - x(x+2) - 2(x-2)}{x^2-4}$ $= \frac{x^3 - x^2 - 2x - 2x + 4}{x^2-4} = \frac{x^3 - 4x - x^2 + 4}{x^2-4} = \frac{x(x^2-4) - (x^2-4)}{x^2-4}$ $= \frac{(x^2-4)(x-1)}{x^2-4} = x-1$	<p>1,0</p> <p>0,25</p> <p>0,5</p> <p>0,25</p>						
<p>Bài 3 (2đ)</p>	<p>a) $(d_1): y = ax + b$ $(d_2): y = 3x + 1$ $(d_1) \parallel (d_2) \Rightarrow a = 3, b \neq 1$ $M(-1; 2) \in (d_1): 2 = 3 \cdot (-1) + b \Rightarrow 2 = -3 + b \Rightarrow b = 5$ Vậy $(d_1): y = 3x + 5$</p> <p>b)</p> <table border="1" data-bbox="297 842 771 968"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>$-\frac{5}{3}$</td> </tr> <tr> <td>$y = 3x + 5$</td> <td>5</td> <td>0</td> </tr> </table> 	x	0	$-\frac{5}{3}$	$y = 3x + 5$	5	0	<p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>
x	0	$-\frac{5}{3}$						
$y = 3x + 5$	5	0						
<p>Bài 4 (3đ)</p>	<p>Hình vẽ + gt và kl</p> 	<p>0,5</p>						

	a) Chứng minh $\triangle NIP$ cân : (1đ) $\triangle MKP = \triangle MDI$ (g.c.g) $\Rightarrow DI = KP$ (2 cạnh tương ứng) Và $MI = MP$ (2 cạnh tương ứng) Vì $NM \perp IP$ (gt). Do đó NM là đường cao và là đường trung tuyến của $\triangle NIP$ nên $\triangle NIP$ cân tại N	0,25 0,25 0,25 0,25
	b) Tính MH: (0,5đ) Xét hai tam giác vuông MNH và MNK , ta có : MN chung, $\angle HNM = \angle KNM$ (vì $\triangle NIP$ cân tại N) Do đó : $\triangle MNH = \triangle MNK$ (cạnh huyền – góc nhọn) $\Rightarrow MH = MK$ (2 cạnh tương ứng) Xét tam giác vuông MKP , ta có: $MK = KP \cdot \tan P = 5 \cdot \tan 35^\circ \approx 3,501 \text{ cm}$ Suy ra: $MH = MK \approx 3,501 \text{ cm}$	0,25 0,25
	c) Chứng minh đúng NI là tiếp tuyến của đường tròn (M; MK)	1
	Cộng	10 điểm

ĐỀ 16

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

Bài 1: (3,5đ)**1.** So sánh (không sử dụng máy tính)

a/ $2\sqrt{18}$ và $6\sqrt{2}$

b/ $3 - \sqrt{5}$ và 0

2. Thực hiện phép tính:

a/ $\sqrt{75} + \sqrt{48} - \frac{1}{2}\sqrt{300}$;

b/ $\sqrt{(\sqrt{2}-3)^2} - \sqrt{(2-\sqrt{2})^2}$

3. Cho biểu thức:

$$P = \frac{2\sqrt{x}-9}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}-2)} + \frac{2\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3} - \frac{\sqrt{x}+3}{\sqrt{x}-2}$$

a/ Tìm ĐKXĐ của P.

b/ Rút gọn biểu thức P.

c/ Tìm các giá trị nguyên của x để P có giá trị nguyên.

Bài 2: (1,5đ) Cho hàm số $y = ax + 3$ (d)

- a/ Xác định a biết (d) đi qua A(1;-1). Vẽ đồ thị với a vừa tìm được..
 b/ Xác định a biết đường thẳng (d) song song với đường thẳng $y = 2x - 1$ (d')
 c/ Tìm tọa độ giao điểm của (d) và (d') với a tìm được ở câu a bằng phép tính.

Bài 3: (1,5đ)

1. Đơn giản biểu thức sau:

- a/ $(1 - \cos x)(1 + \cos x) - \sin^2 x$
 b/ $\tan^2 x (2\cos^2 x + \sin^2 x - 1) + \cos^2 x$

2. Cho tam giác ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) có AB = 6cm, AC = 8cm. Tính số đo góc B? (số đo góc làm tròn đến phút)

Bài 4: (3,5đ) Cho (O), đường kính AB = 2R và hai tia tiếp tuyến Ax, By. Lấy điểm C tùy ý trên cung AB. Từ C kẻ tiếp tuyến thứ ba cắt Ax, By tại D và E.

- a/ Chứng minh: $DE = AD + BE$.
 b/ Chứng minh: OD là đường trung trực của đoạn thẳng AC và $OD \parallel BC$.
 c/ Gọi I là trung điểm của đoạn thẳng DE, vẽ đường tròn tâm I bán kính ID. Chứng minh rằng: Đường tròn (I ; ID) tiếp xúc với đường thẳng AB.
 d/ Gọi K là giao điểm của AE và BD. Chứng minh rằng: CK vuông góc với AB tại H và K là trung điểm của đoạn CH.

ĐÁP ÁN

Bài 1: (3,5đ)

1. So sánh (không sử dụng máy tính)

a/ $2\sqrt{18} = 6\sqrt{2}$

b/ $3 - \sqrt{5} > 0$

2. Thực hiện phép tính:

a/ $\sqrt{75} + \sqrt{48} - \frac{1}{2}\sqrt{300} = 4\sqrt{3}$

b/ $\sqrt{(\sqrt{2}-3)^2} - \sqrt{(2-\sqrt{2})^2} = 1$

3. Cho biểu thức:

$$P = \frac{2\sqrt{x}-9}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}-2)} + \frac{2\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3} - \frac{\sqrt{x}+3}{\sqrt{x}-2}$$

a/ ĐKXD: $x \geq 0, x \neq 4, x \neq 9$

$$b/ \quad P = \frac{2\sqrt{x} - 9}{(\sqrt{x} - 3)(\sqrt{x} - 2)} + \frac{(2\sqrt{x} + 1)(\sqrt{x} - 2) - (\sqrt{x} + 3)(\sqrt{x} - 3)}{(\sqrt{x} - 3)(\sqrt{x} - 2)}$$

$$P = \frac{2\sqrt{x} - 9 + 2x - 3\sqrt{x} - 2 - x + 9}{(\sqrt{x} - 3)(\sqrt{x} - 2)} \quad P = \frac{x - \sqrt{x} - 2}{(\sqrt{x} - 3)(\sqrt{x} - 2)} \quad P = \frac{(\sqrt{x} - 2)(\sqrt{x} + 1)}{(\sqrt{x} - 3)(\sqrt{x} - 2)} \quad P = \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 3}$$

$$c/ \quad P = \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 3} = \frac{\sqrt{x} - 3 + 4}{\sqrt{x} - 3} = 1 + \frac{4}{\sqrt{x} - 3}$$

$$\Rightarrow P \in \mathbb{Z} \Leftrightarrow 4; \sqrt{x} - 3 \Leftrightarrow \sqrt{x} - 3 \in \frac{1}{4} \cdot \{\pm 1; \pm 2; \pm 4\} \Rightarrow P \in \mathbb{Z} \Leftrightarrow 4; \sqrt{x} - 3 \Leftrightarrow \sqrt{x} - 3 \in \frac{1}{4} \cdot \{\pm 1; \pm 2; \pm 4\}$$

$$\sqrt{x} - 3 = -1 \Rightarrow x = 4 (\text{Loại})$$

$$\sqrt{x} - 3 = 1 \Rightarrow x = 16 (\text{nhận})$$

$$\sqrt{x} - 3 = -2 \Rightarrow x = 1 (\text{nhận})$$

$$\sqrt{x} - 3 = 2 \Rightarrow x = 25 (\text{nhận})$$

$$\sqrt{x} - 3 = 4 \Rightarrow x = 49 (\text{nhận})$$

$$\sqrt{x} - 3 = -4 \Rightarrow \sqrt{x} = -1 (\text{Không có giá trị thực của } x)$$

Vậy $x \in \{16; 1; 25; 49\}$ thì P có giá trị nguyên.

Bài 2: (1,5đ) Cho hàm số $y = ax + 3$ (d)

a/ $a = -4$

$$y = -4x + 3.$$

b/ $a = 2$

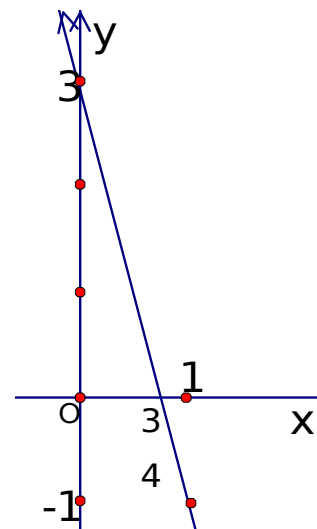
c/ Giải hệ pt:
$$\begin{cases} y = -4x + 3 \\ y = 2x - 1 \end{cases}$$

Tìm được tọa độ giao điểm là $\left(\frac{2}{3}; \frac{1}{3}\right)$

Bài 3: (1,5đ)

1. Đơn giản biểu thức sau:

$$a/ (1 - \cos x)(1 + \cos x) - \sin^2 x = 0$$



b/ $\lg^2 x (2\cos^2 x + \sin^2 x - 1) + \cos^2 x = 1$

2. Cho tam giác ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) có AB = 6cm, AC = 8cm. Tính số đo góc B? (số đo góc làm tròn đến phút)

HD: Xét ΔABC ($\hat{A} = 90^\circ$) có $\tan B = \frac{AC}{AB} = \frac{8}{6} \Rightarrow B \approx 53^\circ 8'$

Bài 4: (3,5đ)

a) Ta có DA = DC (...); EB = EC (...)

Mà DC + EC = DE $\Rightarrow$ DE = AD + EB

b) Ta có OA = OC (...); DA = DC (...)

Suy ra OD là đ.tr.tr của AC $\Rightarrow OD \perp AC$

Mà ΔACB vuông tại C (...) $\Rightarrow AC \perp CB$

Do đó OD // BC

c) C/m IO là đ.t.b của hình thang vuông ABED

Suy ra IO // EB // AD mà AD $\perp$ AB (gt) $\Rightarrow$ IO $\perp$ AB (1)

Ta lại có $IO = \frac{AD + BE}{2}$ (...) $\Rightarrow IO = \frac{DE}{2} = bk$ (I) $\Rightarrow O \in (I)$ (2)

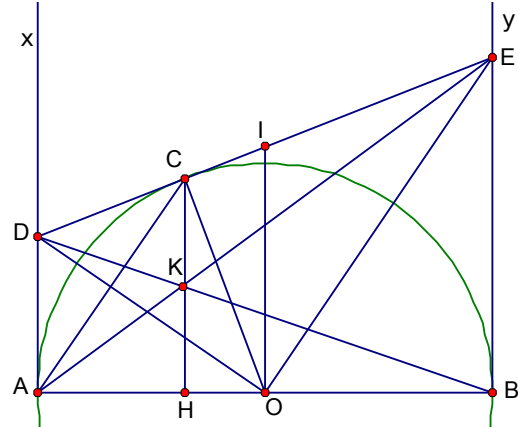
Từ (1), (2) $\Rightarrow$ AB là tiếp tuyến của (I) tại O $\Rightarrow$ đpcm

d) Ta có AD // BE (...) $\Rightarrow \frac{AD}{BE} = \frac{DK}{KB}$ mà AD = DC (...), BE = EC (...)

Suy ra $\frac{DC}{EC} = \frac{DK}{KB} \Rightarrow KC // EB$ mà EB $\perp$ AB. Do đó CK $\perp$ AB, CK // AD

Theo định lí Talet ta có: $\frac{CK}{DA} = \frac{EK}{EA} = \frac{BK}{BD} = \frac{KH}{DA} \Rightarrow CK = KH$

Vậy K là trung điểm của CH. (đpcm)



ĐỀ 17

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

Bài 1. (2 điểm)

1. Tìm x để các biểu thức sau có nghĩa.

a) $\sqrt{2x-5}$ b) $\frac{1}{x-1} + \sqrt{-2x+3}$

2. Rút gọn các biểu thức sau:

$$A = \sqrt{75} + \sqrt{48} - \frac{1}{2}\sqrt{300}$$

a)

$$B = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} \right) : \frac{2\sqrt{x}}{x-9} \quad (\text{với } x \neq 0 \text{ và } x \neq 9)$$

b)

Bài 2. (1,5 điểm) Cho hàm số $y = (m - 2)x + 3$ (d)

a) Xác định m biết (d) đi qua A(1; -1). Vẽ đồ thị hàm số với m vừa tìm được.

b) Viết phương trình đường thẳng đi qua điểm B(-2; 2) và song song với đường thẳng vừa tìm được ở câu a.

Bài 3. (2,0 điểm)

$$a) \text{ Giải phương trình: } (\sqrt{x}-1)^2 - x + 2 = 0$$

b) Cho pt đường thẳng $2x - y = 3$ (d) và pt đường thẳng $x + y = 6$ (d'). Giải hệ phương trình gồm đường thẳng (d) và (d')?c) Bóng của một cây trên mặt đất là 12m, tia nắng mặt trời chiếu xiên một góc 30° so với mặt đất. Tính chiều cao của cây?**Bài 4.** (3,5 điểm)Cho đường tròn (O;R) đường kính AB. Qua A và B vẽ lần lượt hai tiếp tuyến (d) và (d') với đường tròn (O). Một đường thẳng đi qua O cắt đường thẳng (d) ở M và cắt đường thẳng (d') ở P. Từ O kẻ một tia vuông góc với MP và cắt đường thẳng (d') ở N. Kẻ $OI \perp MN$ tại I.a) Chứng minh: $OM = OP$ và $\triangle NMP$ cânb) Chứng minh: $OI = R$ và MN là tiếp tuyến của đường tròn (O).c) Tính $\angle AIB$

d) Tìm vị trí của M để diện tích tứ giác AMNB là nhỏ nhất?

Bài 5. (1,0 điểm)a) Cho $a, b > 0$; Chứng minh rằng: $3(b^2 + 2a^2) \geq (b + 2a)^2$ b) Cho $a, b, c > 0$ thỏa mãn $ab + bc + ca = abc$.

$$\text{Chứng minh rằng: } \frac{\sqrt{b^2 + 2a^2}}{ab} + \frac{\sqrt{c^2 + 2b^2}}{bc} + \frac{\sqrt{a^2 + 2c^2}}{ca} \geq \sqrt{3}$$

----- Hết -----

(Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm)

ĐÁP ÁN

Bài		Nội dung - đáp án	Điểm
1	a (0,5đ)	$2x - 5 \geq 0 \Leftrightarrow x \geq \frac{5}{2}$ Biểu thức $A = \sqrt{2x-5}$ có nghĩa khi: Vậy $x \geq \frac{5}{2}$ thì biểu thức A có nghĩa.	0,25x2
	b (0,5đ)	$\frac{1}{x-1} + \sqrt{-2x+3}$ Biểu thức B = $\frac{1}{x-1} + \sqrt{-2x+3}$ có nghĩa khi:	0,25

		$\begin{cases} -2x+3 \geq 0 \\ x \leq \frac{3}{2} \\ x \neq 1 \end{cases}$ <p>Vậy thì biểu thức A có nghĩa.</p>	0,25
	c (0,5đ)	$A = \sqrt{75} + \sqrt{48} - \frac{1}{2}\sqrt{300} = 5\sqrt{3} + 4\sqrt{3} - 5\sqrt{3} = 4\sqrt{3}$	0,25x2
	d (0,5đ)	$B = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} \right) : \frac{2\sqrt{x}}{x-9} = \frac{\sqrt{x} \cdot (\sqrt{x}-3) + \sqrt{x} \cdot (\sqrt{x}+3)}{(\sqrt{x}+3) \cdot (\sqrt{x}-3)} : \frac{2\sqrt{x}}{x-9}$ $= \frac{2x}{x-9} : \frac{2\sqrt{x}}{x-9} = \frac{2x}{x-9} \cdot \frac{x-9}{2\sqrt{x}} = \sqrt{x}$	0,25 0,25
2	a (1,0đ)	<p>* Xét A(1; -1) $\Rightarrow x = 1$ và $y = -1$ thay vào (d) $\Rightarrow m = -2$</p> <p>Vậy (d) có phương trình là: $y = -4x + 3$</p> <p>* Vẽ đồ thị dt (d)</p> <p>- Xác định đúng tọa độ hai điểm</p> <p>- Vẽ hệ trục Oxy và đường thẳng qua hai điểm chính xác</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
	b (0,5đ)	<p>- Đường thẳng cần tìm có dạng $y = ax + b$ (d') vì (d') // (d) $\Rightarrow a = -4$; $b \neq 3$ hay đường thẳng (d') $y = -4x + b$.</p> <p>- Mà (d') đi qua B(-2; 2) $\Rightarrow x = -2$ và $y = 2$ thỏa mãn phương trình (d') $\Rightarrow b = -6$ (t/m). Vậy phương trình (d') cần tìm là: $y = -4x - 6$</p>	0,25 0,25
3	a (0,5đ)	$(\sqrt{x}-1)^2 - x + 2 = 0 \quad \text{ĐK: } x \geq 0$ $\Leftrightarrow x - 2\sqrt{x} + 1 - x + 2 = 0$ $\Leftrightarrow 2\sqrt{x} = 3$ $\Leftrightarrow \sqrt{x} = \frac{3}{2} \quad \text{vì } x \geq 0$ $\Leftrightarrow x = \frac{9}{4}$	0,25 0,25

		$x = \frac{9}{4}$ <p>Vậy $x = \frac{9}{4}$ là nghiệm của pt.</p>	
b		<p>Từ hệ ta có (d): $y = 2x - 3$ và (d'): $y = -x + 6$</p> <p>- Xét phương trình hoành độ giao điểm: $2x - 3 = -x + 6$ $\Rightarrow x = 3$; thay $x = 3$ vào (d') $\Rightarrow y = 3 \Rightarrow D(3; 3)$.</p>	0,25
(0,5đ)		<p>- Vậy giao điểm của (d) và (d') là $D(3; 3)$; hệ phương trình có nghiệm $(x; y) = (3; 3)$.</p>	0,25
c		<p>Gọi cây có chiều cao AB (<i>AB không âm</i>) và có bóng trên mặt đất là AC</p> <p>Do cây trồng vuông góc với mặt đất nên tam giác ABC vuông tại A</p>	0,25
(1,0đ)		$\Rightarrow AB = AC \cdot \tan C = 12 \cdot \tan 30^\circ = 12 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} = 4\sqrt{3} \text{ (t/m)}$ <p>Vậy cây đó cao $4\sqrt{3}$ m</p>	0,25
4			
Vẽ hình		<p>Vẽ hình đúng cho câu a</p>	0,5
a		<p>* Xét $\triangle AOM$ và $\triangle BOP$ có: Góc A bằng góc B (<i>cùng bằng 90°</i>) $OA = OB$ (<i>cùng bằng R</i>) Góc O_1 bằng góc O_2 (<i>vì đối đỉnh</i>) $\Rightarrow \triangle AOM = \triangle BOP$ (g-c-g) $\Rightarrow OM = OP$</p> <p>* $\triangle NMP$ có: $NO \perp MP$ (gt) và $OM = OP$ (cmt) $\Rightarrow \triangle NMP$ cân</p>	0,25
b		<p>Vì $\triangle NMP$ cân nên NO là phân giác của $\angle MNP$ $\Rightarrow OI = OB = R$ (tính chất điểm thuộc tia phân giác) Mà $MN \perp OI$ tại $I \in (O)$ $\Rightarrow MN$ là tiếp tuyến của (O)</p>	0,25
(0,75đ)			0,25
			0,25
			0,25

5	c (0,75đ)	<p>Vì $OI = R$ (câu b) $\Rightarrow I$ thuộc đường tròn đường kính AB $\Rightarrow \triangle AIB$ vuông tại I $\Rightarrow \angle AIB = 90^\circ$</p>	0,25 0,25 0,25
	d (0,5đ)	<p>Tứ giác $AMNP$ là hình thang vuông : $S_{AMNB} = \frac{(AM + NB) \cdot AB}{2} = \frac{(MI + IN) \cdot 2R}{2} = MN \cdot R$ $\Rightarrow$ Mà R không đổi, $MN \geq AB$ $\Rightarrow S_{AMNB}$ nhỏ nhất $\Leftrightarrow MN$ nhỏ nhất $\Leftrightarrow MN = AB \Leftrightarrow MN \parallel AB$ $\Leftrightarrow AMNB$ là hình chữ nhật $\Leftrightarrow AM = NB = R$</p>	0,25 0,25
	a (0,25đ)	<p>$3(b^2 + 2a^2) \geq (b + 2a)^2$ $\Leftrightarrow 3b^2 + 6a^2 \geq b^2 + 4ab + 4a^2$ $\Leftrightarrow 2(a - b)^2 \geq 0 \quad \forall a; b$ Dấu “=” xảy ra khi và chỉ khi $a = b$.</p>	0,25
	b (0,75đ)	<p>Theo câu a ta có: $3(b^2 + 2a^2) \geq (b + 2a)^2 \Rightarrow \sqrt{b^2 + 2a^2} \geq \frac{b + 2a}{\sqrt{3}}$ $\Rightarrow \frac{\sqrt{b^2 + 2a^2}}{ab} \geq \frac{bc + 2ac}{\sqrt{3}abc} \quad (1)$ Chứng minh tương tự: $\frac{\sqrt{c^2 + 2b^2}}{bc} \geq \frac{ca + 2ab}{\sqrt{3}abc} \quad (2)$ $\frac{\sqrt{a^2 + 2c^2}}{ca} \geq \frac{ab + 2bc}{\sqrt{3}abc} \quad (3)$ Cộng (1), (2) và (3) vế với vế ta được $\frac{\sqrt{b^2 + 2a^2}}{ab} + \frac{\sqrt{c^2 + 2b^2}}{bc} + \frac{\sqrt{a^2 + 2c^2}}{ca} \geq \frac{3(ab + bc + ca)}{\sqrt{3}abc} = \sqrt{3}$</p>	0,25 0,25 0,25
Tổng			10đ

ĐỀ 18

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

A / .Trắc nghiệm: (4đ) Khoanh tròn chữ cái trước câu trả lời đúng:

1/. $\sqrt{169} - 2\sqrt{49} + \sqrt{16}$ bằng:

- A. -23 B. -4 C. 3 D. 17

2/.Sắp xếp theo thứ tự giảm dần của $2\sqrt{6}$, $3\sqrt{3}$ và 5 ta có:

- A. $3\sqrt{3} > 2\sqrt{6} > 5$ B. $3\sqrt{3} > 5 > 2\sqrt{6}$ C. $5 > 3\sqrt{3} > 2\sqrt{6}$ D. $2\sqrt{6} > 5 > 3\sqrt{3}$

3/.Căn bậc hai số học của 81 là:

- A. -9 B. 9 C. ± 9 D. 81

4/. $\sqrt{2-3x}$ có nghĩa khi:

- A. $x \geq \frac{2}{3}$ B. $x \leq \frac{3}{2}$ C. $x \geq \frac{3}{2}$ D. $x \leq \frac{2}{3}$

5/.Hàm số nào sau đây là hàm số bậc nhất?

- A. $y = (\sqrt{2} - 1)x + 4$ B. $y = x - \frac{1}{x}$ C. $y = 2x^2 + 3$ D. $y = \sqrt{x+2}$

6/.Điểm nào sau đây thuộc đồ thị hàm số $y = -\frac{x}{2} + 1$

- A. (3;3) B. $(-1; \frac{1}{2})$ C. $(1; \frac{1}{2})$ D. (-2;-1)

7/.Cho hàm số $y = ax - 1$ biết rằng khi $x = -4$; $y = 3$. vậy a bằng:

- A. $-\frac{3}{4}$ B. $\frac{3}{4}$ C. 1 D. -1

8/.với giá trị nào của a thì hàm số $y = (\sqrt{2} - a\sqrt{3})x - \sqrt{3}$ nghịch biến trên R

- A. $a < \frac{\sqrt{16}}{3}$ B. $a > \frac{\sqrt{16}}{3}$ C. $a < \frac{\sqrt{6}}{2}$ D. $a > \frac{\sqrt{6}}{2}$

9/.Các so sánh nào sau đây sai?

- A. $\cos 32^\circ > \sin 32^\circ$ B. $\sin 65^\circ = \cos 25^\circ$ C. $\sin 45^\circ < \tan 45^\circ$ D. $\tan 30^\circ = \cot 30^\circ$

10/.Tam giác ABC vuông tại A có AC = 6cm ; BC = 12cm. Số đo góc ACB bằng:

- A. 30° B. 45° C. 60° D. Đáp số khác

11/.Dây cung AB = 12cm của đường tròn (O;10cm) có khoảng cách đến tâm O là:

- A. 5cm B. 6cm C. 7cm D. 8cm

12/.Cho đoạn thẳng OI = 6cm. Vẽ đường tròn (O;8cm) và (I; 2cm) . Hai đường tròn (O) và (I) có vị trí tương đối như thế nào?

- A. Tiếp xúc ngoài B. cắt nhau C. tiếp xúc trong D. đựng nhau

13/ $\sin \alpha = \frac{3}{4}$ thì $\cos \alpha =$

- A. $\frac{1}{4}$ B. $\frac{5}{4}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{\sqrt{7}}{4}$

14/ $\sin 75^\circ = 0,966$ vậy $\cos 15^\circ$ bằng:

- A.0,966 B.0,483 C. 0,322 D. 0,161

15/ Bán kính của đường tròn ngoại tiếp tam giác mà độ dài ba cạnh là 3cm, 4cm và 5cm là:

- A. 1,5 B. 2 C. 2,5 D. 3

16/ Hình tròn tâm O bán kính 5cm là hình gồm tất cả những điểm cách O một khoảng d với

A. $d = 5\text{cm}$

B. $d < 5\text{cm}$

C. $d \geq 5\text{cm}$

D. $d \leq 5\text{cm}$

B/ Tự luận: (6 điểm)**Bài 1:** (1,5đ) Rút gọn các biểu thức:

$$\text{a. } \sqrt{75} + \sqrt{48} - \sqrt{300} \quad \text{b. } \left(\frac{1}{\sqrt{a}-1} - \frac{1}{\sqrt{a}} \right) : \left(\frac{\sqrt{a}+1}{\sqrt{a}-2} - \frac{\sqrt{a}+2}{\sqrt{a}-1} \right) \quad (a > 0; a \neq 1; a \neq 4)$$

Bài 2: (1.đ)Cho hai hàm số: $y = -3x + 3$ và $y = 2x - 7$

a/ Vẽ trên cùng một hệ trục tọa độ đồ thị hai hàm số trên.

b/ Bằng phép tính hãy tìm tọa độ giao điểm của hai đường thẳng trên.

Bài 3: (05đ) Tính giá trị của biểu thức $C = \sqrt{x} + \sqrt{y}$ biết $x = 14 - 6\sqrt{5}$ và $y = 14 + 6\sqrt{5}$ **Bài 4:** (3đ) Cho nửa đường tròn tâm O, đường kính AB = 2R. M là một điểm tùy ý trên đường tròn ($M \neq A, B$). Kẻ hai tiếp tuyến Ax, By với nửa đường tròn (Ax, By và nửa đường tròn cùng nằm trên một nửa mặt phẳng bờ AB). Qua M kẻ tiếp tuyến thứ ba với đường tròn cắt Ax và By tại C và D.a. Chứng minh: $CD = AC + BD$ và tam gic COD vuông tại O .b. Chứng minh: $AC \cdot BD = R^2$ c. Cho biết $AM = R$ Tính theo R diện tích $\triangle BDM$.d. AD cắt BC tại N. Chứng minh $MN \parallel AC$.

Vẽ hình đúng

a/. $CA = CM$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) $DB = DM$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) $\Rightarrow CD = CM + MD = CA + DB$ Hay $CD = AC + BD$

OC là tia phân giác của góc AOM

OD là tia phân giác của góc BOM

Mà góc AOM và góc BOM là hai góc kề bù

Nên: $\angle COD = 90^\circ$

Vậy tam gic COD vuông tại O

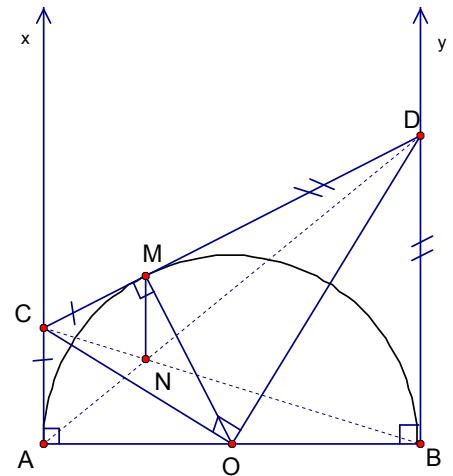
b/. Tam giác COD vuông tại O có $OM \perp CD$ $\Rightarrow OM^2 = CM \cdot MD$ (2)suy ra: $AC \cdot BD = R^2$

c) Tam giác BMD đều

$$\frac{3R^2\sqrt{3}}{4}$$

$$S_{BMD} = \frac{3R^2\sqrt{3}}{4} \text{ đvdt (0.5đ)}$$

d) Chứng minh MN song song với AC bằng Talet đảo (0,5đ)

**ĐÁP ÁN VÀ THANG ĐIỂM TOÁN 9****I. Trắc nghiệm:** Đúng mỗi câu được 0,25đ

- | | | | | | | | |
|------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 1. C | 2. B | 3. B | 4. D | 5. A | 6. C | 7. D | 8. A |
| 9. D | 10. C | 11. D | 12. C | 13. D | 14. A | 15. C | 16. D |

II. Tự luận :**Bài 1:** 1,5đ

$$\begin{aligned} \text{a/. } & \sqrt{75} + \sqrt{48} - \sqrt{300} \\ & = 5\sqrt{3} + 4\sqrt{3} - 10\sqrt{3} \end{aligned} \quad 0,25$$

$$\begin{aligned}
 &= -\sqrt{3} && 0,25 \\
 \text{b/.} &= \frac{\sqrt{a} - (\sqrt{a} - 1)}{\sqrt{a}(\sqrt{a} - 1)} : \frac{a - 1 - (a - 4)}{(\sqrt{a} - 2)(\sqrt{a} - 1)} && 0,5 \\
 &= \frac{1}{\sqrt{a}(\sqrt{a} - 1)} \cdot \frac{(\sqrt{a} - 2)(\sqrt{a} - 1)}{3} && 0,25 \\
 &= \frac{\sqrt{a} - 2}{3\sqrt{a}} && 0,25
 \end{aligned}$$

Bài 2: 1,5đ Vẽ đúng 2 đồ thị (1đ)

b) Tọa độ giao điểm của 2 đường thẳng là nghiệm của hệ phương trình.

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -3 \end{cases} \quad 0,5$$

$$\begin{cases} 3x + y = 3 \\ 2x - y = 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 10 \\ 2x - y = 7 \end{cases}$$

Vậy Tọa độ giao điểm của 2 đường thẳng là $(x; y) = (2; -3)$ (có thể giải bằng cách thế)

Bài 3: (0,5đ) Tính giá trị của biểu thức $C = \sqrt{x} + \sqrt{y}$ biết $x = 14 - 6\sqrt{5}$ và $y = 14 + 6\sqrt{5}$

$$C = \sqrt{(3 - \sqrt{5})^2} + \sqrt{(3 + \sqrt{5})^2}$$

$$C = 3 - \sqrt{5} + 3 + \sqrt{5} = 6$$

Bài 4: (2,5đ) Vẽ hình đúng 0,25đ

a/. $CA = CM$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau)

$DB = DM$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) 0,25

$\Rightarrow CD = CM + MD = CA + DB$

Hay $CD = AC + BD$ 0,25

OC là tia phân giác của góc AOM

OD là tia phân giác của góc BOM

Mà góc AOM và góc BOM là hai góc kề bù

Nên: $\angle COD = 90^\circ$

Vậy tam giác COD vuông tại O

b/. Tam giác COD vuông tại O có $OM \perp CD$

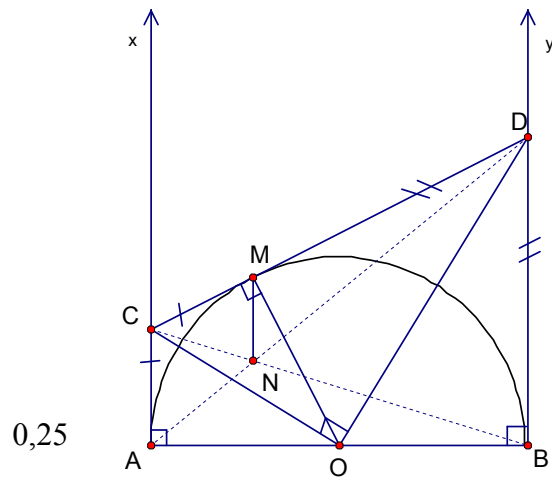
$$\Rightarrow OM^2 = CM \cdot MD \quad (2)$$

suy ra: $AC \cdot BD = R^2$

c) Tam giác BMD đều

$$S_{BMD} = \frac{3R^2 \sqrt{3}}{4} \text{ đvdt} \quad (0,5\text{đ})$$

d) Chứng minh MN song song với AC bằng Talet đảo (0,5đ)



ĐỀ 19

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

I/ TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN:**Khoanh tròn vào chữ cái đứng trước câu trả lời đúng :****Câu 1:** Nếu căn bậc hai số học của một số là 4 thì số đó là :

A) - 2

B) 2

C) 16

D) - 16

Câu 2: Trong các hàm số sau , hàm số nào là hàm số bậc nhất :

A) $y = \frac{1}{2x} + 2$

B) $y = \sqrt{2}x - 3$

C) $y = 2x^2 + 1$

D) $y = \frac{2x-1}{x+3}$

Câu 3: Biểu thức $\sqrt{3-2x}$ có nghĩa khi x nhận các giá trị là :

A) $x \geq \frac{3}{2}$

B) $x > \frac{3}{2}$

C) $x \leq \frac{3}{2}$

D) $x > -1$

Câu 4: Hàm số $y = -(m - \sqrt{2}).x + 3$:A) Đồng biến khi $m > \sqrt{2}$ B) Nghịch biến khi $m < \sqrt{2}$ C) Đồng biến khi $m < \sqrt{2}$ D) Nghịch biến khi $m < -\sqrt{2}$ **Câu 5:** Cho tam giác ABC có góc A = 90°, AB = 6 cm , AC = 8 cm

Góc B bằng :

A. 53° 8'

B. 36° 52'

C. 72° 12'

D. Kết quả khác

Câu 6: AB và AC là hai tiếp tuyến kẻ từ A tới đường tròn (O) như hình vẽ.

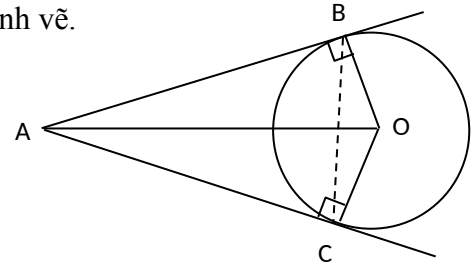
biết AB = 12; AO = 13. Độ dài BC bằng:

A) $\frac{5}{13}$

B) 8,4

C) $\frac{60}{13}$

D) $\frac{120}{13}$

**Câu 7:** Cho hai đường tròn (O, R) và (O', r). Gọi d là khoảng cách hai tâm OO'. Biết R = 23, r = 12, d = 10 thì vị trí tương đối giữa hai đường tròn là:

A. Cắt nhau

B. Tiếp xúc ngoài

C. Ngoài nhau

D. Đụng nhau

Câu 8: Cho hình vẽ bên, Hãy tính độ dài dây AB,

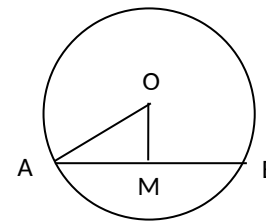
biết OA = 13cm, AM = MB, OM = 5cm

A. AB = 12 cm

B. AB = 24 cm

C. AB = 18 cm

D. Kết quả khác

**II/ TỰ LUẬN****Bài 1a/** Rút gọn biểu thức sau:

$$5\sqrt{\frac{1}{5}} + \frac{1}{2}\sqrt{20} + \sqrt{5}$$

b/ Tìm x biết rằng: $\sqrt{2x-1} = \sqrt{2} + 1$

c/ Không dùng máy tính hãy so sánh (giải thích cách làm)

$$\sqrt{3+\sqrt{20}} \text{ và } \sqrt{5+\sqrt{5}}$$

Bài 2: Cho hàm số $y = (2m - 1)x + m - 3$

a/ Tìm giá trị của m biết đồ thị hàm số đi qua điểm A(-2;5)

b/ Vẽ đồ thị hàm số với m tìm được ở câu a.

Bài 3: Từ một điểm ở ngoài đường tròn (O) kẻ tiếp tuyến AB với đường tròn (O) (B là tiếp điểm). Gọi I là trung điểm của đoạn AB, kẻ tiếp tuyến IM với đường tròn (O) (M là tiếp điểm).

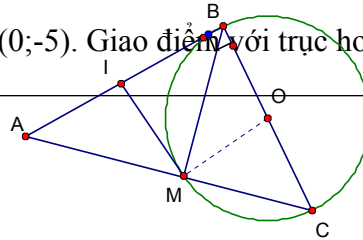
- Chứng minh rằng : Tam giác ABM là tam giác vuông
- Vẽ đường kính BC của đường tròn (O). Chứng minh 3 điểm A; M; C thẳng hàng.
- Biết $AB = 8\text{cm}$; $AC = 10\text{cm}$. Tính độ dài đoạn thẳng AM

I/TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN:

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8
Đ/A	C	B	C	C	A	D	D	B

II/TỰ LUẬN

Bài	Đáp án sơ lược	Biểu điểm
Bài 1 2,5 điểm	a. $5\sqrt{\frac{1}{5}} + \frac{1}{2}\sqrt{20} + \sqrt{5} = \sqrt{\frac{5^2}{5}} + \frac{1}{2}\sqrt{2^2 \cdot 5} + \sqrt{5} = \sqrt{5} + \frac{2}{2}\sqrt{5} + \sqrt{5} = 3\sqrt{5}$	1 điểm
	b. $\sqrt{2x-1} = \sqrt{2} + 1$ (Điều kiện $x \geq \frac{1}{2}$) $\Leftrightarrow (\sqrt{2x-1})^2 = (\sqrt{2} + 1)^2 \Leftrightarrow 2x-1 = 2+2\sqrt{2}+1 \Leftrightarrow 2x = 4+2\sqrt{2}$ $\Leftrightarrow x = 2+\sqrt{2}$ (TMĐK)	0,25 0,5 0,25
	c. Ta có $(3+\sqrt{20}) - (5+\sqrt{5}) = 3+2\sqrt{5}-5-\sqrt{5} = \sqrt{5}-2 = \sqrt{5}-\sqrt{4} > 0$ $\Rightarrow (3+\sqrt{20}) > (5+\sqrt{5})$ Suy ra: $\sqrt{3+\sqrt{20}} > \sqrt{5+\sqrt{5}}$	0,25 0,25
Bài 2 2 điểm	Vì đồ thị hàm số đi qua điểm A(-2;5) nên ta có: $(2m-1)(-2)+m-3 = 5$ $\dots \Leftrightarrow m = -2$ Vậy với $m = -2$ thì đồ thị hàm số đi qua điểm A(-2;5)	0,25 0,5 0,25
	Với $m = -2$ ta có hàm số $y = -5x - 5$ Xác định đúng tọa độ giao điểm với trục tung (0;-5). Giao điểm với trục hoành (-1;0)	0,25 0,25 0,5
	Hình vẽ đúng cho câu a	0,5
	a/Theo giả thiết IM,IB là tiếp tuyến của đường tròn (O) $\Rightarrow IM = IB$ (T/c hai tiếp tuyến cắt nhau) $\frac{1}{2}AB$ Mà $IA = IB$ (gt) suy ra $MI = \frac{1}{2}AB$ Vậy tam giác AMB vuông tại M (T/c...)	0,5 0,5
	b/Trong tam giác BMC ta có $OM = OB = OC$ (Bán kính đường tròn (O)) $\Rightarrow$ $\frac{1}{2}BC$ $MO = \frac{1}{2}BC \Rightarrow$ tam giác BMC vuông tại M (T/c...) Ta có $\angle AMB + \angle BMC = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ Vậy $\angle AMC = 180^\circ$ Nên 3 điểm A,M,C thẳng hàng	0,5 0,5
	c/Ta có AB là tiếp tuyến của đường tròn (O) $\Rightarrow AB \perp OB$ (T/c tiếp tuyến) Trong tam giác ABC vuông tại B ta có $BM \perp AC$ $\Rightarrow AB^2 = AM \cdot AC$ (Hệ thức lượng trong tam giác vuông)	



	$AM = \frac{AB^2}{AC}$ Thay số được $AM = 6,4$	
--	--	--

ĐỀ 13	ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I Môn TOÁN LỚP 9 <i>Thời gian: 90 phút</i>
--------------	---

I. Trắc nghiệm : (2 điểm) Chọn đáp án đúng

- Câu 1:** Căn bậc hai số học của 9 là: A. -3 B. 3 C. ± 3 D. 81
- Câu 2:** $\sqrt{3-2x}$ có nghĩa khi và chỉ khi: A. $x > \frac{3}{2}$ B. $x < \frac{3}{2}$ C. $x \geq \frac{3}{2}$ D. $x \leq \frac{3}{2}$
- Câu 3:** $\sqrt{(x-1)^2}$ bằng: A. $x-1$ B. $1-x$ C. $|x-1|$ D. $(x-1)^2$

Câu 4: Trong các hàm sau hàm số nào là số bậc nhất:

- A. $y = 1 - \frac{1}{x}$ B. $y = \frac{2}{3} - 2x$ C. $y = x^2 + 1$ D. $y = 2\sqrt{x+1}$

Câu 5: Đường tròn là hình

- A. Không có trục đối xứng B. Có một trục đối xứng
C. Có hai trục đối xứng D. Có vô số trục đối xứng

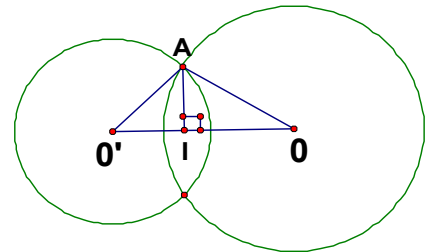
Câu 6: Cho đường thẳng a và điểm O cách a một khoảng 2,5 cm. Vẽ đường tròn tâm O bán kính 5 cm. Khi đó đường thẳng a :

- A. Không cắt đường tròn B. Tiếp xúc với đường tròn
C. Cắt đường tròn D. Đi qua tâm đường tròn

Câu 7: Trong hình vẽ sau, cho $OA = 5$; $O'A = 4$; $AI = 3$

Độ dài OO' bằng:

- A. 9 B. $4 + \sqrt{7}$ C. 13 D. $\sqrt{41}$



Câu 8: Cho tam giác ABC có $AB = 3$; $AC = 4$; $BC = 5$ khi:

- A. AC là tiếp tuyến của đường tròn (B;3) B. AC là tiếp tuyến của đường tròn (C; 4)
C. BC là tiếp tuyến của đường tròn (A;3) D. Tất cả đều sai

II. Tự Luận (8 điểm)

Bài 1: Cho biểu thức $P = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{x-\sqrt{x}} \right) : \left(\frac{1}{\sqrt{x}+1} + \frac{2}{x-1} \right)$ với $x > 0$; $x \neq 1$

a) Rút gọn P

b) Tính giá trị của P khi $x = \frac{1}{4}$

$$\sqrt{4x+20} - 3\sqrt{5+x} = 6 - \frac{4}{3}\sqrt{9x+45}$$

Bài 2: Giải phương trình

Bài 3: Cho hàm số bậc nhất $y = (2m-3)x + n$

a) Xác định hàm số, biết đồ thị của hàm số đi qua điểm $(2; -5)$ và song song với đường thẳng $y = -2x - 2$

b) Vẽ đồ thị của hàm số đã xác định ở câu a)

Bài 4 : Cho nửa đường tròn tâm O , đường kính $AB = 2R$. Vẽ các tiếp tuyến Ax và By với nửa đường tròn, từ một điểm M trên nửa đường tròn (M khác A và B) vẽ tiếp tuyến với nửa đường tròn và cắt Ax ; By theo thứ tự ở D và C . Chứng minh :

- a) $\angle COD = 90^\circ$ b) $DC = DA + BC$
 c) Tích $AD \cdot BC$ không đổi khi M di chuyển trên nửa đường tròn tâm O
 d) Cho biết $AM = R$ Tính theo R diện tích $\triangle BMC$
 e) Gọi N là giao điểm của AC và BD . Chứng minh $MN \perp AB$.

Chứng minh

a) 1đ

Ta có : $D \Rightarrow OD$ là tia phân giác của $\angle AOM$

Tương tự : OC là tia phân giác của $\angle BOM$

Mà : $\angle AOM$ và $\angle BOM$ là hai góc kề bù

Nên : $OC \perp OD$ (tính chất tia phân giác của hai góc kề bù)

Hay : $\angle COD = 90^\circ$

b) $DA = DM$ (t/c 2 tiếp tuyến cắt nhau)

$CB = CM$ (t/c 2 tiếp tuyến cắt nhau)

Vậy : $DA + CB = DM + CM = DC$

c) $AD \cdot BC = R^2$, mà R không đổi. Do đó $AD \cdot BC$ không đổi khi M di chuyển trên nửa đường tròn tâm O

d) Tam giác BMC đều

$$S_{BMC} = \frac{3R^2 \sqrt{3}}{4} \text{ đvdt}$$

e) Xét $\triangle BNC$ có $DA \parallel CB$ (cùng vuông góc với AB)

$$\frac{AD}{CB} = \frac{DN}{NB}$$

Suy ra : $\frac{AD}{CB} = \frac{DN}{NB}$ (hệ quả của ĐL Talet)

Mà : $DA = DM$ (cmt)

$CB = CM$ (cmt)

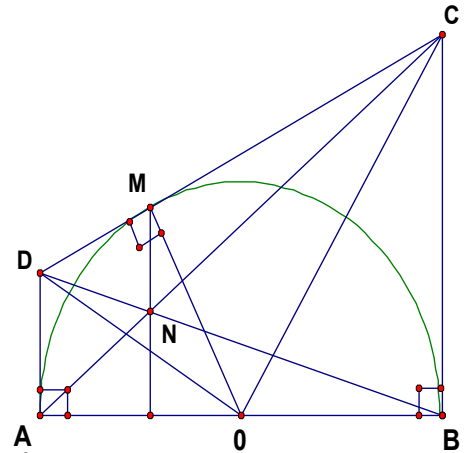
$$\frac{DM}{CM} = \frac{DN}{NB}$$

Do đó : $\frac{DM}{CM} = \frac{DN}{NB}$

Trong tam giác BDC có $\frac{DM}{CM} = \frac{DN}{NB}$ (cmt) $\Rightarrow MN \parallel CB$ (ĐL Talet đảo)

Mà : $CB \perp AB$ (do CB là tiếp tuyến)

Vậy : $MN \perp AB$



Đáp án - Biểu điểm

I. Trắc nghiệm (2 điểm)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8
Đáp án	B	D	C	B	D	C	B	A

II. Tự Luận (8 điểm)

Bài 1 : (2đ)

$$p = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{x-\sqrt{x}} \right) : \left(\frac{1}{\sqrt{x}+1} + \frac{2}{x-1} \right)$$

$$P = \frac{x-1}{\sqrt{x}}$$

Bài 2 : (1đ) Đ/K : $x \geq -5$

$$\sqrt{4x+20}-3\sqrt{5+x}=6-\frac{4}{3}\sqrt{9x+45}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{4(x+5)} - 3\sqrt{5+x} + \frac{4}{3}\sqrt{9(x+5)} = 6$$

$$\Leftrightarrow 2\sqrt{x+5} - 3\sqrt{5+x} + \frac{4}{3} \cdot 3\sqrt{5+x} = 6$$

$$\Leftrightarrow 2\sqrt{x+5} - 3\sqrt{5+x} + 4\sqrt{5+x} = 6 \Leftrightarrow 3\sqrt{x+5} = 6$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{x+5} = 2 \Leftrightarrow x+5 = 4 \Leftrightarrow x = -1(\text{tm})$$

Bài 3 (1,5 đ) : Cho hàm số bậc nhất $y = (2m - 3)x + n$

$$2m - 3 \neq 0 \Leftrightarrow m \neq \frac{3}{2}$$

Vì: đồ thị của hàm số song song với đường thẳng $y = -2x - 2 \Rightarrow 2m - 3 = -2$ và $n \neq -2$

$$\Leftrightarrow m = \frac{1}{2} \text{ và } n \neq -2$$

Với $m = \frac{1}{2}$ (tm) thì hàm số cần xác định có dạng $y = -2x + n$

Do : Đồ thị của hàm số đi qua điểm $(2; -5) \Rightarrow x = 2; y = -5$

Thay $x = 2$; $y = -5$ vào hàm số $y = -2x + n$, ta được : $-5 = -2 \cdot 2 + n \Leftrightarrow n = -1$ (tm)

Vậy hàm số cần xác định là $y = -2x - 1$

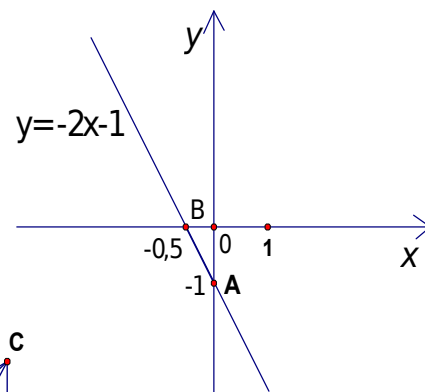
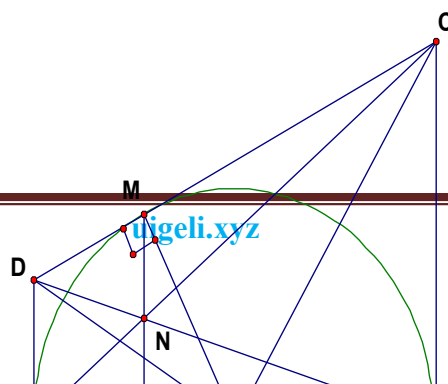
b) Vẽ đồ thị hàm số $y = -2x - 1$

+) Cho $x = 0$ có $y = -1 \Rightarrow A(0; -1)$

+) Cho $y = 0$ có $x = -0,5 \Rightarrow B(-0,5; 0)$

Đồ thị của hàm số $y = -2x - 1$ là đường thẳng AB

Bài 4 (3,5đ)



Chứng minh

a) 1đ

Ta có : $D \Rightarrow OD$ là tia phân giác của $\angle AOM$

Tương tự : OC là tia phân giác của $\angle BOM$

Mà : $\angle AOM$ và $\angle BOM$ là hai góc kề bù

Nên : $OC \perp OD$ (tính chất tia phân giác của hai góc kề bù)

Hay : $\angle COD = 90^\circ$

b) 1đ

$DA = DM$ (t/c 2 tiếp tuyến cắt nhau)

$CB = CM$ (t/c 2 tiếp tuyến cắt nhau)

Vậy : $DA + CB = DM + CM = DC$

c) 1đ

$AD \cdot BC = R^2$, mà R không đổi. Do đó $AD \cdot BC$ không đổi khi M di chuyển trên nửa đường tròn tâm O

d) 0,5 đ

Xét $\triangle BNC$ có $DA \parallel CB$ (cùng vuông góc với AB)

$$\frac{AD}{CB} = \frac{DN}{NB}$$

Suy ra : $\frac{AD}{CB} = \frac{DN}{NB}$ (hệ quả của ĐL Talet)

Mà : $DA = DM$ (cmt)

$CB = CM$ (cmt)

$$\frac{DM}{CM} = \frac{DN}{NB}$$

Do đó : $\frac{DM}{CM} = \frac{DN}{NB}$

Trong tam giác BDC có $\frac{DM}{CM} = \frac{DN}{NB}$ (cmt) $\Rightarrow MN \parallel CB$ (ĐL Talet đảo)

Mà : $CB \perp AB$ (do CB là tiếp tuyến)

Vậy : $MN \perp AB$

ĐỀ 14

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

Phần I: Trắc nghiệm khách quan :

Câu 1 : Giá trị biểu thức $\sqrt{(3-\sqrt{5})^2}$ bằng :

A. $3-\sqrt{5}$

B. $\sqrt{5}-3$

C. 2

D. $\sqrt{3}-5$

Câu 2 : Căn thức $\sqrt{4-2x}$ xác định khi :

A. $x \geq 2$

B. $x \leq 2$

C. $x \geq -2$

D. $x \leq -2$

Câu 3 :

Hàm số nào sau đây là hàm bậc nhất :

A. $x + \frac{2}{x}$

B. $y = (1 + \sqrt{3})x + 1$

C. $y = \sqrt{x^2 + 2}$

D. $y = \frac{1}{x}$

Câu 4 : Cho 2 đ/ t (d_1) $y = 2x - 5$ và (d_2) : $y = (m - 1)x - 2$ với m là tham số (d_1) // (d_2) khi :

A. $m = -3$

B. $m = 4$

C. $m = 2$

D. $m = 3$

Câu 5 : Cho tam giác ABC vuông tại A , đường cao AH biết $AB = 3\text{cm}$, $BC = 5\text{cm}$. độ dài đường cao AH là :

A. 3cm

B. 2,4cm

C. 4cm

D. 3,75 cm

Câu 6 : Cho biết có $\cos \alpha = \frac{3}{5}$ với α là góc nhọn khi đó $\sin \alpha$ bằng :

A. $\frac{3}{5}$

B. $\frac{5}{3}$

C. $\frac{4}{5}$

D. $\frac{3}{4}$

Câu 7 : Chọn câu sai trong các câu sau :

A. Đường tròn có vô số trục đối xứng

B. Đường kính là dây lớn nhất

C. Đường kính đi qua trung điểm của dây thì vuông góc với dây ấy

D. Tiếp tuyến của đường tròn là đường thẳng chỉ có 1 điểm chung với đường tròn

Câu 8 : Cho đường tròn (O, 5cm) dây $AB = 8\text{cm}$. Khoảng cách từ tâm O đến AB là :

A. 4cm

B. 5cm

C. 3cm

D. 8cm

Phần II: Tự luận

Bài 1 : (15đ) Rút gọn biểu thức

a) $A = 3\sqrt{20} + 11\sqrt{125} - 2\sqrt{5} - 4\sqrt{45}$

b) $B = \sqrt{11-4\sqrt{7}} + \frac{3}{2-\sqrt{7}} + \frac{2+\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}}$

Bài 2 : (1đ) Giải Phương trình : $5\sqrt{4x-8} - 2\sqrt{9x-18} = 0$

Bài 3 : (2đ) Cho hàm số $y = -2x - 3$ có đồ thị là đường thẳng (d)

a, Vẽ đồ thị (d) trên mặt phẳng tọa độ

b Viết phương trình đường thẳng (d') đi qua điểm A (-1. -2) đồng thời song song với đường thẳng

(d)

Bài 4 : (3,5đ) Cho nửa đường tròn (O , R) có đường kính AB . Vẽ dây $AC = R$ và tiếp tuyến Bx với nửa đường tròn . Tia phân giác của góc BAC cắt OC tại M , cắt tia Bx tại P và cắt nửa đường tròn tâm O tại Q

a) CM : $BP^2 = PA \cdot PQ$

b) CM : 4 điểm B,P, M, O cùng thuộc đường tròn tìm tâm

c) Đường thẳng AC cắt tia Bx tại K . CM : $KP = 2 BP$

Vẽ hình đúng

a, Ta có ΔAQB nội tiếp đường tròn đường kính $AB \Rightarrow \Delta AQB$ vuông tại $Q \Rightarrow BQ \perp AP$
 xét ΔABP vuông đường cao BQ áp dụng hệ thức lượng $b^2 = BP^2 = PA \cdot PQ$

b, $AC = AO = R \Rightarrow \Delta ACO$ cân tại A
 mà AM là phân giác $\Rightarrow AM$ là đường cao

$$\angle OMQ = 90^\circ \text{ và } \angle BPO = 90^\circ (\text{Bx lự tĩp tuyĩn})$$

$\Rightarrow M, B$ cũ ng thuộc $\odot$ ẽng trĩn

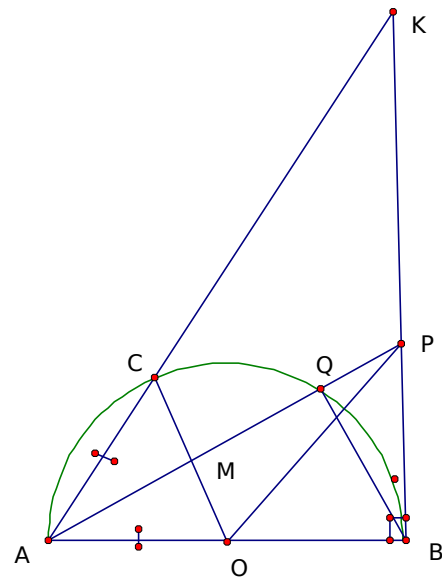
$\Rightarrow t$ ẽn lự trung $\odot$ ẽn cũa OP

c, ta có ΔAOC ẽu $\Rightarrow$ gĩc $A = 60^\circ$
 xét ΔAKB v uĩng

$$\cos A = \frac{AB}{AK} \Rightarrow AK = \frac{AB}{\cos 60^\circ} = 4R$$

$$AP \text{ lự } \odot \text{ ẽng phĩ gi, c} \Rightarrow \frac{PK}{BP} = \frac{AK}{AB} = \frac{4R}{2R} = 2$$

$$\Rightarrow PK = 2BP$$



a.b'

Bài 5 (0,5đ) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $A = \frac{1}{3x - 2\sqrt{6x} + 5}$
ĐÁP ÁN + BIỂU ĐIỂM

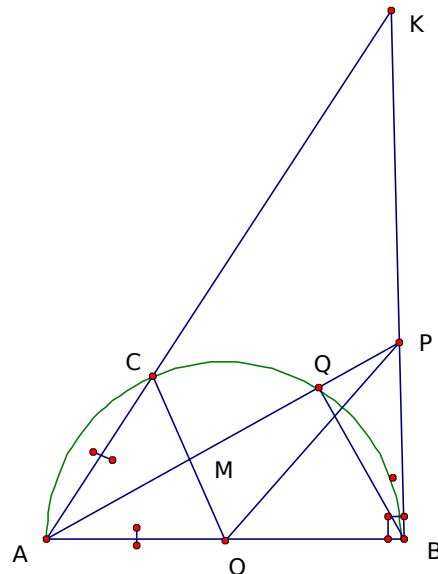
Phần trắc nghiệm (2đ ẽúng mỗi câu 0,25đ)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8
Đáp án	A	B	B	D	B	C	C	C

Phần tự luận :

Bài	Nội dung	Điểm
Bài 1 1đ	$a) A = 3\sqrt{20} + 11\sqrt{125} - 2\sqrt{5} - 4\sqrt{45}$ $= 6\sqrt{5} + 55\sqrt{5} - 2\sqrt{5} - 12\sqrt{5} = 47\sqrt{5}$	0,5đ
	$b) B = \sqrt{11 - 4\sqrt{7}} + \frac{3}{2 - \sqrt{7}} + \frac{2 + \sqrt{2}}{1 + \sqrt{2}}$ $= \sqrt{7 - 4\sqrt{7} + 4} + \frac{3(2 + \sqrt{7})}{4 - 7} + \frac{\sqrt{2}(1 + \sqrt{2})}{1 + \sqrt{2}}$ $= \sqrt{(\sqrt{7} - 2)^2} - 2 - \sqrt{7} + \sqrt{2} = \sqrt{7} - 2 - 2 - \sqrt{7} + \sqrt{2}$ $= \sqrt{7} - 2 - 2 - \sqrt{7} + \sqrt{2} = -4 + \sqrt{2}$	0,25đ 0,25đ

Bài 2 1đ	$5\sqrt{4x-8} - 2\sqrt{9x-18} = 0 \quad \S \text{ KX} \S : x \geq 2$ $\Leftrightarrow 5\sqrt{4(x-2)} - 6\sqrt{x-2} = 0$ $\Leftrightarrow 10\sqrt{x-2} - 6\sqrt{x-2} = 0$ $\Leftrightarrow 4\sqrt{x-2} = 0 \Leftrightarrow x-2=0 \Leftrightarrow x=2$	0,5đ 0,5đ
Bài 3 1đ Phần a 1đ Phần b 1đ	<p>a, Cho hàm số $y = -2x - 3$ $x = 0 \Rightarrow y = -3$ $A(0; -3)$ $y = 0 \Rightarrow x = -1,5$ $B(-1,5; 0)$</p> <p>Đồ thị hàm số $y = -2x - 3$ là đường thẳng AB (vẽ đồ thị chính xác 0,5đ)</p> <p>b, Phương trình đường (d') có dạng $y = ax + b$ Vì đường thẳng (d') đồng thời song song với đường thẳng (d) $\Rightarrow a = -2$ đường thẳng (d') đi qua điểm A $(-1, -2) \Rightarrow x = -1, y = -2$ Thay x, y, a vào PT $y = ax + b$ ta được : $-2 = (-2).(-1) + b \Rightarrow b = -4$ Vậy Phương trình đường (d') : $y = -2x - 4$</p>	0,5đ 0,5đ 0,5đ
Bài 3 3,5đ	<p>Vẽ hình đúng</p> <p>a, Ta có ΔAQB nội tiếp đường tròn đường kính AB $\Rightarrow \Delta AQB$ vuông tại Q $\Rightarrow BQ \perp AP$ xét ΔABP vuông đường cao BQ áp dụng hệ thức lượng $b^2 = a \cdot b'$ $BP^2 = PA \cdot PQ$</p> <p>b, $AC = AO = R \Rightarrow \Delta ACO$ cân tại A mà AM là phân giác $\Rightarrow AM$ là đường cao $\Rightarrow$</p>	0,5đ 0,5đ 0,5đ 0,5đ 0,5đ 0,5đ



ĐỀ 15	ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I Môn TOÁN LỚP 9 <i>Thời gian: 90 phút</i>
--------------	---

D. với mọi a

Câu 3. (0,25 điểm) $\sqrt{M.N} = \sqrt{M}.\sqrt{N}$ khi

- A. $M \geq 0$ B. $N \geq 0$ C. $M \geq 0$ và $N \geq 0$ D. $M.N \geq 0$

Câu 4. (0,25 điểm) Trục căn thức ở mẫu của biểu thức $\frac{3}{\sqrt{5}+\sqrt{3}}$?

- A. $\frac{3(\sqrt{5}+\sqrt{3})}{5+3}$ B. $\frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{3})}{5+3}$ C. $\frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{3})}{5-3}$ D. $\frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{3})}{25+9}$

Câu 5. (0,25 điểm) Khử mẫu của biểu thức lấy căn $\sqrt{\frac{3}{(-4)^2}}$?

- A. $\frac{1}{-4}\sqrt{3}$ B. $\frac{1}{-2}\sqrt{3}$ C. $\frac{1}{2}\sqrt{3}$ D. $\frac{1}{4}\sqrt{3}$

Câu 6. (0,25 điểm) Hàm số $y = mx + 3$ bậc nhất khi

- A. $m \neq 0$ B. $m = 0$ C. $m > 0$ D. $m < 0$

Câu 7. (0,25 điểm) Hàm số $y = mx + 3$ đồng biến trên R khi

- A. $m \geq 0$ B. $m \leq 0$ C. $m > 0$ D. $m < 0$

Câu 8. (0,25 điểm) Đồ thị hàm số $y = 2x - 4$ cắt trục tung tại điểm có tọa độ là

- A. (0;4) B. (0;-4) C. (4;0) D. (-4;0)

Câu 9. (0,25 điểm) Khoanh tròn vào chữ cái đứng trước câu trả lời đúng.

Đường thẳng a cách tâm O của (O; R) một khoảng bằng d. Vậy a là tiếp tuyến của (O; R) khi

- A. $d = 0$ B. $d > R$ C. $d < R$ D. $d = R$

Câu 10. (0,25 điểm) Tâm của đường tròn nội tiếp tam giác là giao điểm của

- A. Các đường cao của tam giác đó. C. Các đường trung trực của tam giác đó.
B. Các đường trung tuyến của tam giác đó. D. Các đường phân giác của tam giác đó

Câu 11. (0,5 điểm) Cho hình vẽ bên. Tỉ số $\frac{BH}{CH}$?

- A. $\frac{2}{3}$ B. $\frac{5}{6}$ C. $\frac{4}{9}$ D. $\frac{4}{5}$

II. TỰ LUẬN

Bài 1. (2,0 điểm) Thực hiện phép tính rút gọn

a) $\sqrt{16.81}$

b) $\sqrt{18} + \sqrt{50} - \sqrt{98}$

c) $\left(\frac{1}{\sqrt{3}-2} - \frac{1}{\sqrt{3}+2} \right) \cdot \frac{2-\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}}$

d) $\sqrt{14+6\sqrt{5}} - \sqrt{14-6\sqrt{5}}$

Bài 2. (2,0 điểm) Cho hàm số bậc nhất $y = 2x + 4$

a) Vẽ đồ thị (d) của hàm số trên.

b) Tìm m để đường thẳng (d_1) có phương trình $y = -2x + 2m$ cắt (d) tại một điểm trên trục tung:

c) Tìm phương trình đường thẳng (d_2) , đi qua $A(1;-4)$ và song song với (d)

Bài 3. (3,0 điểm). Cho $(O;15)$, dây $BC = 24\text{cm}$. Các tiếp tuyến của đường tròn tại B và tại C cắt nhau ở A. Kẻ OH vuông góc với BC tại H.

a) Tính OH ;

b) Chứng minh ba điểm O, H, A thẳng hàng ;

c) Tính độ dài các đoạn thẳng AB, AC ;

d) Gọi M là giao điểm của AB và CO, gọi N là giao điểm của AC và BO. Tứ giác BCNM là hình gì ? Chứng minh ?

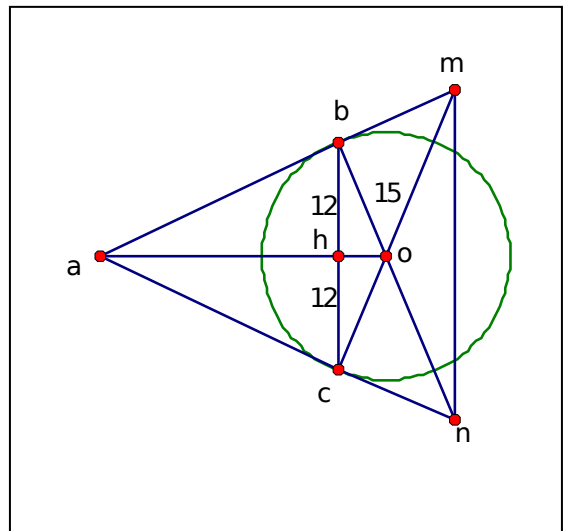
a) Ta có $HC = HB = 12\text{cm}$, $OH = 9\text{ (cm)}$

b) Tam giác OBC cân tại O có $OH \perp BC$ suy ra OH là phân giác của $\angle BOC$, mà OA là phân giác của $\angle BOC$ nên O, H, A thẳng hàng.

c) Tam giác OBA vuông tại B có BH là đường cao nên

$$\frac{1}{BH^2} = \frac{1}{OB^2} + \frac{1}{AB^2} \rightarrow AB = 20\text{cm}$$

d) Tam giác MAN có O là trực tâm nên $AO \perp MN$ suy ra $MN \parallel BC$ và góc $MBC = \text{góc } NCB$ nên BCNM là hình thang cân



• ĐÁP ÁN

I. Trắc nghiệm (3 điểm)

Mỗi câu trả lời đúng được 0.25 điểm - câu 11 cho 0.5 điểm

1. C	2. C	3. C	4. C	5. D	6.A
7. C	8. B	9.D	10.C	11.C	

II. Tự luận (7.0 điểm)

Bài 1 (2.0 điểm)	a) $= \sqrt{16.81} = 36$	0,5
	b) $= 3\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 7\sqrt{2} = \sqrt{2}$	0,5
	c) $= \frac{(-\sqrt{3}-2+\sqrt{3}-2) \cdot \frac{-\sqrt{2}(1-\sqrt{2})}{(1-\sqrt{2})}}{(1-\sqrt{2})} = 4\sqrt{2}$	0,5
	d) $\sqrt{(3+\sqrt{5})^2} - \sqrt{(3-\sqrt{5})^2} = 2\sqrt{5}$	0,5
Bài 2 (2.0 điểm)	a) Vẽ đồ thị chính xác	1,0
	b) (d ₁) cắt (d) tại 1 điểm trên trục Oy $\Leftrightarrow 2m = 4 \Leftrightarrow m = 2$	0,5
	c) Tìm được phương trình đường thẳng (d ₂) : y = 2x - 6	0,5
Bài 3 (3 điểm)	Vẽ hình chính xác cho phần a	0,5
	a) Ta có HC = HB = 12cm, OH = (cm)	0,75
	b) Tam giác OBC cân tại O có OH $\perp$ BC suy ra OH là phân giác của $\angle BOC$, mà OA là phân giác của $\angle BOC$ nên O, H, A thẳng hàng.	0,75
	c) Tam giác OBA vuông tại B có BH là đường cao nên $\frac{1}{BH^2} = \frac{1}{OB^2} + \frac{1}{AB^2} \rightarrow AB = 20\text{cm}$	0,5
	d) Tam giác MAN có O là trực tâm nên AO $\perp$ MN suy ra MN // BC và góc MBC = góc NCB nên BCMN là hình thang cân	0,5

ĐỀ 16**ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I****Môn TOÁN LỚP 9***Thời gian: 90 phút***I- Trắc nghiệm khách quan. (2.0 điểm)**

Chọn chữ cái đứng trước câu trả lời đúng và ghi vào tờ giấy thi của em.

Câu 1: Căn bậc hai số học của 16 là

- A. 4. B. -4. C. ± 4 . D. 256.

Câu 2: Điều kiện xác định của biểu thức $\sqrt{\frac{2017}{x-2018}}$ là

- A. $x \geq 2018$. B. $x \neq 2018$. C. $x > 2018$. D. $x < 2018$.

Câu 3: Rút gọn biểu thức $\sqrt{7-4\sqrt{3}} + \sqrt{3}$ ta được kết quả là

- A. 2. B. $2\sqrt{3}-2$. C. $2\sqrt{3}+2$. D. $2-\sqrt{3}$.

Câu 4: Hàm số $y = (m-2017)x + 2018$ đồng biến khi

- A. $m \neq 2017$. B. $m \geq 2017$. C. $m > 2017$. D. $m < 2017$.

Câu 5: Tìm giá trị của m để đồ thị của hàm số $y = (m-2017)x + 2018$ đi qua điểm (1;1) ta được

- A. $m = 2017$. B. $m = 0$. C. $m > 2017$. D. $m = 4035$.

Câu 6: Cho tam giác ABC vuông tại A có AC = 3, AB = 4. Khi đó cosB bằng

- A. $\frac{3}{4}$. B. $\frac{3}{5}$. C. $\frac{4}{3}$. D. $\frac{4}{5}$.

Câu 7: Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Biết AB = 9 cm, BC = 15 cm. Khi đó độ dài AH bằng

- A. 6,5 cm. B. 7,2 cm. C. 7,5 cm. D. 7,7 cm.

Câu 8: Giá trị của biểu thức $P = \cos^2 20^\circ + \cos^2 40^\circ + \cos^2 50^\circ + \cos^2 70^\circ$ bằng

- A. 0. B. 1. C. 2. D. 3.

II- Tự luận. (8.0 điểm)

Bài 1: (1.75 điểm)

$$P = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - \frac{3x+9}{x-9} \text{ với } x \geq 0, x \neq 9.$$

Cho biểu thức

a) Rút gọn biểu thức P;

b) Tính giá trị của biểu thức P tại $x = 4 - 2\sqrt{3}$.

Bài 2: (2.0 điểm)

Cho hàm số $y = (m-1)x + m$.

a) Xác định giá trị của m để đồ thị của hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 2.

b) Xác định giá trị của m để đồ thị của hàm số cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng -3.

c) Vẽ đồ thị của hai hàm số ứng với giá trị của m tìm được ở các câu a) và b) trên cùng hệ trục tọa độ Oxy và tìm tọa độ giao điểm của hai đường thẳng vừa vẽ được.

Bài 3: (3.0 điểm)

Cho đường tròn (O, R) và đường thẳng d cố định không cắt đường tròn. Từ một điểm A bất kỳ trên đường thẳng d kẻ tiếp tuyến AB với đường tròn (B là tiếp điểm). Từ B kẻ đường thẳng vuông góc với AO tại H, trên tia đối của tia HB lấy điểm C sao cho HC = HB.

a) Chứng minh C thuộc đường tròn (O, R) và AC là tiếp tuyến của đường tròn (O, R).

b) Từ O kẻ đường thẳng vuông góc với đường thẳng d tại I, OI cắt BC tại K. Chứng minh $OH.OA = OI.OK = R^2$.

c) Chứng minh khi A thay đổi trên đường thẳng d thì đường thẳng BC luôn đi qua một điểm cố định.

Bài 4: (1.25 điểm)

- a) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $Q = x - 2\sqrt{2x-1}$.
- b) Giải phương trình $\sqrt{x^2 - 3x + 2} + 3 = 3\sqrt{x-1} + \sqrt{x-2}$.

----- HẾT -----
ĐÁP ÁN

I- Trắc nghiệm khách quan. (2.0 điểm)

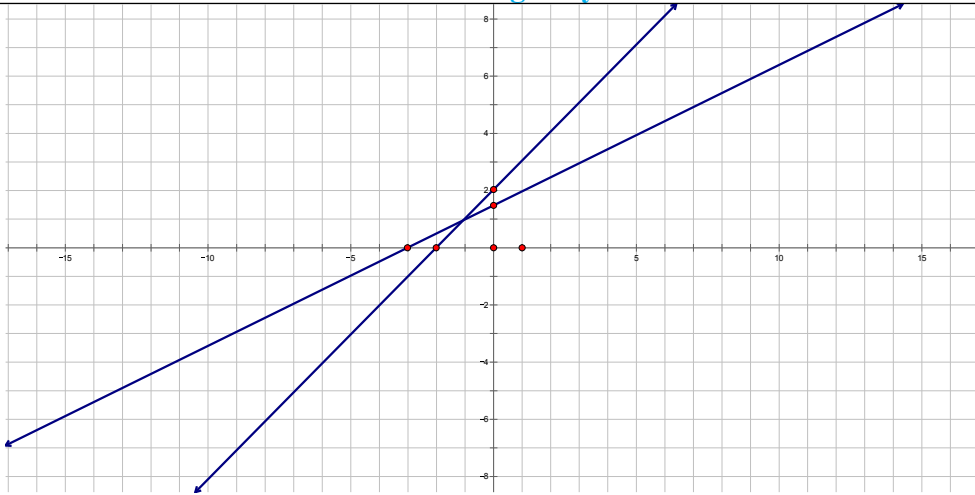
Mỗi câu trả lời đúng được 0.25 điểm

Câu	Câu 1	Câu 2	Câu 3	Câu 4	Câu 5	Câu 6	Câu 7	Câu 8
Đáp án	A	C	A	C	B	D	B	C

II- Tự luận (8.0 điểm)

Bài	Nội dung	Điểm
Bài 1 (1,75đ)	<p>Với $x \geq 0, x \neq 9$, ta có:</p> $P = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - \frac{3x+9}{x-9}$ $P = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - \frac{3x+9}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $P = \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}-3) + 2\sqrt{x}(\sqrt{x}+3) - 3x-9}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $P = \frac{x-3\sqrt{x}+2x+6\sqrt{x}-3x-9}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $P = \frac{3\sqrt{x}-9}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $P = \frac{3(\sqrt{x}-3)}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$ $P = \frac{3}{\sqrt{x}+3}$ $P = \frac{3}{\sqrt{x}+3} \text{ với } x \geq 0, x \neq 9$ <p>Vậy</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>
	<p>$x \geq 0, x \neq 9$ ta có $P = \frac{3}{\sqrt{x}+3}$</p> <p>Theo câu a) với</p> <p>Ta có $x = 4 - 2\sqrt{3}$ thỏa mãn ĐKXD.</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p>

	<p>Thay $x = 4 - 2\sqrt{3}$ vào biểu thức ta có</p> $P = \frac{3}{\sqrt{4-2\sqrt{3}}+3} = \frac{3}{\sqrt{(\sqrt{3}-1)^2+3}} = \frac{3}{ \sqrt{3}-1 +3} = \frac{3}{\sqrt{3}-1+3} = \frac{3}{\sqrt{3}+2}$ $= \frac{3(2-\sqrt{3})}{4-3} = 6-3\sqrt{3}.$ <p>Vậy $P = 6-3\sqrt{3}$ khi $x = 4-2\sqrt{3}$.</p>	0,25
Bài 2 (2,0đ)	<p>a) Đồ thị của hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 2 nên đồ thị của hàm số đi qua điểm (0;2)</p> $\Leftrightarrow 2 = (m-1).0 + m$ $\Leftrightarrow m = 2$ <p>Vậy với $m = 2$ thì đồ thị của hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 2.</p>	0,25
	<p>b) Đồ thị của hàm số cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng -3 nên đồ thị của hàm số đi qua điểm (-3;0)</p> $\Leftrightarrow 0 = (m-1).(-3) + m$ $\Leftrightarrow m = \frac{3}{2}$	0,25
	<p>Vậy với $m = \frac{3}{2}$ thì đồ thị của hàm số cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng -3.</p>	0,25
	<p>c) + Với $m = 2$ hàm số trở thành $y = x + 2$.</p> <p>Cho $y = 0 \Rightarrow x = -2$. Điểm (-2; 0) thuộc đồ thị của hàm số $y = x + 2$.</p> <p>Đồ thị của hàm số $y = x + 2$ là đường thẳng đi qua hai điểm (-2;0) và (0;2).</p>	0,25
	<p>+ Với $m = \frac{3}{2}$ hàm số trở thành $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$.</p> <p>Cho $x = 0 \Rightarrow y = \frac{3}{2}$. Điểm (0; $\frac{3}{2}$) thuộc đồ thị của hàm số $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$.</p> <p>Đồ thị của hàm số $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ là đường thẳng đi qua hai điểm (0; $\frac{3}{2}$) và (-3;0).</p>	0,25
	<p>+ Vẽ đồ thị của hai hàm số</p>	0,25



+) Tìm tọa độ giao điểm của hai đồ thị hàm số

Hoành độ giao điểm của hai đồ thị hàm số là nghiệm phương trình

$$x + 2 = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$$

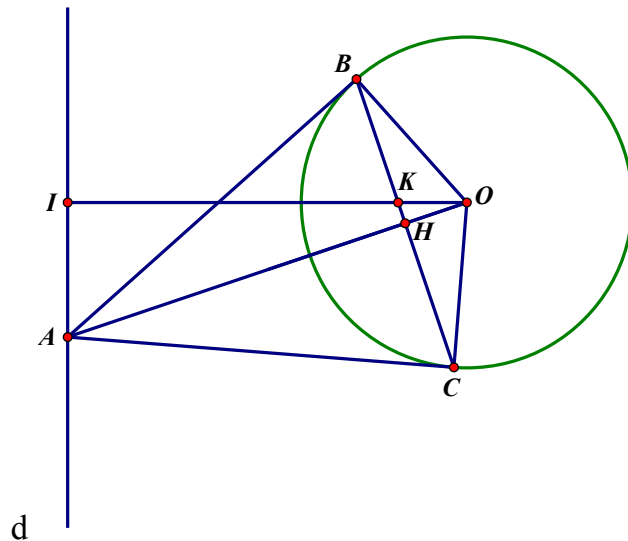
$$\Leftrightarrow x = -1$$

Với $x = -1$ ta được $y = 1$

Vậy tọa độ giao điểm của hai đường thẳng là $(-1; 1)$

0,25

Bài 3
(2,5đ)



d

- a) +) Chứng minh $\triangle BHO = \triangle CHO$
 $\Rightarrow OB = OC$
 $\Rightarrow OC = R$
 $\Rightarrow C$ thuộc (O, R) .
 +) Chứng minh $\triangle ABO = \triangle ACO$
 $\Rightarrow \angle ABO = \angle ACO$

0,25

0,25

0,25

	<p>Mà AB là tiếp tuyến của (O, R) nên $AB \perp BO \Rightarrow \angle ABO = 90^\circ \Rightarrow \angle ACO = 90^\circ$ $\Rightarrow AC \perp CO$ $\Rightarrow AC$ là tiếp tuyến của (O, R). https://nguyenthienhuongvp77.violet.vn/</p>	0,25
	<p>b) Chứng minh $\Delta OHK \sim \Delta OIA \Rightarrow \frac{OH}{OI} = \frac{OK}{OA} \Rightarrow OH.OA = OI.OK$ ΔABO vuông tại B có BH vuông góc với AO $\Rightarrow BO^2 = OH.OA \Rightarrow OH.OA = R^2$ $\Rightarrow OH.OA = OI.OK = R^2$</p>	0,5 0,5 0,25
	<p>c) Theo câu c ta có $OI.OK = R^2 \Rightarrow OK = \frac{R^2}{OI}$ không đổi. Mà K thuộc OI cố định nên K cố định. Vậy khi A thay đổi trên đường thẳng d thì đường thẳng BC luôn đi qua điểm K cố định.</p>	0,25 0,25 0,25
Bài 4 (1,25đ)	<p>a) Điều kiện $x \geq \frac{1}{2}$. Ta có $Q = x - 2\sqrt{2x-1}$ $\Rightarrow 2Q = 2x - 4\sqrt{2x-1} = 2x - 1 - 4\sqrt{2x-1} + 4 - 3$ $\Rightarrow 2Q = (\sqrt{2x-1} - 2)^2 - 3 \geq -3$ $\Rightarrow Q \geq \frac{-3}{2}$ $Q = \frac{-3}{2}$ Suy ra giá trị nhỏ nhất của biểu thức $x = \frac{5}{2}$. Dấu “=” xảy ra khi</p>	0,25 0,25
	<p>b) ĐKXD $x \geq 2$. Với $x \geq 2$ ta có $\sqrt{x^2 - 3x + 2} + 3 = 3\sqrt{x-1} + \sqrt{x-2}$ $\Leftrightarrow \sqrt{(x-1)(x-2)} + 3 - 3\sqrt{x-1} - \sqrt{x-2} = 0$ $\Leftrightarrow \sqrt{x-1}(\sqrt{x-2} - 3) - (\sqrt{x-2} - 3) = 0$ $\Leftrightarrow (\sqrt{x-2} - 3)(\sqrt{x-1} - 1) = 0$ $\Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{x-2} - 3 = 0 \\ \sqrt{x-1} - 1 = 0 \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 11 \\ x = 2 \end{cases}$ Ta thấy $x = 11$ và $x = 2$ thỏa mãn ĐKXD</p>	0,25 0,25
		0,25

Chú ý: - Học sinh làm theo cách khác nếu đúng cho điểm tương đương

ĐỀ 17**ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I****Môn TOÁN LỚP 9***Thời gian: 90 phút***I. Phần trắc nghiệm:** (4,0 điểm) *Chọn đáp án đúng cho mỗi câu sau:***Câu 1:** $\sqrt{5-x}$ có nghĩa khi:

A. $x \geq -5$

B. $x > -5$

C. $x \leq 5$

D. $x < 5$.

Câu 2: Hàm số $y = 2 - 5x$ có hệ số góc :

A. 2

B. 5

C. -5

D. $\frac{2}{5}$.

Câu 3: Đồ thị hàm số $y = -2x + 5$ đi qua:

A. (1; -3)

B. (1; 1)

C. (1; -1)

D. (1; 3)

Câu 4: Cho $\alpha = 27^\circ$; $\beta = 42^\circ$ ta có:

A. $\sin \beta < \sin \alpha$

B. $\cos \alpha < \cos \beta$

C. $\cot \alpha < \cot \beta$

D. $\tan \alpha$

< $\tan \beta$.**Câu 5:** Hàm số nào nghịch biến?

A. $y = \sqrt{3}x$

B. $y = (\sqrt{3} - \sqrt{2})x$

C. $y = (\sqrt{2} - \sqrt{3})x$

D. $y = 2x - 1$.

Câu 6: $\triangle ABC$ có $\hat{A} = 90^\circ$, $AC = \frac{1}{2} BC$, thì $\sin B$ bằng :

A. 2

B. -2

C. $\frac{1}{2}$

D. $-\frac{1}{2}$.

Câu 7: Cho đường thẳng (d) và (O; R), hạ OH vuông góc với (d) tại H. Đường thẳng (d) cắt đường tròn khi :

A. $OH < R$

B. $OH = R$

C. $OH > R$

D. $OH \geq R$.

Câu 8: Giá trị biểu thức $\sqrt{4-2\sqrt{3}}$ là:

A. $\sqrt{3} - 1$

B. $1 - \sqrt{3}$

C. $\sqrt{3} + 1$

D. $1 + \sqrt{3}$.

II. Phần tự luận. (6,0 điểm)**Câu 1:** (1,5 điểm).

Cho biểu thức:
$$P = \left(\frac{1}{1-\sqrt{a}} - \frac{1}{1+\sqrt{a}} \right) \left(\frac{1}{\sqrt{a}} + 1 \right)$$
 với $a > 0$ và $a \neq 1$

- a) Rút gọn biểu thức P. b) Với những giá trị nào của a thì $P > \frac{1}{2}$.

Câu 2: (1,0điểm) Cho hàm số $y = (m - 1)x + 2$ (d_1)

- a) Xác định m để hàm số đồng biến trên $\mathbb{R}$.
b) Vẽ đồ thị hàm số khi $m = 2$

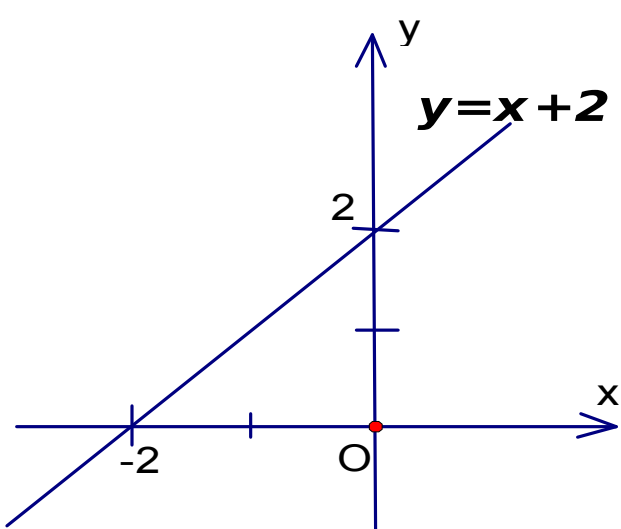
Câu 3 : (3,5 điểm) Cho đường tròn tâm O, đường kính AB = 10cm. Trên đường tròn tâm O, lấy điểm C sao cho AC = 6cm. Kẻ CH vuông góc với AB.

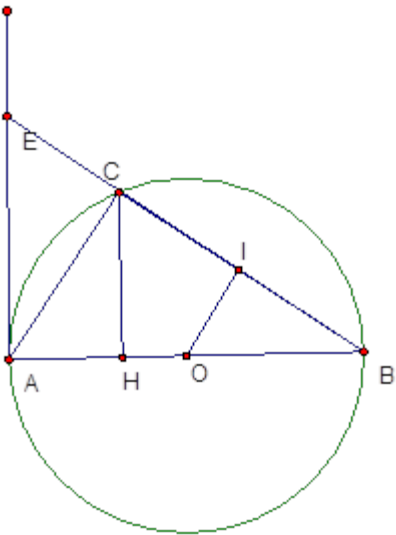
- a) So sánh dây AB và dây BC.
b) Tam giác ABC là tam giác gì? Vì sao?
c) Từ O kẻ OI vuông góc với BC. Tính độ dài OI.
d) Tiếp tuyến tại A của đường tròn (O) cắt tia BC tại E.
Chứng minh : CE.CB = AH.AB.

Hết

ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án										Điểm
A.Trắc nghiệm (4,0 điểm)											4,0
	Câu	1	2	3	4	5	6	7	8		
	Đáp án	C	C	D	D	C	C	A	A		
	Mỗi câu đúng đạt 0,5 điểm										
B.Tự luận (6,0 điểm)											
Câu 1 1,5 điểm	<div>$p = \left(\frac{1}{1 - \sqrt{a}} - \frac{1}{1 + \sqrt{a}} \right) \left(\frac{1}{\sqrt{a}} + 1 \right)$$p = \left(\frac{(1 + \sqrt{a}) - (1 - \sqrt{a})}{(1 - \sqrt{a})(1 + \sqrt{a})} \right) \left(\frac{1 + \sqrt{a}}{\sqrt{a}} \right)$$p = \frac{2\sqrt{a}}{(1 - \sqrt{a})(1 + \sqrt{a})} \cdot \left(\frac{1 + \sqrt{a}}{\sqrt{a}} \right)$</div>										0,25
a) Với $0 < a \neq 1$ thì ta có:											0,25

	$= \frac{2}{1-\sqrt{a}}$	0,5
	b) Với $0 < a \neq 1$ thì $P > \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{2}{1-\sqrt{a}} - \frac{1}{2} > 0 \Leftrightarrow \frac{3+\sqrt{a}}{2(1-\sqrt{a})} > 0$	0,25
	$\Leftrightarrow 1 - \sqrt{a} > 0 \Leftrightarrow \sqrt{a} < 1 \Leftrightarrow a < 1$ Vậy $0 < a < 1$	0,25
Câu 2 1,0 điểm	a) Hàm số $y = (m - 1)x + 2$ đồng biến trên $\mathbb{R} \Leftrightarrow m - 1 > 0$	0,25
	$\Leftrightarrow m > 1$	0,25
	b) Khi $m = 2$, ta có hàm số $y = x + 2$ Hai điểm thuộc đồ thị: $(0;2)$ và $(-2;0)$	0,25
	Vẽ đồ thị 	0,25
Câu 3 3,5 điểm	* Vẽ hình đúng. đủ	0,5

		
a) Ta có AB là đường kính, BC là dây $\Rightarrow AB > BC$		0,5
b) Tam giác ABC là tam giác vuông vì tam giác nội tiếp và có một cạnh là đường kính		0,5
c) Ta có: $BC = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8 \text{ cm}$; $IB = IC = 4 \text{ cm}$		0,5 0,25
$OI = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3 \text{ cm}$		0,5
d) Xét 2 tam giác vuông ABE và tam giác vuông ACB ta có: $AC^2 = CE \cdot CB$ (1)		0,25
$AC^2 = AH \cdot AB$ (2)		0,25
Từ (1) và (2) suy ra: $CE \cdot CB = AH \cdot AB$ (đpcm)		0,25

ĐỀ 18

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

PHẦN I: TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN (3Đ)

(Khoanh tròn vào khẳng định đúng trong các câu sau)

Câu 1: $\sqrt{12-6x}$ có nghĩa khi:

- A. $x \leq -2$; B. $x \geq 2$; C. $x > -2$; D. $x < 2$.

Câu 2: Kết quả của phép khai căn $\sqrt{(4-\sqrt{11})^2}$ là:

- A. $4 - \sqrt{11}$ B. $-4 - \sqrt{11}$ C. $\sqrt{11} - 4$ D. $\sqrt{11} + 4$.

Câu 3: Rút gọn các biểu thức $3\sqrt{3} + 4\sqrt{12} - 5\sqrt{27}$ được

- A. $4\sqrt{3}$ B. $26\sqrt{3}$ C. $-26\sqrt{3}$ D. $-4\sqrt{3}$

Câu 4: $\sqrt{81x} - \sqrt{16x} = 15$ khi đó x bằng:

- A. 3 B. 9 C. -9 D. Không có giá trị nào của x

Câu 5: Cho hai đường thẳng: $y = ax + 2$ và $y = 3x + 5$ song song với nhau khi:

- A. $a = 3$; B. $a \neq 3$; C. $a \neq -3$; D. $a = -3$

Câu 6: Hệ phương trình:
$$\begin{cases} 2x - y = 5 \\ x + y = 4 \end{cases}$$
 Có nghiệm là:

- A. (3; -1) B. (3; 1) C. (1; 3) D. Kết quả khác

Câu 7: Tâm của đường tròn ngoại tiếp tam giác là giao điểm của các đường :

- A. Trung tuyến B. Phân giác C. Đường cao D. Trung trực

Câu 8: Cho tam giác ABC vuông tại A. Khẳng định nào sau đây là **sai**:

- A. $\sin B = \cos C$ B. $\sin C = \cos B$ C. $\tan B = \cot A$ D. $\cot B = \tan C$

Câu 9: Cho $\triangle DEF$ có $\hat{D} = 90^\circ$, đường cao DH thì DH^2 bằng

- A. FH.EF B. HE.HF C. EH. EF D. DF.EF

Câu 10: Tam giác ABC có $\hat{A} = 90^\circ$, $BC = 18\text{cm}$ và $\hat{B} = 60^\circ$ thì AC bằng:

- A. $9\sqrt{2}\text{ cm}$ B. 18cm C. $9\sqrt{3}\text{ cm}$ D. $6\sqrt{3}\text{ cm}$

Câu 11: Cho đường tròn (O) có bán kính $R = 10\text{ cm}$. Một dây cung $AB = 16\text{ cm}$ của (O). Khoảng cách từ tâm O đến dây AB là :

- A. 6cm B. 12cm C. $\sqrt{156}\text{ cm}$ D. Một đáp số khác

Câu 12: Cho đường tròn (O; 3cm) và đường tròn (O'; 5cm), biết $OO' = 4\text{cm}$

- A. (O) cắt (O') B. (O) tiếp xúc (O')
C. (O) và (O') không giao nhau D. (O) và (O') đựng nhau

PHẦN II. TỰ LUẬN (7Đ)

Câu 1: (2 điểm) Cho biểu thức : $A = \left(\frac{x + \sqrt{x}}{\sqrt{x} + 1} - \frac{\sqrt{x} - x}{\sqrt{x} - 1} \right) \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x}} \right)$

a) Rút gọn biểu thức A

b) Tìm giá trị của x để $A = 4$

Câu 2: (1,5 điểm) Cho hàm số $y = 2x - 4$

a) Vẽ đồ thị của hàm số đã cho

b) Tìm m để đường thẳng $y = 2x - 4$ cắt đường thẳng $y = (m - 1)x + 5$

Câu 3: (3 điểm)

Cho tam giác ABC vuông tại A có AH là đường cao. Đường tròn tâm E đường kính BH cắt cạnh AB ở M và đường tròn tâm I đường kính CH cắt cạnh AC ở N.

a) Chứng minh tứ giác AMHN là hình chữ nhật.

b) Cho biết: $AB = 6\text{cm}$, $AC = 8\text{cm}$. Tính độ dài đoạn thẳng MN.

c) Chứng minh rằng MN là tiếp tuyến chung của hai đường tròn (E) và (I).

Câu 4: (0,5 điểm). Chứng minh:

$$\frac{2 - \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}}}{2 - \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}} < \frac{1}{3}$$

ĐÁP ÁN

PHẦN I: TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN (3Đ)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Đáp án	B	A	D	B	A	B	D	C	B	C	A	A
Điểm	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25	0,25

PHẦN II. TỰ LUẬN (7Đ)

Câu 1 a) (1,5đ)

ĐKXD: $x > 0, x \neq 1$ (0,25 điểm)

$$\begin{aligned}
 A &= \left(\frac{x + \sqrt{x}}{\sqrt{x} + 1} - \frac{\sqrt{x} - x}{\sqrt{x} - 1} \right) \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x}} \right) \\
 &= \left(\frac{\sqrt{x}(\sqrt{x} + 1)}{\sqrt{x} + 1} - \frac{\sqrt{x}(1 - \sqrt{x})}{\sqrt{x} - 1} \right) \left(\frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x}} \right) \quad (0,5 \text{ điểm}) \\
 &= \left(\frac{\sqrt{x}(\sqrt{x} + 1)}{\sqrt{x} + 1} + \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x} - 1)}{\sqrt{x} - 1} \right) \left(\frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x}} \right) \quad (0,25 \text{ điểm}) \\
 &= (\sqrt{x} + \sqrt{x}) \left(\frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x}} \right) = 2(\sqrt{x} + 1)
 \end{aligned}$$

Vậy biểu thức $A = 2(\sqrt{x} + 1)$ (0,5 điểm)

b) (0,5đ)

Với $x > 0$ và $x \neq 1$, ta có:

$$A = 4 \Leftrightarrow 2(\sqrt{x} + 1) = 4 \quad (0,25 \text{ điểm})$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{x} + 1 = 2 \Leftrightarrow x = 1 \quad (\text{Không thỏa mãn ĐK})$$

Vậy không có giá trị nào của x để $A = 4$ (0,25 điểm)

Câu 2: (1,5 điểm)

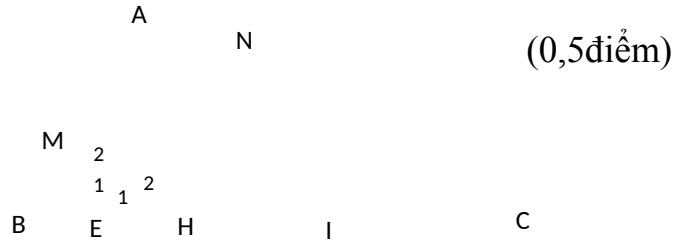
a) - Xác định đúng 2 điểm thuộc đồ thị của hàm số (0,5 điểm)

- Vẽ đồ thị đúng (0,5 điểm)

b) - Lập luận, xác định đúng $m = 3$ (0,5 điểm)

Câu 3 : (3 điểm)

- Vẽ hình ghi GT và KL đúng



a) (1 điểm) - Lập luận và chỉ ra được: $\widehat{AMH} = 90^\circ$ (0,25 điểm)

$$\widehat{ANH} = 90^\circ \quad (0,25 \text{ điểm})$$

$$\widehat{MAN} = 90^\circ \quad (0,25 \text{ điểm})$$

- Kết luận tứ giác AMHN là hình chữ nhật (0,25 điểm)

b) (0.75 điểm) - Giải thích: $MN = AH$ (0,25 điểm)

$$\text{- Tính được: } BC = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10 \text{ (cm)}$$

$$\text{- Tính được: } AH = \frac{AB \cdot AC}{BC} = 4,8 \text{ (cm)} \quad (0,25 \text{ điểm})$$

$$\text{- Kết luận: } MN = 4,8 \text{ (cm)} \quad (0,25 \text{ điểm})$$

c) (0,75 điểm)

Tứ giác AMHN là hình chữ nhật, suy ra: $\widehat{M}_2 = \widehat{H}_2$

Tam giác MEH cân tại E, suy ra: $\widehat{M}_1 = \widehat{H}_1$

$$\widehat{H}_1 + \widehat{H}_2 = \widehat{BHA} = 90^\circ \quad (AH \perp BC) \quad (0,25 \text{ điểm})$$

$$\Rightarrow \widehat{M}_1 + \widehat{M}_2 = 90^\circ \Rightarrow \widehat{EMN} = 90^\circ \Rightarrow EM \perp MN \text{ tại } M \in (E)$$

$\Rightarrow MN$ là tiếp tuyến của đường tròn (E)

- Chứng minh tương tự ta cũng có MN là tiếp tuyến của đường tròn (I) (0,25 điểm)

- Kết luận: MN là tiếp tuyến chung của hai đường tròn (E) và (I). (0,25 điểm)

Câu 4 (0,5 điểm)

$$\text{Đặt } a = \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}} \quad (a > 1) \Rightarrow a^2 = 2 + \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}} \Rightarrow 2 - a^2 = -$$

$$\sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}} \quad (0,25 \text{ điểm})$$

$$\text{Vế trái} = \frac{2 - a}{4 - a^2} = \frac{1}{2 + a} < \frac{1}{3} \quad \text{do } a + 2 > 3 \quad (0,25 \text{ điểm})$$

Chú ý: Học sinh làm theo cách khác đúng cho điểm đủ)

ĐỀ 19	ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I Môn TOÁN LỚP 9 <i>Thời gian: 90 phút</i>
--------------	---

Câu 1(2 đ) Khoanh tròn vào chữ cái đứng trước câu trả lời **đúng**.

1. Thực hiện phép tính $\sqrt[3]{36}$ ta được kết quả là:

- A. -6 B. 36 C. -36 D. 6

2. Điều kiện để $\sqrt{2x+6}$ có nghĩa là:

- A. $x \leq -3$ B. $x \geq -3$ C. $x \leq 3$ D. $x \geq 3$

3. Kết quả của $\frac{\sqrt{20}}{\sqrt{5}}$ là:

- A. 4 B. -4 C. 2 D. -2

4. Trong các công thức sau công thức nào sai :

- A. $\sqrt{\frac{A}{B}} = \frac{1}{|B|} \sqrt{AB}$ B. $\sqrt{A^2 B} = |A| \cdot \sqrt{B}$ C. $\frac{C}{\sqrt{A \pm B}} = \frac{C(\sqrt{A \mp B})}{A - B^2}$ D. $\sqrt{AB} = \sqrt{A} - \sqrt{B}$

5. Điều kiện để 2 đường thẳng $y = ax + b$ ($a \neq 0$) và $y = a'x + b'$ ($a' \neq 0$) song song với nhau là :

- A. $a = a'$ và $b \neq b'$ B. $a = a'$ và $b = b'$ C. $a \neq a'$ và $b = b'$ D. $a \neq a'$ và $b \neq b'$

6. Hệ số góc của đường thẳng $y = \frac{2}{3}x + 5$ là

- A. $\frac{2}{3}$ B. $\frac{3}{2}$ C. 5 D. $-\frac{2}{3}$

7. Trong các công thức sau, công thức nào **sai** ?

- A. $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 0$ B. $\operatorname{tg} \alpha \cdot \cot \alpha = 1$ C. $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ D. $0 < \sin \alpha < 1$

8. Giá trị của $\sin 30^\circ$ là:

- A. 30 B. 0,5 C. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D. 2

Câu 2(1 đ) Hãy nối ô ở cột **A** với một ô ở cột **B** để được khẳng định đúng

A	Nối	B
1) Nếu hai góc nhọn phụ nhau thì	1.....	a) dây đó gần tâm hơn
2) Trong tam giác vuông, mỗi cạnh góc vuông bằng	2.....	b) dây đó xa tâm hơn
3) Trong hai dây của đường tròn, dây nào lớn hơn thì	3.....	c) sin góc này cosin góc kia, tang góc này bằng cotang góc kia
4) Nếu một đường thẳng và một đường	4.....	d) không có điểm chung

tròn cắt nhau thì chúng	
	e) cạnh huyền nhân với sin góc đối hoặc nhân với cosin góc kề.
	f) Có hai điểm chung

Câu 3(1,5 đ) Rút gọn biểu thức:

- a) $\sqrt{\frac{81}{25} \cdot \frac{49}{16} \cdot \frac{9}{196}}$
- b) $\sqrt{72} - 5\sqrt{2} - \sqrt{49 \cdot 3} + \sqrt{48} + \sqrt{12}$
- c) $\sqrt{(2-\sqrt{3})^2} + \sqrt{(2+\sqrt{3})^2}$

Câu 4.(2,5 đ) Cho hàm số $y = 2x + 3$

- a) Cho biết hệ số góc của đường thẳng $y = 2x + 3$ và vẽ đồ thị hàm số trên;
- b) Tính góc tạo bởi đường thẳng $y = 2x + 3$ với trục Ox.
- c) Cho hàm số $y = (m - 1)x + 5$ ($m \neq 1$). Tìm điều kiện của m để đồ thị hàm số song song với đường thẳng $y = 2x + 3$? cắt đường thẳng $y = 2x + 3$?

Câu 5.(3 đ) Cho đường tròn tâm O bán kính $OA = R$, gọi M là trung điểm của OA, kẻ dây BC vuông góc với OA tại M.

- a) Chứng minh tứ giác OCAB là hình thoi;
- b) Kẻ tiếp tuyến với đường tròn tại B, nó cắt đường thẳng OA tại E. Tính độ dài BE theo R.

ĐÁP ÁN

Câu 1(3 đ)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8
Đáp án	D	B	C	D	A	A	A	B
Thang điểm	0,5 đ	0,5 đ	0,5 đ	0,5 đ	0,5 đ	0,5 đ	0,5 đ	0,5 đ

Câu 2(1 đ) mỗi câu đúng được 0,25 đ

1.....c 2.....e 3.....a 4.....f

Câu 3(1,5 đ) mỗi ý đúng được 0,5 đ

Câu 4. (2,5 đ)

a) Hệ số góc của đường thẳng $y = 2x + 3$ là 2
đ)

- cho $x = 0 \Rightarrow y = 3$ ta có điểm $A(0;3) \in Oy$

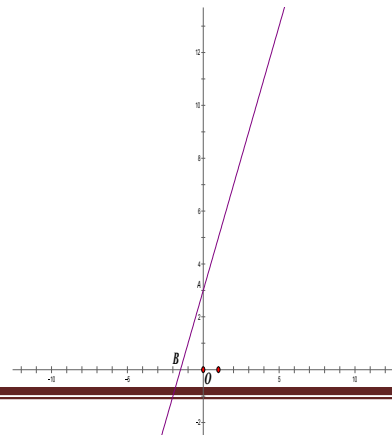
đ)

- Cho $y = 0 \Rightarrow x = -3/2$ ta có điểm $B(-3/2;0) \in Ox$

đ)

- Vẽ đúng đồ thị hàm số $y = 2x + 3$

đ)



(0,25

(0,25

(0,25

(0,25

b) Xét ΔOAB ($\hat{AOB} = 90^\circ$)

(0,5 đ)

$$\frac{OA}{OB} = \frac{3}{\frac{3}{2}} = 2$$

$$\Rightarrow \tan ABO =$$

$$\Rightarrow \text{góc } ABO \approx 63^\circ 43'$$

(0,25 đ)

đ)

c. - Đồ thị hàm số $y = (m - 1)x + 5$ ($m \neq 1$). song song với đường thẳng $y = 2x + 3$ khi và chỉ khi $m - 1 = 2 \Rightarrow m = 3$

(0,5 đ)

- Đồ thị hàm số $y = (m - 1)x + 5$ ($m \neq 1$). Cắt đường thẳng $y = 2x + 3$ khi và chỉ khi $m - 1 \neq 2 \Rightarrow m \neq 3$

kết hợp với điều kiện đề bài suy ra $m \neq 3$ và $m \neq 1$

Câu 5.

a) Xét tứ giác OCAB có

$$MA = MO \text{ (gt) (1)}$$

$$\text{Mà } OM \perp BC \text{ tại } M$$

(0,5 đ)

$$\Rightarrow MC = MD \text{ (Đường kính vuông góc với dây) (2)}$$

Từ (1), và (2) $\Rightarrow$ tứ giác OCAB là hình bình hành (0,5 đ)

$$\text{Lại có } OB = OC (= R)$$

Suy ra OCAB là hình thoi

(0,5 đ)

c) (1,5 đ) Xét ΔOBA có $BO = BA$ (đ n hình thoi)

$$\text{Mà } BO = OA (= R)$$

$$\text{Suy ra } BO = BA = OA$$

Suy ra ΔOBA đều

(0,5 đ)

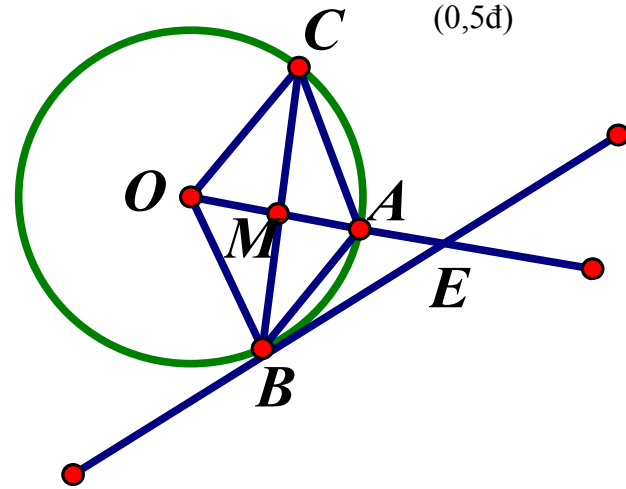
$$\text{Suy ra góc } BOE = 60^\circ$$

$$\text{Xét } \Delta OBE \text{ có } OBE = 90^\circ, \hat{BOE} = 60^\circ \text{ suy ra } \hat{OEB} = 30^\circ \text{ suy ra } OE = 2OB = 2R$$

(0,5 đ)

$$\text{Áp dụng định lý Py ta go vào tam giác vuông OBA suy ra } BE = \sqrt{OE^2 - OB^2} = \sqrt{4R^2 - R^2} = R\sqrt{3}$$

(0,5đ)



ĐỀ 20

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

I. TRẮC NGHIỆM (3 điểm - 15 phút)

Chọn câu trả lời đúng

Câu 1: Tìm điều kiện của x để $\sqrt{\frac{-1}{1-x}}$ có nghĩa?

- A. $x < 1$ B. $x > 1$ C. $x \geq 0$ D. $x \leq 1$

Câu 2: Khẳng định nào sau đây là đúng

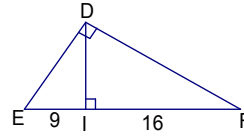
- A. $\sqrt{16+9} = 7$ B. $\sqrt{16+9} = 13$ C. $\sqrt{16+9} = 5$ D. $\sqrt{16+9} = 25$

Câu 3: Tìm k để đường thẳng $y = (2k + 1)x + 3$ nghịch biến trên $\mathbb{R}$.

- A. $k < \frac{-1}{2}$ B. $k \leq \frac{-1}{2}$ C. $k < -1$ D. $k \leq -1$

Câu 4: Cho hình vẽ bên, độ dài cạnh DF bằng:

- A. 4 B. 20
C. 36 D. Kết quả khác



Câu 5. Câu nào sau đây đúng :

- A. $\sin^2 35^\circ + \cos^2 55^\circ = 1$ B. $\tan 43^\circ = \frac{\cos 43^\circ}{\sin 43^\circ}$
C. $\tan 27^\circ \cdot \cot 63^\circ = 1$ D. $1 + \tan^2 15^\circ = \frac{1}{\cos^2 15^\circ}$

Câu 6. Bán kính của đường tròn ngoại tiếp tam giác đều cạnh 6cm là:

- A. $\sqrt{3}\text{cm}$ B. $2\sqrt{3}\text{cm}$ C. $3\sqrt{3}\text{cm}$ D. $6\sqrt{3}\text{cm}$

II. BÀI TOÁN: (7 điểm)

$$A = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-2} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+2} \right) \cdot \frac{x-4}{\sqrt{4x}}$$

Bài 1: Cho biểu thức:

($x > 0$ và $x \neq 4$)

- a. Rút gọn biểu thức A. (1,5 đ)
b. Tìm giá trị của x để $A < 3$ (0,5 đ)

Bài 2: Cho hàm số: $y = (k+1)x + 2$ và $y = (2 - 2k)x + 3$

- a. Vẽ đồ thị các hàm số trên với $k = 2$ (1,5 đ)
b. Tìm giá trị của k để đồ thị hai hàm số trên song song với nhau (0,5 đ)

Bài 3: Cho đường tròn tâm O bán kính 15cm, dây $BC = 24\text{cm}$. Các tiếp tuyến của đường tròn tại B và tại C cắt nhau ở A.

- a. Tính khoảng cách OH từ O đến dây BC. (0,5 đ)
b. Chứng minh 3 điểm O, H A thẳng hàng. (0,5 đ)
c. Tính độ dài AB và số đo $\widehat{BAC}$? (1 đ)
d. Gọi M giao điểm của AB và CO; N là giao điểm của AC và BO.
Chứng minh $MN \parallel BC$. (1 đ)

ĐÁP ÁN

I. TRẮC NGHIỆM:

Câu 1: B Câu 2: C Câu 3: A Câu 4: B Câu 5: D Câu 6: B

II. BÀI TOÁN:

Bài 1: a. Rút gọn biểu thức A

$$A = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-2} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+2} \right) \cdot \frac{x-4}{\sqrt{4x}}$$

với $x > 0$ và $x \neq 4$

$$A = \left(\frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}+2)}{(\sqrt{x})^2-4} + \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}-2)}{(\sqrt{x})^2-4} \right) \cdot \frac{x-4}{2\sqrt{x}} \quad (0,5đ)$$

$$A = \frac{x+2\sqrt{x}+x-2\sqrt{x}}{x-4} \cdot \frac{x-4}{2\sqrt{x}} \quad (0,5đ)$$

$$A = \frac{2x}{2\sqrt{x}} = \sqrt{x} \quad (0,5đ)$$

b. $A < 3 \Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{x} < 3 \\ x > 0; x \neq 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < x < 9 \\ x \neq 4 \end{cases} \quad (0,5 đ)$

Bài 2:

a. Với $k = 2$, ta có: $y = 3x + 2$ và $y = -2x + 3$ (0,5 đ)

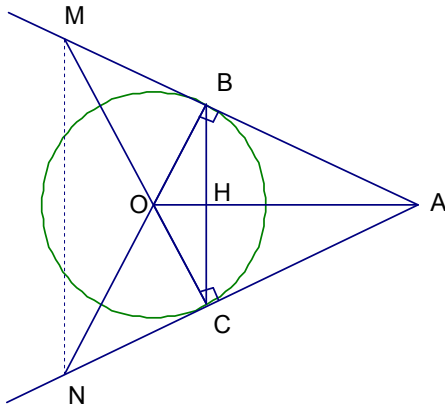
- Xác định đúng tọa độ 2 điểm mà đường thẳng đi qua (0,5 đ)

- Vẽ đúng đồ thị 2 hàm số (0,5 đ)

b. Đồ thị 2 hàm số song song với nhau

$$\Leftrightarrow \begin{cases} k+1 = 2-2k \\ 2 \neq 3 \end{cases} \Leftrightarrow k = \frac{1}{3} \quad (0,5đ)$$

Bài 3:



a. Ta có $OH \perp BC$ tại H
 $\Rightarrow HB = HC = 12\text{cm}$ (0,25đ)

Áp dụng định lý Pytago
 $OH^2 = OB^2 - BH^2 = 15^2 - 12^2 = 81$
 $\Rightarrow OH = 9\text{cm}$ (0,25đ)

b. Ta có: $OA = OB$ (bán kính)
 $AB = AC$ (t/chất 2 tiếp tuyến cắt nhau)
 $HB = HC$ (cmt)
 $\Rightarrow O, H, A$ cùng thuộc đường trung trực của BC
 Hay O, H, A thẳng hàng. (0,5đ)

c. Áp dụng hệ thức lượng trong $\triangle OBA$, ta có:

$$OB^2 = OH \cdot OA \Rightarrow OA = \frac{OB^2}{OH} = \frac{15^2}{9} = 25(\text{cm})$$

$$AB^2 = OA^2 - OB^2 = 25^2 - 15^2 = 400$$

$$\Rightarrow AB = 20\text{cm} \quad (0,5đ)$$

$$\sin \angle BAO = \frac{OB}{OA} = \frac{15}{25} \approx \sin 36^\circ 52'$$

$$\Rightarrow \angle BAO = 36^\circ 52' \quad (0,5đ)$$

d. $\triangle ABN$ và $\triangle ACM$, có:

Â chung

$$\angle ABN = \angle ACM = 90^\circ$$

$$AB = AC \text{ (cmt)}$$

$$\text{Vậy, } \triangle ABN = \triangle ACM \text{ (g - c - g)} \quad (0,5đ)$$

$$\Rightarrow AN = AM$$

$$\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN}$$

$$\text{Do đó: } \frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN}$$

$$\text{Suy ra } BC \parallel MN. \quad (0,5đ)$$

* Mọi cách làm khác, đúng đều cho điểm tối đa.

ĐỀ 21

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I
Môn TOÁN LỚP 9
Thời gian: 90 phút

Bài 1: (2đ) Cho biểu thức: $y = \left(\frac{x - \sqrt{x}}{\sqrt{x} - 1} + 1 \right) \cdot \left(\frac{x + \sqrt{x}}{\sqrt{x} + 1} - 1 \right)$ (với $x > 0$; $x \neq 1$)

a) Rút gọn biểu thức y .

b) Coi y là hàm số của biến số x . Vẽ đồ thị của hàm số ở Câu a.

Bài 2: (1đ) Rút gọn biểu thức:

a) $8\sqrt{27} + 3,5\sqrt{300} - 2\sqrt{48}$ b) $3\sqrt{5} + \sqrt{20} - \sqrt{\frac{9}{5}}$

Bài 3: (2,5đ) Cho hàm số $y = (m - 2)x + 2m + 1$ (*) (m là tham số)

a) Với giá trị nào của m thì hàm số đồng biến.

b) Tìm m để đồ thị hàm số (*) song song với đường thẳng $y = 2x - 1$.

c) Tìm điểm cố định mà đồ thị hàm số (*) luôn luôn đi qua với mọi giá trị của m .

Bài 4: (1,5 đ)

Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Biết $AB = 6\text{cm}$, $AC = 8\text{cm}$.

a) Tính AH; $\sin C$

b) Tính số đo góc ABC.

Bài 5: (3đ) Cho $\triangle ABC$ vuông tại A đường cao AK. Vẽ đường tròn tâm A bán kính AK. Kẻ các tiếp tuyến BE; CD với đường tròn (E; D là các tiếp điểm $\neq K$).

CMR: a) $BC = BE + CD$

b) Ba điểm D; A; E thẳng hàng.

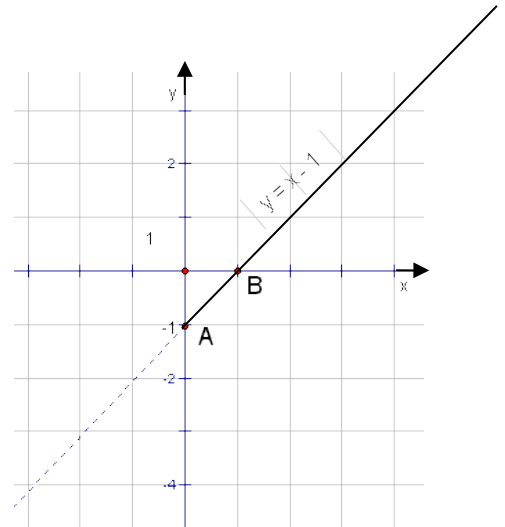
c) DE tiếp xúc với đường tròn đường kính BC.

ĐÁP ÁN

Bài 1: (2 đ)

$$\begin{aligned} \text{a, Ta có } y &= \left(\frac{x - \sqrt{x}}{\sqrt{x} - 1} + 1 \right) \cdot \left(\frac{x + \sqrt{x}}{\sqrt{x} + 1} - 1 \right) \quad (\text{với } x > 0; x \neq 1) \\ &= \left(\frac{\sqrt{x} \cdot (\sqrt{x} - 1)}{\sqrt{x} - 1} + 1 \right) \cdot \left(\frac{\sqrt{x} \cdot (\sqrt{x} + 1)}{\sqrt{x} + 1} - 1 \right) \\ &= (\sqrt{x} + 1) \cdot (\sqrt{x} - 1) \\ &= (\sqrt{x})^2 - 1^2 \\ &= x - 1 \quad \text{Vậy } y = x - 1 \end{aligned}$$

(0,25đ)
(0,25đ)
(0,25đ)
(0,25đ)



b)

- Cho $x = 0$ thì $y = -1 \Rightarrow A(0; -1)$

- Cho $y = 0$ thì $x = 1 \Rightarrow B(1; 0)$ (0,25đ)

$\Rightarrow$ Đồ thị hàm số $y = x - 1$ là đường thẳng đi qua 2 điểm $A(0; -1)$ và $B(1; 0)$. (0,25đ)

+) Vì với điều kiện $x > 0, x \neq 1$

nên đồ thị hàm số $y = x - 1$ là 1 phần đường thẳng trên hình vẽ trên (0,25đ)

Vẽ đúng đồ thị hàm số $y = x - 1$ (0,25đ)

Bài 2: (1đ) Rút gọn biểu thức: (mỗi ý đúng 0,5 đ)

<p>a) $8\sqrt{27} + 0,5\sqrt{300} - 6\sqrt{48}$</p> <p>$= 8\sqrt{3^2 \cdot 3} + 0,5\sqrt{10^2 \cdot 3} - 6\sqrt{4^2 \cdot 3}$ (0,25đ)</p> <p>$= 24\sqrt{3} + 5\sqrt{3} - 24\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$ (0,25đ)</p>	<p>b) $3\sqrt{5} + \sqrt{20} - \sqrt{\frac{9}{5}}$</p> <p>$= 3\sqrt{5} + \sqrt{2^2 \cdot 5} - \sqrt{\frac{3^2 \cdot 5}{5^2}}$ (0,25đ)</p> <p>$= 3\sqrt{5} + 2\sqrt{5} - \frac{3}{5}\sqrt{5} = 5\sqrt{5} - \frac{3}{5}\sqrt{5} = 5\sqrt{5}$ (0,25đ)</p>
---	---

Bài 3: (2,5đ) Cho hàm số $y = (m - 2)x + 2m + 1$ (*) (m là tham số)

a) Hàm số $y = (m - 2)x + 2m + 1$ đồng biến

$$\Leftrightarrow a > 0 \text{ hay } m - 2 > 0 \Leftrightarrow m > 2 \quad (0,25đ)$$

Vậy với $m > 2$ thì hàm số $(*)$ đồng biến. $(0,25đ)$

b) Để đồ thị hàm số $(*)$ song song với đường thẳng $y = 2x - 1$.

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a = a' \\ b \neq b' \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m - 2 = 2 \\ 2m + 1 \neq -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 4 \\ m \neq -1 \end{cases} \quad (t/m) \quad (0,75đ)$$

Vậy với $m = 4$ thì đồ thị hai hàm số trên song song. $(0,25đ)$

c) Giả sử đths $y = (m - 2)x + 2m + 1$ luôn đi qua một điểm cố định $M(x_0; y_0)$ với $(\forall m)$

khi đó ta có: $y_0 = (m - 2)x_0 + 2m + 1 \quad (\forall m)$

$$\Leftrightarrow mx_0 - 2x_0 + 2m + 1 - y_0 = 0 \quad (\forall m) \quad (0,25đ)$$

$$\Leftrightarrow (mx_0 + 2m) - (2x_0 - 1 + y_0) = 0 \quad (\forall m)$$

$$\Leftrightarrow m \cdot (x_0 + 2) - (2x_0 - 1 + y_0) = 0 \quad (\forall m) \quad (0,25đ)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_0 + 2 = 0 \\ 2x_0 - 1 + y_0 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_0 = -2 \\ 2 \cdot (-2) - 1 + y_0 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_0 = -2 \\ y_0 = 5 \end{cases} \quad (0,25đ)$$

Vậy đồ thị hàm số luôn luôn đi qua một điểm cố định $M(-2; 5)$ với mọi giá trị của m $(0,25đ)$

Bài 4: (1,5 đ)

- Vẽ hình đúng $(0,25đ)$

a) áp dụng định lý Pytago cho tam giác ABC vuông tại A

Ta có: $BC^2 = AB^2 + AC^2$

$$\Rightarrow BC^2 = 6^2 + 8^2 = 36 + 64 = 100$$

$$\Rightarrow BC = 10 \quad (0,25đ)$$

Mà $AH \perp BC$ (gt) $\Rightarrow AB \cdot AC = BC \cdot AH$

$$\Rightarrow AH = \frac{AB \cdot AC}{BC} = \frac{6 \cdot 8}{10} = 4,8 \quad (0,25đ)$$

$$\sin C = \frac{AB}{BC} = \frac{6}{10} = 0,6 \quad (0,25đ)$$

+) Khi đó

$$a) \text{ Vì } \sin C = 0,6 \Rightarrow \hat{C} \approx 36^\circ 52'$$

$$\text{Mà } \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{B} = 180^\circ - \hat{C} = 180^\circ - 36^\circ 52' = 143^\circ 8' \text{ Hay } \hat{ABC} = 143^\circ 8' \quad (0,25đ)$$

Bài 5: (3đ)

Vẽ hình đúng $(0,25đ)$

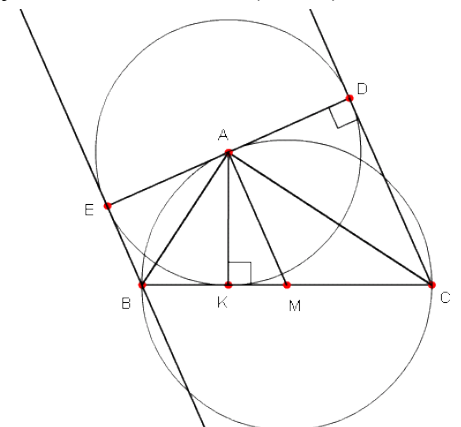
a, Chứng minh được:

BC là tiếp tuyến của (A; AK) $(0,25đ)$

$$\begin{cases} BE = BK \\ CD = CK \end{cases} \quad (0,25đ)$$

$$\Rightarrow BC = BE + CD \quad (0,25đ)$$

b, Theo tính chất của hai tiếp tuyến cắt nhau



$$\begin{cases} \widehat{A_1} = \widehat{A_2} = \frac{1}{2} \widehat{DAK} \\ \widehat{A_3} = \widehat{A_4} = \frac{1}{2} \widehat{KAE} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \widehat{A_1} + \widehat{A_2} = 2 \cdot \widehat{A_2} = \widehat{DAK} \\ \widehat{A_3} + \widehat{A_4} = 2 \cdot \widehat{A_3} = \widehat{KAE} \end{cases} \quad (0,25đ)$$

Ta có: $\widehat{DAE} = \widehat{DAK} + \widehat{KAE}$ (0,25đ)

$$\Rightarrow \widehat{DAE} = \widehat{A_2} + \widehat{A_2} + \widehat{A_3} + \widehat{A_3} \Rightarrow \widehat{DAE} = 2 \cdot (\widehat{A_2} + \widehat{A_3}) = 2 \cdot 90^\circ = 180^\circ \quad (0,25đ)$$

Vậy ba điểm A, D, E thẳng hàng (0,25đ)

c) Gọi M là trung điểm của BC

chứng minh được MA là đường trung bình của hình thang BCDE (0,25đ)

nên MA // BE do đó MA $\perp$ DE (1) (0,25đ)

$$\text{chứng minh được } MA = MB = MC = \frac{1}{2} BC \Rightarrow A \in \left(M; \frac{BC}{2} \right) \quad (2) \quad (0,25đ)$$

Từ (1) và (2) $\Rightarrow$ DE là tiếp tuyến của đường tròn $\left(M; \frac{BC}{2} \right)$ (0,25đ)

ĐỀ 22

ĐỀ KIỂM TRA HỌC KỲ I

Môn TOÁN LỚP 9

Thời gian: 90 phút

I. Trắc nghiệm (2 điểm):

Hãy chọn phương án trả lời đúng cho mỗi câu sau ?

Câu 1. $\sqrt{x-2}$ xác định khi:

- A) $x \geq 2$ B) $x < 2$ C) $x \leq 2$ D) $x = 2$

Câu 2. Trong các hàm số sau hàm nào là hàm số bậc nhất?

- A) $y = 1 - 2x^2$ B) $y = 0 \cdot x - 2$
C) $y = x - 3$ D) $y = 3x + 6$

Câu 3. Cho hai hàm số $y = (m-1)x + 3$ và $y = 2x + 1$, tìm tham số m để hai đường thẳng đó cắt nhau:

- A) $m \neq 1$ và $m \neq 2$ B) $m \neq 1$ và $m \neq 3$
C) $m \neq 2$ và $m = 2$ D) $m = 1$ và $m \neq 2$

Câu 4. Cho hai đường tròn (O; 5 cm) và (O'; 3 cm) tiếp xúc với nhau. Hãy xác định khoảng cách OO':

- A) OO' = 8 cm B) OO' = 5 cm C) OO' = 2 cm D) OO' = 3 cm

Câu 5. Cho tam giác ABC vuông tại A. Hệ thức nào trong các hệ thức sau **không đúng** ?

- A. $\sin C = \cos B$; B. $\tan C = \cot B$; C. $\cot C = \tan A$; D. $\cos C = \sin B$;

Câu 6. (Pisa) Khoảng 9h15' sáng, tia sáng mặt trời chiếu vào cột cờ tạo với mặt đất một góc là 45° và bóng của cột cờ trên mặt đất lúc đó có chiều dài **3,5m**. Chiều cao cột cờ là bao nhiêu?

- A) 3,5 m B) 4 m C) 4,5m D) 5m

II. Tự luận (8 điểm)

Câu 7. (1 điểm) Thực hiện phép tính sau:

a) $\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{6}}$ b) $\sqrt{45} + 3\sqrt{5} - \sqrt{20}$

Câu 8. (1,5 điểm) Cho biểu thức $P = \sqrt{49x} - \sqrt{16x} + \sqrt{25x} - 2$

a) Rút gọn biểu thức P

b) Tìm các giá trị của x để $P = 7$.

Câu 9. (1,5 điểm) Cho hàm số bậc nhất $y = x + 2$ (d)

a) Vẽ đồ thị hàm số trên.

b) Tính diện tích và chu vi của tam giác tạo bởi đường thẳng d với hai trục tọa độ?

Câu 10. (Pisa- 1 điểm) "**Sử dụng thang an toàn**"

Trong cuộc sống hàng ngày, thang được sử dụng thường xuyên giúp chúng ta có thể trèo lên cao so với mặt đất một cách thuận tiện, dễ dàng. Vì vậy để sử dụng thang một cách an toàn thì chúng ta phải kê thang làm sao thật chắc chắn và an toàn, khi đó thang sẽ hợp với mặt đất một góc "**an toàn**" 65° .

Câu hỏi 1 "**Sử dụng thang an toàn**":

Em hãy cho biết góc "**an toàn**" giữa thang và mặt đất là bao nhiêu độ ?

Câu hỏi 2 "**Sử dụng thang an toàn**" :

Một chiếc thang dài 4m. Cần đặt chân thang cách chân tường một khoảng bằng bao nhiêu để nó tạo được với mặt đất một góc "**an toàn**" (tức là đảm bảo thang không bị đổ khi sử dụng) ?

Câu 11. (3 điểm) Cho đường tròn (O) và một điểm M nằm ngoài đường tròn. Từ M kẻ hai tiếp tuyến MA, MB với đường tròn (O) (A và B là hai tiếp điểm). Gọi I là giao điểm của OM và AB.

a) Chứng minh 4 điểm M, A, O, B cùng thuộc một đường tròn.

b) Chứng minh $OM \perp AB$ tại I

c) Từ B kẻ đường kính BC của đường tròn (O), đường thẳng MC cắt đường tròn (O) tại D ($D \neq C$).

Chứng minh $\triangle BDC$ vuông, từ đó suy ra: $MD \cdot MC = MI \cdot MO$

d) Qua O vẽ đường thẳng vuông góc với MC tại E và cắt đường thẳng BA tại F. Chứng minh: FC là tiếp tuyến của đường tròn (O).

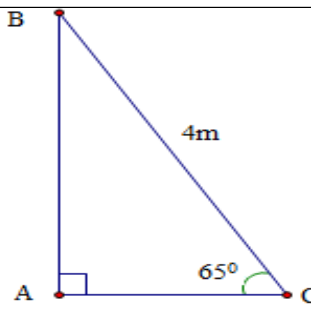
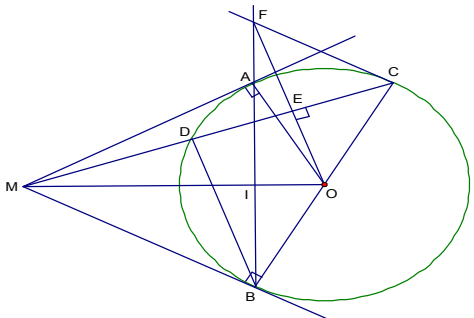
Hết
ĐÁP ÁN

A. Trắc nghiệm: (2 điểm)

Câu	1	2	3	4	5	6
Đáp án	A	C, D	B	A, C	C	A
Điểm	0,25	0,5	0,25	0,5	0,25	0,25

B. Tự luận: (8 điểm).

Câu	Đáp án	Điểm
7	Thực hiện phép tính sau :	
	a) $\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{6}} = \sqrt{\frac{54}{6}}$	0,25
	$= \sqrt{9} = 3$	0,25
	b) $\sqrt{45} + 3\sqrt{5} - \sqrt{20} = 3\sqrt{5} + 3\sqrt{5} - 2\sqrt{5}$	0,25
	$= 4\sqrt{5}$	
8	a, ĐK : $x \geq 0$.	
	$P = 7\sqrt{x} - 4\sqrt{x} + 5\sqrt{x} - 2$	
	$= (7 - 4 + 5)\sqrt{x} - 2$	0,25 0,25
	$= 8\sqrt{x} - 2$	0,25
	b, $8\sqrt{x} - 2 = 7$	0,25 0,25
		0,25

		
		0,25
11	Vẽ hình ghi GT,KL	
	a) Ta có: $\triangle MAO$ vuông tại A (do MA là tiếp tuyến của đt (O)) $\Rightarrow \triangle MAO$ nội tiếp đường tròn đường kính MO $\Rightarrow 3$ điểm M,A,O thuộc đường tròn đường kính MO Tương tự: 3 điểm M,B,O thuộc đường tròn đường kính MO $\Rightarrow 4$ điểm M,A,O,B thuộc đường tròn đường kính MO	0,25 0,25
	b) Ta có: $MA=MB$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) $OA=OB$ (bán kính) $\Rightarrow 2$ điểm O và M cách đều hai điểm A và B $\Rightarrow OM$ là trung trực của AB $\Rightarrow OM \perp AB$ tại I	0,25 0,25 0,25
	c) Ta có: $\triangle BDC$ nội tiếp đường tròn (O), có cạnh BC là đường kính (gt) $\Rightarrow \triangle BDC$ vuông tại D $\Rightarrow BD \perp MC$ tại D Xét $\triangle MBC$ vuông tại B, đường cao BD, ta có: $BM^2 = MD \cdot MC$ (1) Xét $\triangle BMO$ vuông tại B, đường cao BI, ta có: $BM^2 = MI \cdot MO$ (2) Từ (1) và (2), suy ra: $MD \cdot MC = MI \cdot MO$	0,25 0,25
	d, $\triangle EOM \sim \triangle IOF$ (g.g) $\Rightarrow OE \cdot OF = OI \cdot OM$ Ta có: $OA^2 = OI \cdot OM$; $OA=OC$ $\Rightarrow OC^2 = OE \cdot OF \Rightarrow \frac{OC}{OE} = \frac{OF}{OC}$	0,25 0,25 0,25
	Khi đó: $\triangle OCF \sim \triangle OEC$ (c.g.c) $\Rightarrow \angle OCF = \angle OEC = 90^\circ$ $\Rightarrow FC \perp OC$ tại C thuộc đường tròn (O) $\Rightarrow FC$ là tiếp tuyến của đường tròn (O).	0,25

(tính chaát hai tieáp tuyeán caét nhau)